ГЛАВНОЕ УПРАВЛЕНИЕ ГИДРОМЕТЕОРОЛОГИЧЕСКОЙ СЛУЖБЫ ПРИ СОВЕТЕ МИНИСТРОВ СССР

ОРДЕНА ТРУДОВОГО КРАСНОГО ЗНАМЕНИ ГЛАВНАЯ ГЕОФИЗИЧЕСКАЯ ОБСЕРВАТОРИЯ им. А. И. ВОЕЙКОВА

# ТРУДЫ

# ВЫПУСК 255

# АКТИНОМЕТРИЯ, АТМОСФЕРНАЯ ОПТИКА И ОЗОНОМЕТРИЯ

Под редакцией

243227

канд. физ.-мат. наук Г. П. ГУЩИНА канд. физ.-мат. наук Е. А. ПОЛЯКОВОЙ канд. физ.-мат. наук Ю. Д. ЯНИШЕВСКОГО



ГИДРОМЕТЕОРОЛОГИЧЕСКОЕ ИЗДАТЕЛЬСТВО

ЛЕНИНГРАД • 1970

В сборнике публикуются работы по методике и результатам измерения составляющих радиационного баланса, спектральной прозрачности атмосферы и аэрозоля, естественной освещенности, дальности видимости и общего содержания атмосферного озона.

Сборник предназначен для научных работников и специалистов в области физики атмосферы.

2 - 9 - 7105-70

#### Е. П. БАРАШКОВА

3

## ВЕРТИКАЛЬНОЕ РАСПРЕДЕЛЕНИЕ НИСХОДЯЩЕГО ДЛИННОВОЛНОВОГО ИЗЛУЧЕНИЯ ПРИ БЕЗОБЛАЧНОМ НЕБЕ

Исходным материалом для изучения вопроса о вертикальном распределении нисходящего длинноволнового излучения послужили материалы Центральной аэрологической обсерватории по актинометрическому зондированию атмосферы, проводившемуся в ночное время в течение 1964—1965 гг. в шести пунктах Советского Союза (Ростов-на-Дону, Ташкент, Киев, Свердловск, Минск, Владивосток).

Зондирование, организованное сотрудниками ЦАО Г. Н. Костяным и Н. А. Зайцевой, проводилось с помощью радиозонда АРЗ-ЦАО, разработанного Г. Н. Костяным [1].

Выводы, полученные на основании анализа результатов измерений, сопоставлялись с результатами расчетов. Расчеты производились по диаграмме Ф. Н. Шехтер [2] и приближенным методом, предложенным в монографии К. Я. Кондратьева [3]. В последнем случае предполагалось, что: 1) поглощающей субстанцией является водяной пар, распределение плотности которого по высоте *z* описывается формулой  $\rho_z = \rho_0 e^{-\beta z}$ , 2) поглощающими субстанциями являются водяной пар и углекислый газ, объемная концентрация которого постоянна по высоте и равна 0,03%, 3) вертикальный градиент температуры у постоянен и  $T_z = T_0 - \gamma z$ .

Максимальная высота подъема актинометрических зондов достигала 30—35 км. По характеру вертикального распределения плотности потока нисходящего длинноволнового излучения *E* в этом диапазоне высот можно выделить три слоя.

1. В приземном слое, толщина которого меняется и в отдельных случаях может достигать 4 км, изменение *E* с высотой имеет различный характер. В отдельных случаях наблюдается убывание, возрастание или постоянство с высотой величины *E*. На рис. 1 в качестве примера приводятся результаты зондирования в Свердловске за отдельные дни, соответствующие различным сезонам. Величина градиента  $\Gamma = \frac{\Delta E}{\Delta z}$ , рассчитанного позначениям E в двух соседних точках зондирования, от случая к случаю меняется от —0,05 до 0,07 кал/см<sup>2</sup> мин. на 1 км (положительные значения градиента соответствуют убыванию E с высотой, отрицательные — увеличению). Отрицательные градиенты наблюдаются в дни с температурной инверсией.



Рис. 1. Вертикальное распределение плотности потока нисходящего длинноволнового излучения поизмерениям в Свердловске (Высокая Дубрава) 1-21/V, 21 час 34 мин.,

1 — 21/V, 21 час 34 мин., 2 — 12/II, 0 час. 04 мин., 3 — 8/IV, 0 час. 04 мин., 4 — 20/X, 21 час 34 мин.

2. Во втором слое, верхняя граница которого совпадает с тропопаузой, систематически наблюдается убывание *E* с высотой практически с постоянным градиентом в каждом отдельном случае. От случая к случаю величина градиента меняется.

В ряде случаев граница между первым и вторым слоем стирается и убывание *E* с высотой наблюдается от подстилающей поверхности до тропопаузы.

В табл. 1 приводятся средние и экстремальные значения *Е* на границах этого слоя по наблюдениям в различных пунктах.

Таблица 1

· · ·		E <sub>0</sub>			Ein		
Пункт	средн.	макс.	мин.	средн.	макс.	мин.	$\frac{E_{10}}{E_0}$
Ташкент Владивосток Ростов-на-Дону Киев Минск Свердловск	0,57 0,49 0,47 0,50 0,42 0,37	$0,66 \\ 0,54 \\ 0,57 \\ 0,60 \\ 0,53 \\ 0,52$	0,49 0,28 0,34 0,37 0,27 0,28	$\begin{array}{c} 0,16\\ 0,14\\ 0,15\\ 0,14\\ 0,15\\ 0,12\\ \end{array}$	0,19 0,20 0,19 0,18 0,19 0,15	0,13 0,11 0,09 0,11 0,10 0,10	$\begin{array}{c} 0,28\\ 0,36\\ 0,32\\ 0,28\\ 0,35\\ 0,32\end{array}$

Средние и экстремальные значения Е на границах второго слоя в разных пунктах Советского Союза

Максимальные значения соответствуют летнему периоду, минимальные — зимнему. В среднем плотность потока нисходящего

-4

длинноволнового излучения на верхней границе тропосферы составляет 28—36% плотности потока у подстилающей поверхности.

Градиенты Г, рассчитанные для слоя 0—10 км по значениям E на границах интервала, меняются от 0,015 до 0,047 кал/см<sup>2</sup> мин. на 1 км. Пределы изменения градиентов, рассчитанных по величинам E в двух соседних точках зондирования, щире и уменьшаются с высотой. Во Владивостоке, например, наблюдаются следующие пределы изменения Г на разных высотах:

<i>z</i>	0	2	4	6	8	10
мин. Г	-0,050	0,010	0,010	0,010	0	0
макс. Г	0,070	0,070	0,065	0,055	0,042	0,030

3. Третий слой совпадает с нижним слоем стратосферы. В этом слое величина E имеет минимальные значения и несущественно изменяется с высотой. Градиенты  $\Gamma = \Delta E / \Delta z$ , рассчитанные по значениям E на границах интервала, для слоя 10—20 км меняются от 0,001 до 0,011 кал/см<sup>2</sup> мин. на 1 км, для слоя 20—30 км — от 0,0002 до 0,002 кал/см<sup>2</sup> мин. на 1 км.

В дальнейшем мы ограничились рассмотрением слоя тропосферы, в котором происходит основная трансформация потоков длинноволнового излучения.

Учитывая значительную изменчивость плотности потока и сравнительно небольшую изменчивость отношения  $E_z/E_0$  при z—const, для характеристики вертикального распределения нисходящего длинноволнового излучения мы использовали зависимость отношения  $E_z/E_0$  от z (где  $E_z$ ,  $E_0$ — плотность потока нисходящего длинноволнового излучения на уровне z и у подстилающей поверхности соответственно).

Из анализа результатов измерений за отдельные дни следует, что при линейном убывании температуры отношение  $E_z/E_0$  убывает с высотой по экспоненциальному закону. На рис. 2 *а* приводится зависимость  $E_z/E_0$  от *z* по наблюдениям в Киеве за 14 августа 1964 г., где точками нанесены результаты измерений, а линия соответствует  $e^{-0,127z}$  (*z* в километрах).

В ряде случаев в нижних слоях тропосферы отмечаются нарушения экспоненциальной зависимости, которые соответствуют отклонениям профиля температуры от линейного. Представление об изменении  $E_z/E_0$  при z=const дает рис. 2  $\delta$ , где точками нанесены значения  $E_z/E_0$ , соответствующие измерениям в Ростове-на-Дону, а линиями — функции  $e^{-az}$ , соответствующие предельным значениям  $E_z/E_0$ . Аналогичного вида зависимости  $E_z/E_0$  от z наблюдаются и в других пунктах.

Во всех рассмотренных пунктах средняя зависимость  $E_z/E_0$  от z может быть представлена в виде

$$E_z|E_0=e^{-az}$$
.

(1)



Рис. 2. Зависимость отношения  $E_z/E_0$  от z. *а* -- по результатам измерения в Киеве 14 августа 1964 г.,  $\delta$  -- по результатам измерений в Ростове-на-Дону в 1964—1965 гг.

Для коэффициента а были получены следующие значения:

Ташкент	Ростов-на-Дону 0,114
Владивосток 0,108	Минск
Киев 0,127	Свердловск 0,111

М. С. Малкевич в работе [4] показывает возможность получения соотношений, устанавливающих зависимость между характеристиками вертикальной структуры полей длинноволнового излучения атмосферы и полей температуры и влажности. Ю. В. Курилова и Ю. К. Федоров [5] на основании анализа взаимных корреляционных функций плотности потоков длинноволновой радиации с температурой и влажностью приходят к выводу, что ведущая роль в формировании нисходящего длинноволнового потока принадлежит температуре рассматриваемого уровня. Корреляция убывает

по мере повышения уровня, на уровне тропопаузы связи ослабевают до нуля.

Учитывая это обстоятельство, мы сопоставили величины  $E_z$ , наблюдаемые в пределах тропосферы, с температурой рассматриваемого уровня  $t_z$ . На рис. З показана такая зависимость по наблюдениям в Ростове-на-Дону.

Аналогичного вида зависимость  $E_z$  от  $t_z$  наблюдается и в других пунктах. В табл. 2 приводятся средние зависимости  $E_z$  от  $t_z$  по на-





блюдениям в шести пунктах. В интервале  $-60 \le t_z \le 40^{\circ}$  С средняя зависимость  $E_z$  от  $t_z$  может быть представлена в виде

$$E_z = 0.982 \, (\sigma T_z^4)^{1.19}. \tag{2}$$

Отклонение значений, приведенных в табл. 2, от рассчитанных по этой формуле не превышает  $\pm 2\%$ . Для отдельных измерений отклонения рассчитанных  $E_{\rm p}$  от измеренных  $E_{\rm m}$  будут, естественно, больше. Ниже приводится число случаев (в %), соответствующее различным диапазонам отношения  $E_{\rm p}/E_{\rm m}$ .

Ep	Высота, км										
Ē	0—2	2-4	4-6	6—8	8-10	0—12					
0,95-1,05 0,90-1,10 0,85-1,15 0,80-1,20	64,07 81,01 93,35 96,31	62,86 91,95 97,61 99,01	61,62 83,23 94,35 98,18	49,13 80,24 89,35 95,66	42,07 72,42 86,04 93,84	54,84 79,87 90,84 95,93					

Средняя зависимость потока нисходящего длинно

· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·				8 1 L.			-	Гемпер	атура	
Пункт	-70, -65	$     -65, \\     -60   $	-60, -55	—55, —50	-50, -45	$\begin{vmatrix} -45, \\ -40 \end{vmatrix}$	-40, -35	$\begin{vmatrix} -35\\ -30 \end{vmatrix}$	-30, -25	
Минск Свердловск Киев Ташкент Владивосток Ростов-на-Дону Средние 0,982 (оТ <sub>z</sub> ) <sup>1,19</sup> Расчеты по формуле Кондратьева по диаграмме Шехтер Наземные измере- ния	0,12 	0,12 0,12 0,12 	0,12 0,13 0,12 0,12 0,14 0,12 0,12 0,12 0,12 0,03	0,14 0,14 0,15 0,14 0,13 0,14 0,14 0,14 0,04	0,18 0,17 0,15 0,15 0,15 0,15 0,16 0,15 0,05	0,18 0,18 0,18 0,17 0,17 0,17 0,18 0,17	0,20 0,20 0,18 0,20 0,19 0,19 0,19 0,19 0,19	0,22 0,22 0,21 0,21 0,22 0,20 0,21 0,21	0,24 0,24 0,22 0,23 0,23 0,23 0,23 0,23 0,23 0,12 0,12	
Тамды Омск									$0,17 \\ 0,23$	

Таким образом, в 80 случаях из 100 отклонение рассчитанных по формуле (2) величин E от измеренных не превышает  $\pm 10\%$ .

В табл. 2 для сравнения приведены средние зависимости  $E_z$  от  $t_z$ , полученные на основании расчетов плотности потока нисходящего длинноволнового излучения по диаграмме Шехтер и приближенным методом К. Я. Кондратьева. В последнем случае расчеты производились при следующих значениях  $T_0$  и  $\rho_0$ .

$T^{\circ}$ C	232,1	268,9	296,3	300,0	303,0
10 <sup>6</sup> р <sub>0</sub> г/см <sup>3</sup>	0,13	1,86	8,80	13,88	21,48

В табл. 2, кроме того, приведены результаты наземных измерений в Омске и Тамды в 1964—1965 гг. с помощью радиометра с фильтром KRS-5 [6]. Средние значения *E*, полученные в Омске, ниже данных актинометрического зондирования на 0,01 кал/см<sup>2</sup> мин.; по наблюдениям в Тамды различие достигает 0,07 кал/см<sup>2</sup> мин.

Величины E, рассчитанные по методу К. Я. Кондратьева и по диаграмме Ф. Н. Шехтер, систематически ниже данных актинометрического зондирования; различие увеличивается по мере понижения температуры.

Высокая корреляция нисходящего длинноволнового излучения с температурой рассматриваемого уровня вызвана, видимо, тем, что основной вклад в поток нисходящего длинноволнового излучения вносят слои, прилегающие к этому уровню. В табл. 3 приводятся

#### волнового излучения от температуры на том же уровне

воздуха

					-				_	
-25, -20	—20, —15	-15, -10	$^{-10}_{-5}$	—5, 0	0—5	5—10	10—15	15—20	<b>20</b> —25	25-30
0,26 0,25 0,26 0,26 0,26 0,24 0,26 0,25	0,28 0,29 0,27 0,29 0,28 0,27 0,28 0,28	$\begin{array}{c} 0,31\\ 0,30\\ 0,31\\ 0,32\\ 0,31\\ 0,30\\ 0,31\\ 0,31\\ 0,31\\ \end{array}$	$\begin{array}{c} 0,34\\ 0,34\\ 0,33\\ 0,34\\ 0,33\\ 0,32\\ 0,34\\ 0,34\\ 0,34\\ \end{array}$	0,37 0,37 0,36 0,38 0,36 0,35 0,36 0,37	0,40 0,41 0,40 0,41 0,39 0,39 0,39 0,40 0,40	$\begin{array}{c} 0,44\\ 0,44\\ 0,44\\ 0,46\\ 0,43\\ 0,43\\ 0,43\\ 0,44\\ 0,44\\ \end{array}$	0,47 0,48 0,49 0,46 0,47 0,46 0,47	$0,51 \\ 0,49 \\ 0,53 \\ 0,53 \\ 0,52 \\ 0,51 \\ 0,51 \\ 0,51$	$\begin{array}{c} 0,52\\ 0,52\\ 0,62\\ 0,57\\ 0,52\\ 0,52\\ 0,55\\ 0,55\\ 0,55\\ \end{array}$	
0,14 0,12	0,16 0,16	0,20 0,20	0,22 0,25	0,26 0,29	0,30 0,34	0,34 0,38	0,38 0,42	0,44 0,46	0,48 0,50	0,54 0,54
0,19 0,25	0,21 0,28	0,24 0,30	0,27 0,33	0,30 0,36	0,32 0,40	0,36 0,43	0,39 0,47	$\substack{0,43\\0,50}$	0,46 0,54	0,51 0,58

результаты расчета вклада различных слоев атмосферы в плотность потока нисходящего длинноволнового излучения на уровнях 0, 1, 4, 7 км при сделанных выше предположениях о распределении температуры и плотности водяного пара. Из этих расчетов следует, что при эффективной поглощающей массе, соответствующей всей толще атмосферы,  $w_{\infty} = 0,36$  г/см<sup>2</sup> (случай 2), 100-метровый слой обеспечивает больше половины плотности потока на уровне подстилающей поверхности. Вклад этого слоя возрастает по мере увеличения  $w_{\infty}$  и при  $w_{\infty} = 4,1$  г/см<sup>2</sup> составляет 0,71  $E_0$ .

При низком влагосодержании (случай 1) вклад нижнего 100-метрового слоя сравнительно невелик и составляет около  $0,17E_0$ . Учет влияния углекислого газа приводит к увеличению вклада этого слоя до 38%. Поэтому следует ожидать, что при малом содержании водяного пара формула (2) не будет выполняться.

Так как рост температуры сопровождается увеличением погло-

щающей массы  $w_z$  ( $w_z = \int_z^{\infty} \sqrt{p/p_0} qr dz$ , где z — плотность воздуха,

q — удельная влажность,  $\forall p/p_0$  — поправка на давление), то представленная выше зависимость  $E_z$  от  $t_z$  отражает также и зависимость  $E_z$  от  $w_z$ . Связь плотности потока нисходящего длинноволнового излучения с эффективной поглощающей массой  $w_z$ , расположенной над уровнем наблюдений, полученная по измерениям

$\Delta z$		1-й случай (w <sub>∞</sub> = 0,025 г/см <sup>2</sup> )					2-й случай (w <sub>∞</sub> = 0,356 г/см²)			
	z	=0	z = 1	z = 4	z = 7	z=0	z = 1	z = 4	z = 7	
0,0-0,1	<b>H<sub>2</sub>O</b> 0,168	$\mathbf{H}_{2}\mathbf{O}+\mathbf{CO}_{2}$ $0,381$				0,573				
0,1-0,2 0,2-0,3 0,3-0,4 0,4-0,5	0,131 0,102 0,082 0.067	$0,200 \\ 0,118 \\ 0,077 \\ 0.048$			- - -	0,120 0,062 0,039 0,026				
0,0-0,5 0,5-1,0 0,0-1,0	0,550 0,196 0,746	0,824 0,116 0,940 0.047	0.688		1	0,820 0,066 0,886 0,057	0 902			
1,0-2,0 2,0-3,0 3,0-4,0 4,0-5,0	0,145 0,055 0,026 0,013	0,047 0,009 0,002 0,001	0,000 0,179 0,070 0,031	0,527		0,027 0,013 0,007	$0,054 \\ 0,022 \\ 0,011 \\ 0,0053 $	0,825		
5,0-6,06,0-7,07,0-8,08,0-9,09,0-10,0	0,007 0,004 0,0025 0,0014 0,0006	$\begin{array}{c} 0,0004\\ 0,0002\\ 0,0002\\ 0,0001\\ 0,0000\end{array}$	0,013 0,008 0,004 0,003 0,002	0,243 0,121 0,061 0,035 0,013	0,554 0,313 0,133	0,003 0,0014 0,0009 0,0004	0,0033 0,0015 0,0007 0,0002	0,044 0,020 0,008 0,003	0,723 0,205 0,072	

#### Относительный вклад различных слоев

в Ростове-на-Дону, приводится на рис. 4. Наиболее существенные изменения E при увеличении  $w_z$  отмечаются при малых значениях  $w_z$ .



Рис. 4. Зависимость плотности потока  $E_z$  от поглощающей массы  $w_z$ , распо-ложенной выше уровня наблюдений.

Ниже приводятся величины приращения  $\Delta E$  при изменении  $w_z$  на 0,1 г/см<sup>2</sup> в разных диапазонах  $w_z$ :

атмосферы в нисходящий длинноволновый поток

(w <sub>c</sub>	3-й случай (w <sub>∞</sub> = 1,688 г/см <sup>2</sup> )				4-й случай (w <sub>∞</sub> == 2,662 г/см <sup>2</sup> )				5-й случай ( $w_{\infty} = 4,120$ г/см <sup>2</sup> )			
z=0	z = 1	z = 4	z=7	z=0	z=1	<i>z</i> =4	z = 7	z=0	z = 1	<b>z</b> = 4	z = 7	
$\begin{array}{c} 0,681\\ 0,065\\ 0,041\\ 0,032\\ 0,026\\ 0,844\\ 0,074\\ 0,918\\ 0,048\\ 0,017\\ 0,008\\ 0,001\\ 0,0005\\ 0,0001\\ 0,0001\\ 0,0001\\ \end{array}$	0,898 0,061 0,022 0,010 0,005 0,002 0,0012 0,0006 0,0002	0,901 0,056 0,022 0,012 0,006 0,003	0,678 0,291 0,031	0,696 0,068 0,047 0,034 0,025 0,880 0,061 0,927 0,037 0,015 0,008 0,004 0,002 0,0013 0,0010 0,0005 0,0002	0,918 0,050 0,017 0,007 0,004 0,0013 0,0005 0,0002	0,900 0,055 0,025 0,012 0,0065 0,0015	0,863 0,103 0,034	0,707 0,076 0,047 0,020 0,824 0,047 0,940 0,021 0,008 0,0019 0,0007 0,0003 0,0002	0,934 0,038 0,014 0,007 0,003 0,0012 0,0001 0,0007 0,0003	0,894 0,061 0,024 0,006 0,003	0,845 0,115 0,040	

при  $0 \leq w_z \leq 0.1$   $\Delta E = 0.32$  кал/см<sup>2</sup> мин. на 0.1 г/см<sup>2</sup>; при  $0.1 \leq w_z \leq 0.5$   $\Delta E = 0.025$  кал/см<sup>2</sup> мин. на 0.1 г/см<sup>2</sup>; при  $0.5 \leq w_z \leq 2.0$   $\Delta E = 0.007$  кал/см<sup>2</sup> мин. на 0.1 г/см<sup>2</sup>.

В табл. 4 приводятся средние зависимости  $E_z$  от  $w_z$  по наблюдениям в разных пунктах.

Вследствие связи между  $w_z$  и  $t_z$  представленная на рис. 4 и в табл. 4 зависимость  $E_z$  от  $w_z$  отражает также и зависимость этой величины от  $t_z$ . Для исключения влияния  $t_z$  на  $E_z$  была рассмотрена зависимость  $E_z$  от  $w_z$  при постоянных значениях  $t_z$  (табл. 5).

Приведенные в табл. 5 значения  $E_z$  были разделены на  $\sigma T_z^4$ , соответствующие средней температуре рассматриваемого интервала  $t_z$ . При этом отношения  $\frac{E_z}{\sigma T_z^4}$ , соответствующие разным  $t_z$  при w=const, получились близкими между собой и среднюю зависимость  $\frac{E_z}{\sigma T_z^4}$  от  $w_z$  оказалось возможным представить в виде

$$\frac{E_z}{\sigma T_z^4} = 0,877 w_z^{0.041} .$$
 (3)

# Средняя зависимость потока нисходящего длинноволнового излучения от эффективной поглощающей массы выше данного уровня

- <u></u>		Эффе	ктивная і	поглощан	ощая мас	ca w <sub>z</sub>	·
Пункт	0, 0-0, 2	0, 2-0, 4	0, 4-0, 6	0,60,8	0, 8-1, 0	1,0-1,2	1,2-1,4
Минск Свердловск Киев Ташкент Владивосток Ростов-на-Дону Среднее	$\begin{array}{c} 0,26\\ 0,23\\ 0,25\\ 0,28\\ 0,26\\ 0,27\\ 0,26\\ \end{array}$	$0,36 \\ 0,34 \\ 0,35 \\ 0,40 \\ 0,37 \\ 0,38 \\ 0,37$	$\begin{array}{c} 0,40\\ 0,39\\ 0,39\\ 0,45\\ 0,41\\ 0,41\\ 0,41\\ 0,41\\ \end{array}$	$0,42 \\ 0,42 \\ 0,42 \\ 0,48 \\ 0,43 \\ 0,43 \\ 0,45$	$0,46 \\ 0,44 \\ 0,45 \\ 0,51 \\ 0,43 \\ 0,45 \\ 0,45 \\ 0,45 \end{cases}$	$0,46 \\ 0,48 \\ 0,52 \\ 0,50 \\ 0,48 \\ 0,47 \\ 0,48$	$0,48 \\ 0,48 \\ 0,52 \\ 0,54 \\ 0,46 \\ 0,48 \\ 0,50$
<u> </u>		Эффе	ктивная і	поглощан	ощая мас	ca w <sub>z</sub>	
Пункт	1, 4-1, 6	1,6-1,8	1,8—2,0	2,0-2,2	2,2-2,4	2,4—2,6	2,6—2,8
Минск Свердловск Киев Ташкент Владивосток Ростов-на-Дону Среднее	$\begin{array}{c} 0,49\\ 0,48\\ 0,52\\ 0,54\\ 0,48\\ 0,50\\ 0,50\\ 0,50\\ \end{array}$	$0,50 \\ \\ 0,56 \\ 0,54 \\ 0,48 \\ 0,52 \\ 0,$	$\begin{array}{c} 0,50\\ 0,48\\ 0,58\\ 0,58\\ 0,52\\ 0,52\\ 0,52\\ 0,54 \end{array}$	0,50 — 0,52 0,55 0,55	0,52 0,48 0,62 0,60 0,52 0,52 0,55	0,52 — — 0,55 0,54	

Аналогичная зависимость была получена на основании расчетов по диаграмме Шехтер:

$$\frac{E_z}{\sigma T_z^4} = 0.76 w_z^{0,12}$$

и на основании расчетов по методу Кондратьева: при учете только водяного пара

$$\frac{E_z}{\sigma T_z^4} = 0,721 w_z^{0,12}$$

при учете водяного пара и углекислого газа

$$\frac{E_z}{\sigma T_z^4} = 0,767 \, w_z^{0,075}$$

#### Таблица 5

#### Зависимость плотности потока нисходящего длинноволнового излучения от $w_z$ при постоянных значениях температуры

					tz				
w <sub>z</sub>	-20, -15	—15, —10	—10, —5	—5, 0	0—5	5—10	10—15	15—20	20—25
0,05 0,1 0,2 0,3 0,5 0,6 0,7 0,8 0,9 1,0 1,2 1,3 1,4 1,5 1,6 1,7 2,2 2,3 2,4	0,27 0,285 0,30	0,29 0,30 0,32 0,325	0,31 0,32 0,34 0,355 0,37	0,33 0,34 0,355 0,37 0,385 0,39 0,40	0,37 0,38 0,40 0,405 0,41 0,41 0,415 0,42	$0,42 \\ 0,425 \\ 0,43 \\ 0,435 \\ 0,44 \\ 0,445 \\ 0,445 \\ 0,45$	0,455 0,46 0,465 0,465 0,470 0,475 0,475 0,475 0,485 0,485 0,485 0,49	0,49 0,495 0,500 0,505 0,505 0,515 0,515 0,515 0,515 0,525 0,525 0,525 0,525 0,530 0,531	0,54 0,54 0,545 0,555 0,555 0,555 0,555 0,555 0,555 0,555 0,555 0,555 0,556 0,565 0,565 0,57 0,57

На рис. 5 зависимость  $\frac{E_z}{\sigma T_z^4}$  от  $w_z$ , полученная на основании акти-

нометрического зондирования, сравнивается с результатами расчетов и наземных измерений. Во всех рассмотренных случаях наблюдается качественно одинаковый характер зависимости отношения  $\frac{E_z}{\sigma T^4}$  от  $w_z$ . В количественном отношении величины, полученные

по данным актинометрического зондирования, систематически превышают как расчетные, так и наземные данные. Расхождение убывает по мере увеличения w<sub>z</sub>. Наиболее близки к данным актинометрического зондирования результаты наземных измерений в Омске.

Формула (3) позволяет оценить роль  $T_z$  и  $w_z$  в формировании потока на разных уровнях тропосферы и их влияние на вертикальный профиль  $E_z$ .

Из формулы (3) имеем

$$\frac{dE_z}{E_z} = 0.041 \frac{dw_z}{w_z} + 4 \frac{dT_z}{T_z}.$$
(4)



1 — по данным актинометрических измерений, 2 — наземные измерения в Омске, 3 — результаты расчетов по методу Кондратьева, 4 — по диаграмме Шехтер, 5 — наземные измерения в Тамды.

Зависимость w<sub>z</sub> и T<sub>z</sub> от z может быть представлена формулами:

$$w_z = \frac{\rho_0}{\beta} e^{-\beta z},\tag{5}$$

$$T_z = T_0 - \gamma z, \tag{6}$$

где  $\beta = 4,5 \cdot 10^{-6}$  1/см,  $\gamma = 6 \cdot 10^{-5}$  град/см. Определив из этих формул  $\frac{dw_z}{w_z}$  и  $\frac{dT_z}{T_z}$  и подставив в (4), получим

$$\frac{dE_z}{E_z} = \left(-0.041\beta - \frac{4\gamma}{T_0 - \gamma z}\right) dz.$$
(7)

В табл. 6 приводятся значения слагаемых формулы (7) для разных уровней. Из этих значений следует, что изменение плотности потока писходящего длинноволнового излучения с высотой происходит главным образом за счет изменения температуры. Влияние изменения содержания водяного пара меньше влияния температуры в 4—8 раз в зависимости от высоты и температуры воздуха.

На основании формулы (3) мы можем получить также связь величин *E<sub>z</sub>*, соответствующих разным уровням тропосферы:

$$\frac{E_{z_1}}{E_{z_2}} = \left(\frac{w_{z_1}}{w_{z_2}}\right)^{0,041} \frac{\sigma T_{z_1}^4}{\sigma T_{z_2}^4}.$$

Таблица б

		1 1 5	(-)	· ··· JX (/·	<u> </u>		
	$\frac{2}{T_0}$	γ γ <i>z</i>	0.0418	$\frac{dE_z}{E_z}$			
Z KM	$T_0 = 233^{\circ}$	$T_0 = 303^{\circ}$	0,011	$T_0 = 233^{\circ}$	$T_0 = 303^{\circ}$		
1 2 3 4 5 6 7 8 9 10	$\begin{array}{c} 0,106\\ 0,108\\ 0,112\\ 0,115\\ 0,118\\ 0,122\\ 0,126\\ 0,130\\ 0,134\\ 0,139\\ \end{array}$	0,081 0,082 0,084 0,086 0,090 0,090 0,092 0,094 0,096 0,099	0,0185 0,0185 0,0185 0,0185 0,0185 0,0185 0,0185 0,0185 0,0185 0,0185 0,0185	$\begin{array}{c} 0,124\\ 0,126\\ 0,130\\ 0,134\\ 0,136\\ 0,140\\ 0,144\\ 0,148\\ 0,152\\ 0,157\\ \end{array}$	$\begin{array}{c} 0,099\\ 0,100\\ 0,102\\ 0,104\\ 0,106\\ 0,108\\ 0,110\\ 0,112\\ 0,114\\ 0,117\\ \end{array}$		

Значения слагаемых формулы (7) для разных уровней (×10-5)

Используя для w<sub>z</sub> соотношение (5), получим

$$\frac{E_{z_1}}{E_{z_2}} = e^{-0.041\beta(z_1 - z_2)} \frac{\sigma T_{z_1}^4}{\sigma T_{z_2}^4}.$$

Так как для z=0  $w_z=w_\infty=\frac{\rho_0}{\beta}$ -,

$$\frac{E_z}{E_0} = e^{-0.041\beta z} \frac{\sigma T_z^4}{\sigma T_0^4}$$

При линейном изменении температуры с высотой отношение  $\sigma T_z^4$ 

 $\frac{\sigma T_z^4}{\sigma T_0^4} \approx e^{-bz}$ , поэтому, как и было установлено при анализе резуль-

татов актинометрического зондирования,

$$\frac{E_z}{E_0} = e^{-az},$$

где *a* = --0,041*β* --- *b*.

При  $T_0 = 233^\circ$  b = -0.12, при  $T_0 = 303^\circ$  b = -0.088.

В табл. 7 приводятся величины *a*, полученные на основании расчетов и актинометрического зондирования.

ጥ	-	~	-				- 7
1	а	D	л	И	Ш	a	- 1

				•
	$T_0 = 233^{\circ}$		$T_0 = 303^{\circ}$	
	Ь	а	в	a
Актинометрическое зондирование Диаграмма Шехтер Метод Кондратьева (H2O) Метод Кондратьева (H2O+CO2)	-0,12-0,12-0,12-0,12-0,12	-0,138 -0,174 -0,174 -0,178	-0,088 -0,088 -0,088 -0,088	$-0,106 \\ -0,142 \\ -0,142 \\ -0,126$

#### ЛИТЕРАТУРА

1. Костяной Г. Н. Актинометрический радиозонд. Метеорология и гидрология, № 7, 1963.

2. Шехтер Ф. Н. К вычислению лучистых потоков тепла в атмосфере. Труды ГГО, вып. 22(84), 1950. 3. Кондратьев К. Я. Лучистый теплообмен в атмосфере. Гидрометеоиз-

3. Кондратьев К. Я. Лучистый теплообмен в атмосфере. Гидрометеоиздат, Л., 1956.

4. Малкевич М. С. О связи между характеристиками вертикальной структуры поля длинноволновой радиации и полей температуры и влажности. Изв. АН СССР, сер. «Физика атмосферы и океана», т. 1, № 10, 1965.

5. Курилова Ю. В., Федоров Ю. К. О вертикальной структуре полей длинноволновой радиации. Труды ГМЦ, вып. 11, 1967. 6. Барашкова Е. П., Васищева М. А., Коблова З. П. Опыт исполь-

6. Барашкова Е. П., Васищева М. А., Коблова З. П. Опыт использования радиометров с фильтром KRS-5 для измерения длинноволнового излучения. Труды ГГО, вып. 203, 1967.

### С. С. БОГДАНОВ, А. М. БРОУНШТЕЙН

## О ВЗАИМНОЙ ПРИВЯЗКЕ ИНФРАКРАСНЫХ СПЕКТРОВ СОЛНЕЧНОЙ РАДИАЦИИ

Для ряда метеорологических и прикладных задач представляют интерес статистические характеристики спектральной прозрачности всей атмосферы в инфракрасной области спектра. Такие данные могут быть получены из достаточно длинных рядов сравнимых между собой спектров солнечной радиации, регистрированных при разных метеорологических условиях в течение всех сезонов года. Эта задача требует специального рассмотрения методов взаимной привязки спектров солнечной радиации, полученных в течение длительного времени.

Основной особенностью условий спектрофотометрирования Солнца и любых других небесных источников является их подвижность и необходимость непрерывного наведения изображения источника на входную щель прибора. Этот процесс может осуществляться двумя способами: непосредственным наведением прибора на Солнце с помощью какой-либо следящей системы, управляющей положением прибора, или же, при неподвижном приборе, наведением изображения диска Солнца на его входную щель с помощью зеркальной следящей системы, например целостата.

Обе системы имеют свои достоинства и недостатки. В первом случае может быть использован сравнительно небольшой и легкий прибор (см., например, [1]), устанавливаемый на точном поворотном устройстве, управляемом следящей системой. Как правило, такие приборы обладают небольшим разрешением по спектру и невысокой степенью точности. Достоинством таких систем является постоянное сечение используемого пучка солнечных лучей, что облегчает взаимную привязку спектров, полученных при различных положениях Солнца.

Во втором случае габариты и вес спектрального прибора ничем не ограничены и может быть использован стационарный спектрофотометр любого класса, например полностью автоматизированный спектрофотометр UR-20 фирмы «Карл Цейс, Иена», вес которого превышает 650 кг. Разрешение по спектру у этого прибора может

2 Заказ № 534

БИБЛИОТЕ Ленинградского 17

достигать 0,5 см<sup>-1</sup> в области 4—10 нм, точность фотометрирования 0,5%. Однако применение зеркальной следящей системы приводит к усложнению методов взаимной привязки спектров.

Неподвижные спектрофотометры со следящими зеркальными системами применялись в ряде работ (например, [2, 3, 4]), посвященных исследованиям спектральной прозрачности атмосферы. Поскольку измерения не носили длительного, статистического характера, вопрос о взаимной привязке спектров в них подробно не рассматривался. В астрофизических работах также, как правило, не встречаются задачи длительного фотометрирования небесных объектов в инфракрасной области спектра.

Рассмотрим метод взаимной привязки или нормализации спектров для системы, состоящей из двухлучевого спектрофотометра, зеркального целостата и дополнительной системы плоских и сферических зеркал, передающих поток радиации от целостата к спектрофотометру и формирующих изображение Солнца на его входной щели.

Отсчет спектрофотометра  $n_{\lambda}$  равен отношению двух потоков — от Солнца и от источника сравнения в узком спектральном интервале с центром у данной длины волны  $\lambda$ :

 $n_{\lambda} = \frac{E_{\odot\lambda}k_{r}k_{r}}{E_{\lambda\mu\sigma\sigma}k_{r}'k_{r}'}, \qquad (1)$ 

где  $E_{\odot\lambda}$  — спектральная энергетическая освещенность на уровне целостата,  $E_{\lambda \, \text{ист}}$  — эквивалентная освещенность от источника сравнения,  $k_r$ ,  $k'_r$  — коэффициенты, учитывающие различные геометрические факторы на пути радиации от целостата и от источника сравнения соответственно,  $k_r$ ,  $k'_r$  — коэффициенты, учитывающие потери на отражение на зеркалах солнечного канала и канала источника сравнения соответственно.

Геометрический коэффициент  $k_r$  зависит от угла поворота целостатного зеркала, диаметров и фокусных расстояний зеркал, углов падения луча на зеркала и срезания пучка на зеркалах внешней системы и зеркалах спектрофотометра, а также от угла падения входного пучка на щель. Этот коэффициент может изменяться при каждом последующем наведении целостата на Солнце или в течение дня из-за неточного слежения целостата за Солнцем.

Коэффициент отражения на внешних зеркалах  $k_r$  изменяется медленно со временем из-за изменения качества отражающих поверхностей зеркал и из-за их загрязнения. Необходим регулярный контроль этого коэффициента на его неселективность в рабочей части спектра.

Геометрический коэффициент  $k'_r$  для канала источника сравнения постоянен, а коэффициент отражения зеркал  $k'_r$  в этом канале тоже должен проверяться на неселективность. Внутри спектрофо-

тометра на общем пути обоих пучков селективность зеркал значения не имеет.

Изменения коэффициентов  $k_r$  и  $k_r$  со временем приводят к тому, что получаются разные отсчеты  $n_{\lambda}$  при одном и том же значении  $E_{\odot\lambda}$ . Поэтому для обеспечения сравнимости спектров их нужно привести к единому масштабу, т. е. нормализовать.

Для этого может быть использован привязочный фильтровый радиометр (ПФР), направляемый непосредственно на Солнце. Этот прибор работает в одном из окон прозрачности атмосферы — 2,1, 4 или 10—12 нм, имеет соответствующий интерференционный фильтр и приемник радиации, неселективный в рабочей области спектра. При встречаемых на земном уровне значениях освещенности радиометр должен быть линеен и его чувствительность постоянна. Работа ПФР в окне прозрачности обеспечивает бо́льшую точность его показаний.

• Направляя ПФР на Солнце, получаем отсчет

$$B = c_1 \int_{\lambda_1}^{\lambda_2} \varphi_{\lambda} E_{\odot \lambda} d\lambda,$$

где  $\lambda_1$ ,  $\lambda_2$  — границы спектральной чувствительности ПФР,  $\phi_{\lambda}$  — спектральная чувствительность ПФР,  $E_{\odot\lambda}$  — спектральная освещенность от Солнца на уровне земли.

Для нормализации спектрограмм при помощи ПФР существуют две возможности, которые зависят от ширины его области пропускания.

1. Сравнительно широкая полоса пропускания  $\Pi \Phi P$ , выходящая за пределы окна прозрачности. В этом случае определяем по спектрограмме величину A интеграла, в который в качестве весовой функции входит относительная спектральная чувствительность привязочного радиометра  $\phi_{\lambda}$ :

$$A = \int_{\lambda_1}^{\lambda_2} \varphi_{\lambda} n_{\lambda} \, d\lambda, \qquad (3)$$

или

$$A = c \int_{\lambda_1}^{\lambda_2} \frac{\varphi_{\lambda}}{E_{\lambda \, \text{ucr}}} E_{\odot \lambda} \, d\lambda.$$

Так как даже при широком фильтре  $E_{\lambda \, \text{ист}}$  изменяется в интервале  $(\lambda_1 \div \lambda_2)$  незначительно, весовые функции, входящие в величины *B* и *A*, практически одинаковы. Отсюда следует, что между *A* и *B* существует линейная зависимость.

Поскольку ПФР непосредственно направляется на Солнце и чувствительность его постоянна (что требует, конечно, периодического контроля), его показания однозначно связаны с приходящим

19

(4)

(2)

потоком в области ( $\lambda_1 \div \lambda_2$ ). Следовательно, для привязки спектрограмм достаточно, чтобы интеграл *A* был также однозначно связан с отсчетом *B* по ПФР:

$$A' = aB.$$

Задав постоянные значения коэффициента a, можно по отсчету B, полученному одновременно с записью соответствующего участка  $(\lambda_1 \div \lambda_2)$  спектра на спектрофотометре, определить требуемую для привязки величину интеграла A'. Привязка спектрограмм заключается в определении фактического значения интеграла A, привязочного множителя

$$k = \frac{A'}{A}$$

и перемножения всех ординат спектрограммы на этот коэффициент. Последняя операция основывается на том, что факторы  $k_r$  и  $k_r$  неселективны и, следовательно, величина k одинакова для всего спектра. Это положение может быть проконтролировано привязкой в других окнах. Если в процессе записи спектра производится контролируемое изменение масштаба записи, то при привязке должны быть введены соответствующие дополнительные коэффициенты.

2. Узкий фильтр ПФР. В случае если удается применить узкий фильтр, расположенный целиком внутри окна прозрачности, можно упростить процедуру привязки, заменив интеграл *А* средней ординатой в окне. Остальные операции остаются те же, что и в случае широкого фильтра.

Для нормализованных спектрограмм может быть получена внеатмосферная огибающая с помощью обычного «долгого метода» Бугера, при котором используются серии измерений, относящихся к оптически устойчивым дням. Поскольку метод Бугера применим лишь к нескольким узким прозрачным участкам спектра, внеатмосферная огибающая проводится с помощью интерполяции между полученными точками.

Для двухлучевого прибора могут быть без особого труда использованы также данные о спектральном распределении внеатмосферной солнечной радиации, полученные в последнее время с помощью измерений на больших высотах, например [5].

Если для однолучевого прибора при использовании таких данных необходимо учитывать точные значения спектральной ширины щелей, особенно при переменной щелевой программе, то в случае двухлучевого прибора такой необходимости нет, поскольку для монотонных сплошных спектров показания двухлучевого прибора практически не зависят от ширины щели. Внеатмосферная огибающая в относительных единицах может быть получена делением кривой Солнца на кривую спектрального распределения источника сравнения.

(6)

(5)

Полученная таким образом относительная внеатмосферная огибающая может быть привязана к каждой спектрограмме по одной точке на прозрачном участке спектра, где можно определить по взаимно привязанным спектрам внеатмосферное значение ординаты.

#### ЛИТЕРАТУРА

1. Кондратьев К. Я., Бадинов И. Я., Ащеулов С. В., Андреев С. Д. Аппаратура для исследований инфракрасного спектра поглощения и теплового излучения атмосферы. Изв. АН СССР. сер. «Физика атмосферы и океана», т. I,  $\mathbb{N} \ge 2$ , 175, 1965. 2. Roach W. T., Goody R. M. Absorption and emission in the atmospheric window from 770 to 1250 cm<sup>-1</sup>. Quart. J. Roy. Met. Soc. v. 84,  $\mathbb{N} \ge 362$ , 319, 1958.

3. Gates D., Harrop W. Infrared transmission of the atmosphere to solar

a Gartes D., Harrop W. Inflated transmission of the autosphere to solar radiation. Appl. Opt., v. 2, № 9, 887, 1963.
4. Farmer C. B., Key P. I. A study of the solar spectrum from 7 to 400 μ.
Appl. Opt., v. 4, № 9, 1051, 1965.
5. Thekaekara M. P., Kruger R., Duncan C. H. Solar irradiamemeasurements from a research aircraft. Appl. Opt., v. 8, № 8, 1713, 1969.

#### Г. К. ГУЩИН

## ОБЩЕЕ СОДЕРЖАНИЕ АТМОСФЕРНОГО ОЗОНА В РАЙОНЕ ТИХОГО ОКЕАНА В 1961—1967 гг.

С момента открытия озон в силу своих физических и химических свойств является особым объектом метеорологических исследований. Резко возросшее в последнее время число озонометрических станций позволило расширить изучение распределения общего содержания атмосферного озона над всем земным шаром. Эти исследования базируются в основном на результатах наблюдений, проводящихся на континентальных и немногочисленных островных станциях, поскольку в океанах подобные измерения производятся в единичных случаях. Более или менее систематические наблюдения проводятся на и/с «А. И. Воейков» и «Ю. М. Шокальский»<sup>4</sup>, в программу рейсов которых с 1961 г. включаются озонометрические измерения. В данной статье обобщены результаты проводившихся в 1961—1967 гг. наблюдений над общим содержанием атмосферного озона в Тихом океане на и/с «Ю. М. Шокальский» и «А. И. Воейков».

Наблюдения проводились с помощью самолетных озонометров Г. П. Гущина [3] и с помощью озонометра М-83 Г. П. Гущина [3]. Озонометры градуировались перед рейсами в ГГО или на станции Сад-Город, вблизи Владивостока, где градуировки производились также после возвращения из рейсов. Если между градуировками перед рейсом и после него были значительные расхождения, то наблюдения браковались и в отсчет не включались. Иногда после рейса градуировка не проводилась, но наблюдения обрабатывались. Среди таких данных встречаются явно заниженные или завышенные значения. Подобные наблюдения не использовались при анализе. Отобранные для анализа данные (Приложение) ввиду их малочисленности позволяют только в первом приближении судить об особенностях распределения общего содержания озона в Тихом океане.

<sup>1</sup> В настоящее время измерения озона производятся также на и/с «Академик Королев» и некоторых других.

## 1. Годовой ход озона

Для анализа результатов измерений вся акватория Тихого океана была разбита на широтные зоны и в каждой зоне подсчитывались средние месячные величины общего содержания озона. Полученные результаты сведены в табл. 1. В таблице для каждого месяца в 1-й строке дана средняя величина для указанной широтной зоны северного полушария, во 2-й строке — та же величина для симметричной широтной зоны в южном полушарии.

Таблица І

M	Широтная зона					
месяц	3°Ю — 3°С	4—13°C	14—23°C	24—33°C	34—43°C	44—52°C
I	0,200 (5)	0,202 (4) 0,227 (3)	0,196 (4)	0,248 (4) 0,249 (2)	0,332 (18) 0,250 (2)	0,250 (1)
II		. —		0,287(8)	0,339(1)	
III	—		v		0,400(12)	0,478 (1)
IV	0,202(3)	0,243(1)	0,213(1) 0,245(1)	0,231 (3)	0,301(7) 0,225(3)	-
v	0,209 (25)	0,212 (15)	0,241 (12)	0,286 (14) 0,189 (1)	0,356 (3)	0,281 (6)
VI	0,210 (31)	0,210 (3) 0,182 (1)	0,198(3)	0,248(3)	0,274 (2)	0,262 (4)
VII	0,203(1)	—	— . —	0,236(4)	0,273 (3)	
VIII	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·		0,194(1)	0,183 (9)	0,253 (7)	0,268 (3)
IX		0,255(1)	0,247 (4)	0,222(2)	0,264 (15)	0,342 (4)
x	_ <	0,268 (2)		_	0,266 (5)	
XI	—	_	_	·		
XII		0,242(1)	0,207 (3) 0,258 (2)	0,228 (2) 0,249 (3)	0,253 (18) 0,273 (4)	0,360 (2)

Средние месячные значения общего содержания атмосферного озона в разных широтных зонах северного и южного полушарий (в скобках указано число наблюдений)

В экваториальной зоне общее содержание озона остается почти постоянным — около 0,200 см. В более северных районах наблюдается годовой ход средних месячных величин озона. Годовая

 $23^{\circ}$ 

амплитуда колебаний минимальна (около 0,050 см) в пассатной зоне (14—23° с. ш.), где метеорологические условия более или менее однообразны в течение года.

В районах, примыкающих непосредственно к экваториальной зоне (4—13° с. ш.), повышенная изменчивость озона от сезона к сезону может быть связана со смещениями зоны пассатной конвергенции ветров, с которой связана повышенная турбулентность в тропосфере и стратосфере. Минимальные значения озона в этих широтах отмечаются в июне (около 0,180 см), а максимальные в октябре (около 0,270 см).

Севернее 24<sup>6</sup> с. ш. максимум приходится на начало весны, а минимум на конец лета или начало осени. Годовая амплитуда колеба-



Рис. 1. Сезонные изменения среднего содержания озона в северной (1) и южной (2) частях Тихого океана.

ний средних месячных значений озона возрастает к северу: в зоне 24—33° с. ш. она составляет около 0,100 см, в зоне 34—43° с. ш. — 0,160 см и в зоне 44—52° с. ш. — около 0,230 см.

В южном полушарии годовой ход общего содержания атмосферного озона с максимумом в декабре—январе и с минимумом в мае июне прослеживается на всех широтах. К сожалению, с июля по ноябрь данных по озону для южного полушария нет. Амплитуда колебаний озона здесь почти одинакова на всех широтах и заметно меньше, чем в северном полушарии (0,070—0,100 см). Правда, этот вывод нельзя считать окончательным, так как число наблюдений в южном полушарии значительно меньше, чем в северном.

При выявлении основных различий годового хода и величин общего содержания озона может оказаться полезным сравнение средних значений озона по всему полушарию. Из-за отсутствия наблюдений на всех широтах Тихого океана ограничимся осреднением по зонам от экватора до 45° с. и ю. ш. Такое осреднение, проведенное для каждого месяца, представлено на рис. 1. Как видно из рис. 1, в северном полушарии основной максимум общего содержания озона приходится на март, а в южном — на сентябрь, т. е. наблюдается в первый месяц весны. Помимо основных максимумов, в начале осени (сентябрь—октябрь в северном полушарии и марте в южном полушарии) намечаются вторичные максимумы. Но если максимумы годового хода озона появляются в одни и те же сезоны в обоих полушариях, то минимумы приходятся на разные сезоны: в северном полушарии на конец лета (август), а в южном — на середину зимы (июнь).

В течение почти всего года количество озона в северном полушарии больше, чем в южном, и только в сентябре-декабре величины общего содержания озона в южном полушарии незначительно превосходят таковые в северном. Среднее годовое значение общего содержания озона в зоне от экватора до 45° с. ш. составляет 0,273 см. Эта величина совпадает с рассчитанной средней годовой за 1958 г. в этой же зоне [3]. Для аналогичной зоны в южном полушарии среднее годовое значение озона составляет 0,250 см, т. е. оно на 8% меньше, чем в северном полушарии. По данным континентальных и островных станций, в рассматриваемых зонах количество озона в южном полушарии примерно на 6% выше, чем в северном [4]. Возможно, дефицит озона над океаном к югу от экватора и над континентами к северу от него компенсируется избытком озона над сушей в южном полушарии и над водной поверхностью в северной его части, так что общее количество озона в обоих полушариях примерно одинаково.

Интересно проследить колебания средних годовых величин озона в течение ряда лет. Однако малое количество наблюдений не позволяет провести такое сравнение, поэтому ограничимся рассмотрением средних величин озона для мая (табл. 2).

Таблица 2

Год	Широтная зона				
	3° Ю — 3° С	4—13° C	14—33° C	24—33° C	
1962 1963 1965	0,222 (10) 0,180 (6)	0,255 (5) 0,201 (4)	0,298 (4) 0,188 (3) 0,226 (5)	$0,369(4) \\ 0,275(5) \\ 0,252(2)$	

#### Средние величины общего содержания атмосферного озона в разных широтных зонах Тихого океана в мае за несколько лет (в скобках указано число дней наблюдений)

В 1962 г. во всех широтных зонах наблюдалось наибольшее количество озона.

### 2. Широтный ход озона

На рис. 2 показаны несколько кривых широтного хода, построенных по данным ряда рейсов и/с «А. И. Воейков» и «Ю. М. Шокальский». Все наблюдения на судах проводились в основном в районе от 40° с. ш. до 40° ю. ш. Как видно на рис. 2, широтное распределение озона однообразно во всех случаях: от 40° с. ш. общее содержание озона более или менее плавно уменьшается, достигает минимума в приэкваториальных широтах, а затем снова возрастает к 40° ю. ш.



Рис. 2. Широтный ход общего содержания атмосферного озона в Тихом океане. 1 — 24/XII 1961 г. — 21/I 1962 г., 2 — 21/XII 1965 г. — 2/I 1966 г., 3 — 19/XII 1965 г. — 18/I 1966 г., 4 — 3/V—2/VI 1962 г., 5 — 2/V—19/V 1965 г., 6 — 27/V—18/VI 1965 г., 7 — 13/III—24/IV 1963 г., 8 — 30/IV—31/V 1963 г., 9 — 27/IV—29/V 1965 г.

Осреднив значения, относящиеся к весеннему и зимнему периодам северного полушария, мы получили сглаженную картину широтного хода озона в эти сезоны. Рисунок 3, где показано это рас-



Рис. 3. Осредненные кривые широтного хода общего содержания озона в Тихом океане для весеннего (1) и зимнего (2) сезонов северного полушария.

пределение озона, дает наглядное представление о перемещении озонного экватора: зимой он проходит около 12° с. ш., весной около 7° ю. ш. Данных по другим сезонам года, к сожалению, нет. Положение озонного экватора, рассчитанное по данным в основном континентальных станций [6], неполностью согласуется с тем, что получено для Тихого океана. Если для декабря—января имеет место полное совпадение, то для периода с мая по октябрь озонный экватор располагается между 15—25° с. ш. [6].

От сезона к сезону меняется также меридиональный градиент озона. Значения среднего меридионального градиента общего содержания озона на разных широтах приводятся в табл. З. Наибольший меридиональный градиент озона наблюдается весной в северных широтах. В табл. З меридиональный градиент, направленный с севера на юг, считается положительным, а направленный с юга на север — отрицательным. Таким образом, при переходе через озонный экватор знак градиента изменяется.

Таблица З

Широта	Ce	зоны		Сезоны	
	зимний	весенний	Широта	зимний	весенний
40	5,4 3,2 1,0 0,6	6,8 4,5 2,7 1,8	0—10° Ю 10—20 20—30 30—40	-0,9 -1,4 -1,8 -1,9	$ \begin{array}{r} 0,5 \\ -0,6 \\ -1,8 \\ -2,7 \end{array} $

Средний меридиональный градиент общего содержания атмосферного озона на разных широтах Тихого океана в зимний (декабрь—январь) и весенний (март—июнь) сезоны северного полушария (см О<sub>3</sub>/км · 10<sup>-5</sup>)

# 3. Связь общего содержания атмосферного озона с метеорологическими условиями

При анализе средних дневных величин общего содержания озона обнаруживается, что в отдельные дни эти величины испытывают значительные колебания, связанные с изменениями аэросиноптических условий в атмосфере. Но всякое изменение термобарического поля атмосферы приводит также к колебаниям температуры воздуха на разных высотах. Отсюда между общим содержанием озона и температурой воздуха должна существовать определенная связь.

Обычно для установления характера связи между озоном и температурой вычисляются коэффициенты корреляции. Однако малое количество измерений общего содержания озона не позволило достаточно уверенно выявить характер связи между озоном и температурой воздуха для района Тихого океана.

Считается установленным, что над сушей коэффициент корреляции между содержанием озона и температурой в тропосфере отрицателен, при переходе через тропопаузу он претерпевает резкий скачок и становится положительным в стратосфере [1, 2, 4]. В наших наблюдениях над Тихим океаном (40—50° с. ш.) отмечается любопытное обстоятельство, заключающееся в том, что увеличение общего содержания озона сопровождается понижением температуры в стратосфере. Эта закономерность проявляется наиболее отчетливо на высотах 25—30 км. На рис. 4 показана связь между общим содержанием озона  $\Omega$  и температурой на высоте 30 км  $t_{30}$  для  $40-50^{\circ}$  с. ш. Из рис. 4 видно, что существует довольно тесная связь между между  $\Omega$  и  $t_{30}$  в рассматриваемом районе наблюдений. Средний 10-



Рис. 4. Связь между общим содержанием озона  $\Omega$  и температурой на высоте 30 км  $t_{30}$ .

довой коэффициент корреляции в данном случае равен —0,80. Вероятное отклонение коэффициента корреляции от среднего составляет всего

$$E = \pm 0,67 \, \frac{1 - r^2}{\sqrt{n}} = \pm 0,04,\tag{1}$$

где n = 38 — число наблюдений. При таком большом коэффициенте корреляции связь между рассматриваемыми величинами следует считать надежной.

Для объяснения полученных зависимостей нужно предположить, что одновременно с повышением температуры на высотах 25-30 км количество озона на тех же высотах увеличивается, а общее содержание озона в то же время уменьшается. Но для этого нужно допустить, что при потеплениях на высотах 25-30 км происходит увеличение инверсионных градиентов в стратосфере и ослабление турбулентного обмена. В результате должно уменьшиться поступление озона из более высоких слоев атмосферы, в которых устанавливается фотохимическое равновесие. При такой ситуации общее содержание озона должно также уменьшаться. Такое допущение находит подтверждение. Действительно, существует положительная корреляция между температурой на высоте 30 км и параметром  $\Delta t_{30-20}$ , характеризующим термическую стратификацию атмосферы и численно равным разности температур на высотах 30 и 20 км. Коэффициент корреляции между этими величинами равен 0,74 (для района Тихого океана на широте 40-50° с.).

Отсюда с большой вероятностью можно утверждать, что повышение температуры на высоте 30 км приводит к возрастанию статической устойчивости воздуха в нижней и средней стратосфере. Это подтверждается также величиной коэффициента корреляции между общим содержанием озона  $\Omega$  и величиной  $\Delta t$ .

Коэффициент корреляции между величинами  $\Omega$  и  $\Delta t_{25-30}$  (разностью температур на высотах 25 и 20 км) равен 0,40, а между  $\Omega$  и  $\Delta t_{30-20}$  0,52.

Таким образом, в нашем случае общее содержание озона над океаном существенно зависит от термической стратификации стратосферы.



Рис. 5. Высотное барическое поле, струйное течение и общее содержание озона в северной части Тихого океана за период с 16/IX по 10/X 1965 г.

Общее содержание озона, как показали наши измерения над Тихим океаном, тесно связано со струйными течениями. Весь год, независимо от направления струйного течения, в левой его части наблюдается повышенное общее содержание озона. На рис. 5 показано высотное деформационное поле и струйное течение. Кружками помечены места производства измерений озона, цифры в числителе характеризуют общее содержание озона, а в знаменателе (в скобках) — высоту тропопаузы по маршруту судна в течение 16 сентября—10 октября 1965 г. На рисунке ясно видны различия в величинах общего содержания озона слева и справа от оси струи: справа величины  $\Omega$  колеблются в пределах 0,220—0,250 см, а слева — в пределах 0,280—0,300 см. Еще более резкий контраст в величинах озона наблюдается весной. В это время года он достигает 0,100—0,150 см.

Со струйными течениями тесно связано высотное барическое поле: слева от оси струи располагаются высотные ложбины,

а справа — высотные гребни. Количественной характеристикой высотного барического поля может служить высота тропопаузы, которая обычно бывает понижена в высотных ложбинах и повышена в высотных гребнях (рис. 5). Общее содержание озона определенным образом связано с высотой тропопаузы. В связи с тем, что над океаном наблюдается иная, нежели над континентами, зависимость общего содержания озона от температуры, следует ожидать также аналогичных отклонений в соотношениях между озоном и барическим полем нижней стратосферы, так как температурное и барическое поля тесно связаны друг с другом.

Наблюдения на континентальных станциях показывают, что между общим содержанием озона и высотой тропопаузы существует отрицательная корреляционная связь. Для Тихого океана это правило выполняется только в районе 45—55° с. ш. В более низких широтах океана зависимость между  $\Omega$  и  $H_{\rm Tp}$  (высота тропопаузы) прямая, причем характер этой связи довольно сложный, в частности, потому, что, по данным аэрологических зондирований, над районом работ наблюдалась иногда одна, а иногда две тропопаузы.

Из анализа наблюдений следует, что при наличии двух тропопауз общее количество озона значительно больше, чем при одной тропопаузе. Связь величин  $\Omega$  и  $H_{\rm Tp}$ , несмотря на небольшое количество наблюдений, во всех случаях выражена довольно отчетливо, о чем свидетельствуют вычисленные коэффициенты корреляции (табл. 4).

Таблица 4

Широта	Зима		Весна		Среднее за год	
	одна тро- попауза	две тро- попаузы	одна тро- попауза	две тро- попаузы	одна тро- попауза	
45—55° C 35—45 5—25	$+0,\overline{82}(8)$	$+0,\overline{32}(11)$	-0,87 (8) +0,58 (20) -	+0,79 (9)	+0,56 (25)	

# Коэффициенты корреляции между общим содержанием озона и высотой тропопаузы (в скобках указано число наблюдений)

Все выводы, сделанные при анализе пространственно-временной изменчивости общего содержания озона, а также его связей с метеорологическими условиями, нельзя считать окончательными, так как количество наблюдений в Тихом океане еще слишком мало. Но проведенное обобщение может оказаться полезным, так как оно позволит в дальнейшем на более полном материале наблюдений изучить рассмотренные отклонения в распределении озона над океаном и его связи с метеорологическими элементами.

#### *ПРИЛОЖЕНИЕ*

#### ЗНАЧЕНИЯ) ПО ИЗМЕРЕНИЯМ НА И/С «Ю. М. ШОКАЛЬСКИЙ» И «А. И. ВОЕЙКОВ» Коорлинаты Число Атмосферный Дата озон. 10<sup>-3</sup> см измерений лолгота широта 1961 г. 23/1X 24/1X 31°00/ C 127°54′ B .8 218 226 27 15 126 27 20 $\frac{20}{22}$ 23425/1X23 25 125 23 26/1X 19 57 17 00 122 17 2223910 $\overline{27}/\overline{1X}$ 118 41 255 $\tilde{23}$ $\bar{236}$ 28/1X 14 26 115 14 14 20 12 04 9 23 6 10 3 00 Ю 20 5 11 111 46 255110 00 25012 286 107 43 107 26 18 315 18 6 54 105 00 361 9 14 101 35 14 294 $10^{-}25$ 98 29 $\overline{23}$ 294 14 00 95 00 $\overline{21}$ 264 90 56 $21^{21}$ 24016 40 19 15 87 30 20 268 85 03 21 18 8 29475 23 71 30 $2\tilde{0}$ 27 00 285 $\frac{1}{29}$ $\frac{1}{24}$ 14 27170 24 70 24 9 23 30 06 312 30 06 $\bar{2}\bar{8}3$ 30 06 70 24 6 296 30 06 $70\ \bar{24}$ 17 29530 06 21 70 24 304 30 06 70 24 $\overline{13}$ 300 30 06 $70 \ \overline{24}$ 17 298 70 24 70 24 72 10 5 25 30 06 29328 45 295 28 49 28 00 28 00 28 00 28 00 15 74 00 27727 74 00 303 74 00 12 25874 00 17 273 74 00 18 277 28974 00 14 74 00 $\overline{23}$ 279 2'/XI28 00 $\overline{24}$ 272 74 00 28 00 4'/XI 74 00 284 7 5/XI 6/XI 7/XI 8/XI 28 00 74 00 19 287 $\begin{array}{c} 26 & 00 \\ 28 & 00 \\ 27 & 50 \end{array}$ 74 00 17 277 74 35 21 26526 24 79 00 19 28483 25 83 07 9/XI 24 38 270 20 10'/XI $2\dot{0}$ 21 00 26911/XI 12/XI 20 00 80 30 14 254 20 00 76 55 13 249

# ОБШЕЕ СОДЕРЖАНИЕ АТМОСФЕРНОГО ОЗОНА (СРЕДНИЕ ДНЕВНЫЕ

	Коорд	цинаты	Число	Атмосферный
Дата	широта	долгота	измерений	озон, 10-3 см
1961 г. 13/X1 14/XI 15/XI 16/XI 22/XI 23/XI 24/XI 30/XI 1/XII 2/XII 3/XII 5/XII 6/XII 7/XII 8/XII 23/XII 24/XI 25/XII 26/XII 26/XII 29/XII 30/XI 31/XII	$\begin{array}{c} 20^{\circ}00' \ \text{IO} \\ 20 \ 00 \\ 20 \ 00 \\ 20 \ 00 \\ 22 \ 00 \\ 22 \ 00 \\ 26 \ 00 \\ 29 \ 30 \\ 33 \ 52 \\ 34 \ 22 \\ 34 \ 46 \\ 35 \ 15 \\ 36 \ 19 \\ 35 \ 45 \\ 35 \ 45 \\ 35 \ 45 \\ 35 \ 45 \\ 35 \ 45 \\ 35 \ 45 \\ 35 \ 45 \\ 36 \ 10 \\ 32 \ 00 \\ 28 \ 30 \\ 24 \ 30 \\ 21 \ 10 \\ 17 \ 37 \end{array}$	$\begin{array}{c} 72^{\circ}15' \ B\\ 68\ 07\\ 63\ 47\\ 60\ 00\\ 58\ 00\\ 58\ 00\\ 58\ 00\\ 58\ 00\\ 58\ 00\\ 58\ 00\\ 58\ 00\\ 58\ 00\\ 58\ 00\\ 152\\ 96\ 54\\ 101\ 00\\ 111\ 25\\ 116\ 30\\ 121\ 20\\ 126\ 24\\ 171\ 53\\ 175\ 42\\ 180\ 00\\ 180\ 00\\ 180\ 00\\ 180\ 00\\ 180\ 00\\ 180\ 00\\ 179\ 40\\ 179\ 53\\ \end{array}$	$\begin{array}{c} 21 \\ 16 \\ 16 \\ 8 \\ 10 \\ 19 \\ 18 \\ 9 \\ 8 \\ 16 \\ 11 \\ 7 \\ 6 \\ 6 \\ 12 \\ 26 \\ 27 \\ 17 \\ 28 \\ 15 \\ 15 \\ 20 \\ 10 \\ 12 \end{array}$	$\begin{array}{c} 238\\ 244\\ 275\\ 262\\ 271\\ 262\\ 244\\ 284\\ 286\\ 286\\ 286\\ 293\\ 306\\ 286\\ 293\\ 306\\ 280\\ 275\\ 284\\ 253\\ 280\\ 275\\ 284\\ 253\\ 280\\ 278\\ 254\\ 249\\ 243\\ 267\\ 250\\ \end{array}$
1962 r. 2/I 3/I 4/1 5/1 6/I 7/I 8/I 10/I 13/I 14/1 15/1 16/I 17/I 18/I 20/I 21/I 22/I	$\begin{array}{ccccccc} 100^{\circ}53' & IO \\ & 8 & 24 \\ & 4 & 43 \\ & 1 & 27 \\ & 1 & 36 & C \\ & 5 & 22 \\ & 8 & 27 \\ & 13 & 00 \\ & 21 & 00 \\ & 23 & 16 \\ & 25 & 50 \\ & 28 & 05 \\ & 30 & 37 \\ & 33 & 00 \\ & 37 & 20 \\ & 39 & 00 \\ & 40 & 54 \end{array}$	$\begin{array}{cccc} 179^\circ 30' & B \\ 179 & 50 \\ 180 & 00 \\ 180 & 00 \\ 180 & 00 \\ 180 & 00 \\ 180 & 00 \\ 180 & 00 \\ 163 & 00 \\ 167 & 00 \\ 167 & 00 \\ 163 & 45 \\ 160 & 36 \\ 157 & 57 \\ 154 & 35 \\ 152 & 06 \\ 146 & 10 \\ 144 & 06 \\ 142 & 09 \\ \end{array}$	18     15     21     30     27     11     27     18     24     24     24     4     21     4     8     11     16     17     1	$\begin{array}{c} 222\\ 234\\ 221\\ 207\\ 206\\ 215\\ 198\\ 196\\ 193\\ 216\\ 231\\ 267\\ 218\\ 275\\ 378\\ 377\\ 394 \end{array}$
1962 r. 3/V 4/V 5/V 6/V 7/V 8/V 9/V	39°00' C 36 00 33 00 29 56 26 20 24 29 22 27	145°21′ B 150 57 155 20 159 54 163 47 166 10 170 26	24 18 24 15 27 12 24	$\begin{array}{c} 447 \\ 410 \\ 354 \\ 294 \\ 317 \\ 310 \\ 300 \end{array}$

Пото	Коор	цинаты	Число	Атмосферный
Дата	широта	долгота	измерений	озон, 10 <sup>-3</sup> см
10/V 11/V 12/V 14/V 15/V 16/V 17/V 18/V 20/V 21/V 22/V 23/V 24/V 25/V 26/V 27/V 28/V 29/V 30/V 31/V 2/VI 3/VI 4/VI 5/VI 6/VI 7/VI 8/VI 10/VI 12/VI 13/VI 14/VI 15/VI 16/VI 17/VI 18/VI 10/VI 12/VI 10/VI 12/VI 10/VI 12/VI 11/VI 12/VI 1	$\begin{array}{c} 21 \circ 10' \ \mathrm{C} \\ 19 \ 13 \\ 17 \ 34 \\ 13 \ 23 \\ 11 \ 18 \\ 8 \ 33 \\ 5 \ 57 \\ 4 \ 27 \\ 2 \ 12 \\ 1 \ 27 \ 1 \ 27 \\ 1 \ 27 \ 1 \ 27 \\ 1 \ 27 \ 1 \ 1 \ 27 \ 1 \ 1 \ 1 \ 1 \$	$\begin{array}{c} 173^{\circ}12' \ B\\ 173 \ 00\\ 179 \ 20\\ 174 \ 28 \ 3\\ 172 \ 31\\ 169 \ 46\\ 167 \ 15\\ 165 \ 48\\ 163 \ 26\\ 162 \ 43\\ 162 \ 43\\ 162 \ 43\\ 162 \ 43\\ 162 \ 43\\ 162 \ 46\\ 162 \ 46\\ 162 \ 46\\ 162 \ 46\\ 162 \ 55\\ 161 \ 07\\ 158 \ 27\\ 156 \ 36\\ 156 \ 50\\ 163 \ 00\\$	$\begin{array}{c} 12\\ 8\\ 19\\ 10\\ 3\\ 18\\ 6\\ 24\\ 30\\ 24\\ 27\\ 24\\ 27\\ 25\\ 30\\ 27\\ 9\\ 9\\ 27\\ 30\\ 30\\ 18\\ 18\\ 18\\ 27\\ 21\\ 33\\ 37\\ 21\\ 18\\ 18\\ 15\\ 15\\ 24\\ 33\\ 33\\ 27\\ 30\\ 24\\ 24\\ 24\\ 33\\ 33\\ 33\\ 33\\ 30\\ 30\\ 30\\ 30\\ 30\\ 30$	$\begin{array}{c} 309\\ 291\\ 293\\ 259\\ 259\\ 259\\ 243\\ 254\\ 232\\ 233\\ 223\\ 223\\ 223\\ 223\\ 223\\ 22$
24/XII 1965 r.	43°52′ C	128°33′ 3	6	269
13/1 14/1	38°48′ C 38 48	130°20′ 3 130 20	6 9	<b>3</b> 09 263

77	Коорд	цинаты	Число	Атмосферный
дата	широта	долгота	измерений	озон, 10 <sup>-3</sup> см
16/I 17/I 18/I 19/I 20/I 28/I 4/II 6/II	38°48′ C 38 48 38 48 37 10 37 10 33 00 31 00 31 12	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$16 \\ 30 \\ 14 \\ 14 \\ 13 \\ 16 \\ 7 \\ 18$	$\begin{array}{c} 300\\ 306\\ 300\\ 290\\ 272\\ 297\\ 313\\ 311 \end{array}$
1965 г. 2/V 3/V 4/V 5/V 7/V 13/V 10/VI 11/VI 13/VI 14/VI 16/VI 18/VI 26/VII 27/VII 28/VII 29/VII 30/VII 1/VIII 14/VIII 15/VIII	$\begin{array}{c} 24^{\circ}00' \ {\rm C}\\ 19\ 00\\ 15\ 00\\ 10\ 00\\ 0\ 00\\ 0\ 00\\ 0\ 00\\ 20\ 00\\ 25\ 00\\ 25\ 00\\ 32\ 00\\ 36\ 00\\ 34\ 00\\ 31\ 45\\ 28\ 45\\ 28\ 45\\ 26\ 30\\ 24\ 00\\ 20\ 20\\ 23\ 25\\ 25\ 12\\ \end{array}$	$\begin{array}{ccccc} 150^\circ 00' & B \\ 150 & 00 \\ 150 & 00 \\ 150 & 00 \\ 165 & 00 \\ 165 & 00 \\ 165 & 00 \\ 165 & 00 \\ 165 & 00 \\ 165 & 00 \\ 157 & 00 \\ 155 & 00 \\ 155 & 00 \\ 155 & 00 \\ 155 & 00 \\ 155 & 00 \\ 155 & 00 \\ 155 & 00 \\ 155 & 00 \\ 155 & 00 \\ 145 & 00 \\ 145 & 00 \\ 145 & 00 \\ \end{array}$	$ \begin{array}{c} 10\\ 20\\ 9\\ 14\\ 8\\ 3\\ 12\\ 10\\ 3\\ 6\\ 7\\ 8\\ 10\\ 5\\ 6\\ 10\\ 9\\ 11\\ 15\\ 3\end{array} $	$\begin{array}{c} 279\\ 226\\ 208\\ 190\\ 172\\ 192\\ 210\\ 227\\ 212\\ 247\\ 274\\ 320\\ 282\\ 298\\ 244\\ 204\\ 195\\ 194\\ 230\\ 262 \end{array}$
1965 г. 21/XII 24/XII 27/XII 28/XII 29/XII 30/XII	52°00' C 43 00 34 00 29 00 24 00 18 00	159°00' B 174 00 180 00 180 00 180 00 180 00	8 7 7 17 3 13	450 300 230 236 220 192
1966 r. 1/I 24/II 25/II 13/III 14/III	4°00' C 20 00 24 00 31 30 31 05	180°00' B 145 00 145 00 145 00 145 00 145 00	13 9 3 4 19	208 235 240 275 340
1963 г. 13/111 14/111 30/111 3/1V	36°00' C 36 00 48 00 34 00	179°22' B 179 22 180 00 180 00	1 4 8 10	480 315 478 416

Лото	Коор	цинат <b>ы</b>	Число	Атмосферный
дата	широта	долгота	измерений	озон, 10 <sup>-3</sup> см
8/ IV 9/ IV 12/ IV 13/ IV 15/ IV 20/ IV 21/ IV 23/ IV 23/ IV 24/ IV 20/ V 21/ V 25/ V 26/ V 26/ V 27/ V 28/ V 29/ V 30/ V 31/ V	$\begin{array}{c} 16^{\circ}00' \ C \\ 12 \ 00 \\ 2 \ 30 \\ 0 \ 00 \\ 7 \ 00 \\ 23 \ 00 \\ 27 \ 00 \\ 23 \ 00 \\ 27 \ 00 \\ 30 \ 30 \\ 36 \ 00 \\ 40 \ 00 \\ 41 \ 00 \\ 30 \ 00 \\ 30 \ 00 \\ 30 \ 00 \\ 30 \ 00 \\ 22 \ 00 \\ 24 \ 00 \\ 25 \ 00 \\ 28 \ 00 \\ 31 \ 00 \\ 33 \ 00 \end{array}$	180°00'         B           180°00'         B           180°00         180°00           180°00         180°00           180°00         180°00           180°00         180°00           180°00         180°00           180°00         180°00           180°00         180°00           180°00         180°00           180°00         160°00           167°00         165°00           163°00         160°00           155°00         155°00	$2 \\ 2 \\ 25 \\ 7 \\ 6 \\ 2 \\ 33 \\ 14 \\ 8 \\ 9 \\ 4 \\ 22 \\ 4 \\ 20 \\ 42 \\ 24 \\ 18 \\ 18 \\ 18 \\ 38 \\ 15 $	$\begin{array}{c} 213\\ 174\\ 227\\ 221\\ 243\\ 245\\ 233\\ 232\\ 222\\ 220\\ 220\\ 214\\ 229\\ 215\\ 222\\ 190\\ 214\\ 236\\ 246\\ 300\\ 286\\ 300\\ 286\\ 300\\ \end{array}$
1964 r. 2/XII 4/XII 5/XII 7/XII 8/XII 9/XII 9/XII 10/XII 14/XII 15/XII 16/XII 17/XII	40°00' C 40 00 40 00 38 58 36 00 36 00 36 00 36 00 36 00 36 38 36 47	$\begin{array}{cccccc} 146^\circ 48' & B\\ 157 & 28\\ 163 & 40\\ 169 & 54\\ 172 & 54\\ 177 & 12\\ 178 & 36 & 3\\ 171 & 17\\ 149 & 54\\ 145 & 34\\ 135 & 37\\ 135 & 43\\ \end{array}$	10 12 7 2 21 3 9 16 16 16 24 9 3	272 250 201 258 245 314 224 233 230 226 228 291
1965 r. 8/1 14/I 16/1 17/1 18/I 19/1 25/I 27/1 4/II 5/II 6/II 8/II 10/I1 11/11 13/11	43°04′ C 38 18 38 18 38 18 38 18 39 49 37 20 31 00 31 00 31 15 31 30 31 30 31 30 35 00	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	3 3 19 13 3 16 4 6 15 9 27 20 11 15 11	$\begin{array}{c} 225\\ 325\\ 380\\ 351\\ 347\\ 330\\ 446\\ 394\\ 317\\ 335\\ 332\\ 331\\ 337\\ 331\\ 339\\ \end{array}$

Men and a	Коор	цинаты	Число	Атмосферный
Дата	широта	долгота	измерений	озон, 10 <sup>-3</sup> см
1965 r. 27/IV 28/IV 29/IV 7/V 8/V 9/V 10/V 11/V 12/V 14/V 25/V 7/VI 10/VI 11/VI 13/VI 13/VI 14/VI 15/VI 16/VI 17/VI	$\begin{array}{c} 41^{\circ}22' \ C\\ 40\ 23\\ 39\ 53\\ 26\ 50\\ 21\ 40\\ 17\ 26\\ 14\ 13\\ 11\ 35\\ 8\ 23\\ 0\ 40\\ 18\ 15\\ 0\ 48\\ 11\ 37\\ 15\ 16\\ 23\ 38\\ 27\ 45\\ 31\ 35\\ 33\ 25\\ 34\ 08\\ \end{array}$	$\begin{array}{c} 142^{\circ}35' \ B\\ 147 \ 10\\ 152 \ 27\\ 180 \ 00\\ 180 \ 00\\ 180 \ 00\\ 180 \ 00\\ 180 \ 00\\ 179 \ 40\\ 180 \ 00\\ 179 \ 40\\ 180 \ 00\\ 150 \ 00\\ 150 \ 00\\ 150 \ 00\\ 150 \ 00\\ 150 \ 00\\ 153 \ 09\\ 158 \ 53\\ \end{array}$	$ \begin{array}{c} 14\\27\\6\\3\\23\\10\\11\\17\\1\\12\\5\\18\\10\\27\\10\\8\\40\\24\\16\end{array} $	$\begin{array}{c} 312\\ 327\\ 327\\ 283\\ 233\\ 225\\ 238\\ 213\\ 243\\ 203\\ 225\\ 200\\ 197\\ 202\\ 223\\ 238\\ 233\\ 238\\ 233\\ 226\\ 210\\ \end{array}$
1965 r. 25/VII 27/VII 2/VIII 10/VIII 12/VIII 12/VIII 13/VIII 15/VIII 15/VIII 19/VIII 21/VIII 24/VIII 24/VIII 24/VIII 29/VIII 30/VIII 6/IX 13/IX 15/IX 16/IX 24/IX 25/IX 28/IX 29/IX 5/X 6/X 7/X 9/X 10/X 10/X 10/X	$\begin{array}{c} 39^{\circ}08' \ C\\ 39\ 02\\ 39\ 02\\ 39\ 02\\ 39\ 02\\ 39\ 02\\ 39\ 02\\ 39\ 02\\ 39\ 02\\ 39\ 02\\ 39\ 02\\ 39\ 02\\ 39\ 02\\ 39\ 02\\ 39\ 02\\ 44\ 07\\ 47\ 05\\ 47\ 06\\ 43\ 01\\ 43\ 01\\ 43\ 01\\ 43\ 01\\ 43\ 01\\ 43\ 01\\ 41\ 06\\ 41\ 07\\ 61\ 07\\ 41\ 07\\ 61\ 07\\ 41\ 07\\ 61\ 07\\ 41\ 07\\ 61\ 07\\ $	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$ \begin{array}{c} 14, \circ \\ 5, \\ 29, \\ 6, \\ 11, \\ 20, \\ 9, \\ 25, \\ 7, \\ 9, \\ 10, \\ 6, \\ 9, \\ 8, \\ 7, \\ 21, \\ 4, \\ 9, \\ 12, \\ 15, \\ 27, \\ 16, \\ 18, \\ 16, \\ 18, \\ 16, \\ 2, \\ 16, \\ 18, \\ 16, \\ 2, \\ 16, \\ 18, \\ 16, \\ 2, \\ 16, \\ 18, \\ 16, \\ 2, \\ 16, \\ 18, \\ 16, \\ 2, \\ 16, \\ 18, \\ 16, \\ 2, \\ 16, \\ 18, \\ 16, \\ 2, \\ 16, \\ 18, \\ 16, \\ 2, \\ 16, \\ 18, \\ 16, \\ 2, \\ 16, \\ 18, \\ 16, \\ 2, \\ 16, \\ 18, \\ 16, \\ 2, \\ 16, \\ 18, \\ 16, \\ 2, \\ 16, \\ 18, \\ 16, \\ 2, \\ 16, \\ 18, \\ 16, \\ 2, \\ 16, \\ 18, \\ 16, \\ 2, \\ 16, \\ 18, \\ 16, \\ 2, \\ 16, \\ 16, \\ 18, \\ 16, \\ 2, \\ 16, \\ $	$\begin{array}{c} 270\\ 265\\ 256\\ 267\\ 272\\ 253\\ 253\\ 266\\ 279\\ 244\\ 238\\ 312\\ 237\\ 271\\ 312\\ 204\\ 238\\ 240\\ 254\\ 243\\ 300\\ 278\\ 223\\ 236\\ 279\\ 304\\ 290\\ \end{array}$
Ilono	Коорд	инаты	Число	Атмосферный
--	--	---	--	--
дата	широта	долгота	измерений	озон, 10-3 см
1965 г. 19/XII 20/XII 21/XII 23/XII 23/XII 29/XII 30/XII 31/XII	35°00′ C 35 00 35 00 35 00 20 00 15 20 10 56	169°30' B 174 00 178 48 169 56 3 165 00 165 00 165 00	$     \begin{array}{r}       6 \\       11 \\       7 \\       3 \\       26 \\       18 \\       17 \\     \end{array} $	262 263 260 262 292 210 242
1966 г. 2/1 3/1 8/I 14/1 15/1 16/1 17/I 18/I 1/II 2/11 3/II 4/II 5/II 6/II 9/1I 11/II 13/II 14/II	$2^{\circ}07'$ C 0 00 2 53 IO 26 29 30 37 35 30 39 20 44 40 25 07 20 51 16 37 12 36 7 29 3 53 7 30 C 16 00 22 07 28 06	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$ \begin{array}{c} 14\\ 9\\ 7\\ 22\\ 19\\ 21\\ 35\\ 21\\ 13\\ 21\\ 10\\ 12\\ 11\\ 2\\ 2\\ 10\\ 13\\ 11\\ \end{array} $	196     193     200     231     267     237     263     250     361     362     366     347     359     326     329     368     326     416
1966 r. 26/IV 27/IV 28/IV 2/V 3/V 4/V 5/V 10/V 11/V 30/V 6/VI 11/VI 13/VI 22/VI 30/VI 15/VIII 26/VIII 26/VIII 5/IX 6/IX 7/IX 14/IX 15/IX 16/IX	$\begin{array}{c} 41^{\circ}58! \ C\\ 42\ 00\\ 42\ 00\\ 48\ 50\\ 49\ 46\\ 51\\ 44\ 20\\ 48\ 27\\ 45\ 26\\ 48\ 38\\ 43\ 15\\ 44\ 15\\ 43\ 38\\ 45\ 06\ 06\\ 45\ 06\ 06\\ 45\ 06\ 06\\ 45\ 06\ 06\ 06\ 06\ 06\ 06\ 06\ 06\ 06\ 06$	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$ \begin{array}{c} 10\\ 14\\ 31\\ 7\\ 23\\ 11\\ 10\\ 7\\ 14\\ 13\\ 9\\ 6\\ 24\\ 4\\ 7\\ 4\\ 15\\ 24\\ 30\\ 13\\ 3\\ 21\\ 29\end{array} $	$\begin{array}{c} 312\\ 212\\ 203\\ 320\\ 302\\ 317\\ 191\\ 216\\ 271\\ 258\\ 228\\ 236\\ 287\\ 274\\ 251\\ 297\\ 210\\ 279\\ 210\\ 279\\ 295\\ 234\\ 195\\ 278\\ 310\\ \end{array}$

	Коорд	цинаты	Число	Атмосферный
Дата	широта	долгота	измерений	озон, 10 <sup>-3</sup> см
17/IX 18/IX 19/IX 20/IX	43 12 45 25 46 38 45 30	149 04 144 16 141 00 137 23	5 17 29 25	320 397 368 361
1966 г. 17/XII 18/XII 19/XII 20/XII 21/XII 24/XII 24/XII	38°48′ C 36 00 35 11 35 11 36 05 35 30 35 30	145°43′ B 150 42 154 18 159 00 164 20 178 24 175 20 3	$5 \\ 8 \\ 11 \\ 3 \\ 4 \\ 17 \\ 8$	$\begin{array}{c} 220\\ 250\\ 290\\ 200\\ 190\\ 170\\ 240 \end{array}$
23/I 25/I 26/I 28/I 29/I 31/I 1/II 2/1I 3/II 1/III	43°30' C 59 36 56 30 65 00 64 10 57 30 53 15 50 01 45 00 36 51	179°28' B 179 20 179 14 179 14 176 00 170 44 167 30 166 20 165 20 141 18	$10 \\ 4 \\ 10 \\ 15 \\ 13 \\ 5 \\ 12 \\ 12 \\ 12 \\ 25 \\ 10 \\ 10 \\ 10 \\ 10 \\ 10 \\ 10 \\ 10 \\ 1$	220 220 230 210 207 214 204 191 221 249
1967 r. 22/IV 23/IV 26/IV 27/IV 28/IV 29/IV 22/V 23/V 25/V 27/V 28/V 31/V 1/VI 2/VI 4/VI 2/VI 23/VI 26/VI 7/VI 26/VI 7/VI 26/VI 7/VI 23/VI 26/VI 7/VI 23/VI 26/VI 7/VI 23/VI 26/VI 7/VI 23/VI 22/V 23/V 22/X 22/X 22/X 23/V 22/X 23/V 22/X 22/X 22/X 22/X 22/X 22/X 22/X 22	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$\begin{array}{c} 27\\ 27\\ 27\\ 26\\ 28\\ 21\\ 10\\ 15\\ 1\\ 11\\ 11\\ 12\\ 6\\ 4\\ 12\\ 12\\ 9\\ 21\\ 3\\ 10\\ 3\\ 3\\ 2\\ 15\\ 15\\ 9\\ 18\\ 18\\ 18\\ \end{array}$	$\begin{array}{c} 311\\ 278\\ 201\\ 224\\ 214\\ 200\\ 235\\ 212\\ 192\\ 201\\ 195\\ 193\\ 202\\ 210\\ 207\\ 206\\ 195\\ 200\\ 207\\ 206\\ 195\\ 200\\ 200\\ 213\\ 196\\ 190\\ 216\\ 202\\ 192\\ 208\\ 192\\ 218\\ \end{array}$

#### ЛИТЕРАТУРА

1. Говорушкин Л. А. Результаты наблюдений за атмосферным озоном в г. Омске в 1962 г. в сопоставлении с некоторыми метеорологическими элементами. Атмосферный озон. Материалы III Междуведомственного совещания по атмосферному озону 21—23 мая 1963 г. Гидрометеоиздат, Л., 1965. 2. Годсон У. Л. Общее содержание озона и средние слои стратосферы

в арктических и субарктических районах зимой и весной. Озон в земной атмосфере. Гидрометеоиздат, Л., 1966. 3. Гущин Г. П. Исследование атмосферного озона. Гидрометеоиздат, Л.,

1963.

4. Гущин Г. П. Озон и аэросиноптические условия в атмосфере. Гидрометеоиздат, Л., 1964.

5. Хргиан А. Х., Кузнецов Г. И. О суточном ходе атмосферного озона. Атмосферный озон. Результаты работ МГГ в СССР. Изд. МГУ, М., 1961. 6. Хргиан А. Х., Кузнецов Г. И., Кондратьева А. В. Исследова-

ние атмосферного озона. Результаты исследования по программе МГГ. Метеорология, № 8. Изд-во «Наука», М., 1965.

Г. К. ГУЩИН

# ПРОЗРАЧНОСТЬ АТМОСФЕРЫ НАД ТИХИМ ОКЕАНОМ

Для решения ряда задач, связанных в первую очередь с радиационным режимом, необходимо знать, какова прозрачность атмосферы в том или ином районе земного шара. Данные актинометрических наблюдений, проводившихся на и/с «А. И. Воейков» и «Ю. М. Шокальский» в течение 1961—1966 гг., позволяют получить характеристики прозрачности для различных районов Тихого океана. С этой целью были отобраны 836 серий наблюдений прямой радиации при диске Солнца, не закрытом облаками. Однако характеристики прозрачности, рассчитанные непосредственно по этим наблюдениям, а следовательно, и при различных высотах Солнца. будут несопоставимы между собой, так как им присущ виртуальный ход. Поэтому все величины интенсивности прямой радиации предварительно приводились к среднему расстоянию между Землей и Солнцем и к высоте Солнца  $h_{\odot} = 30^{\circ}$ . Метод такого приведения достаточно хорошо разработан и обоснован [2, 3], а для оперативной работы составлены специальные таблицы [1]. Полученные таким образом значения прямой радиации S использовались далее для нахождения (по таблицам [1]) коэффициентов прозрачности Р и и величин фактора мутности Т. Эти характеристики прозрачности уже не имеют виртуального дневного хода, а поэтому колебания Р и Т будут свидетельствовать только об изменении физического состояния атмосферы.

# 1. Географическая изменчивость прозрачности атмосферы

Для характеристики географической изменчивости прозрачности атмосферы каждое значение S, P и T в зависимости от места наблюдения было отнесено к той или иной пятиградусной широтной зоне, на которые была разбита акватория Тихого океана от 52° 30′ с. ш. до 52° 30′ ю. ш. Для каждой широтной зоны подсчитаны средние значения рассматриваемых величин  $\overline{S}$ ,  $\overline{P}$  и  $\overline{T}$  (табл. 1).

Широта	n	$\overline{S}$	$\overline{P}$	T
$50^{\circ} C$ 45 40 35 30 25 20 15 10 5 0 5 10 15 10 25 20 25 30 5 10 5 20 5 10 5 20 35 40 50 35 30 35 40 50 35 40 50 35 30 35 30 35 30 35 30 35 30 35 30 35 30 35 40 35 30 35 40 35 30 35 40 50 35 30 35 40 50 35 40 50 35 30 35 40 50 35 40 50 35 40 50 35 40 50 35 40 50 35 40 50 50 35 40 50 50 35 40 50 50 50 35 40 50 50 50 50 50 50 50 35 40 50	$ \begin{array}{c} 13\\9\\32\\75\\48\\37\\67\\65\\42\\141\\203\\46\\9\\8\\8\\11\\11\\11\\4\\6\\2\end{array} $	1,09 1,04 1,13 1,14 1,10 1,11 1,06 1,09 1,07 1,12 1,10 1,13 1,06 1,11 1,11 1,11 1,17 1,16 1,23 1,12 1,24	$\begin{array}{c} 0,742\\ 0,725\\ 0,756\\ 0,759\\ 0,746\\ 0,749\\ 0,732\\ 0,742\\ 0,735\\ 0,752\\ 0,746\\ 0,756\\ 0,752\\ 0,749\\ 0,749\\ 0,749\\ 0,749\\ 0,769\\ 0,765\\ 0,789\\ 0,752\\ 0,792\\ 0,792\\ \end{array}$	2,99 3,22 2,80 2,76 2,94 2,89 3,12 2,99 3,08 2,85 2,94 2,80 3,12 2,89 2,89 2,89 2,89 2,62 2,66 2,38 2,85 2,266 2,38 2,85 2,34

Средние значения потока прямой солнечной радиации S кал/см<sup>2</sup> мин., коэффициента прозрачности P и фактора мутности T, отнесенные к центральной широте каждой пятиградусной зоны (n — число наблюдений)

Как видно из табл. 1, у экватора (5° с. ш.—5° ю. ш.) прозрачность атмосферы выше, чем в прилегающих районах ( $\overline{P}$ =0,752). К северу и югу от этой зоны прозрачность уменьшается и на 10° ю. ш.  $\overline{P}$ =0,732, а на 10—20° с. ш.  $\overline{P}$ =0,736. В субтропических зонах обоих полушарий снова отмечаются максимумы на 35° с. ш. ( $\overline{P}$ =0,759) и на 35° ю. ш. ( $\overline{P}$ =0,789). К 45° с. и ю. ш. прозрачность атмосферы уменьшается, и на этих широтах она характеризуется величинами  $\overline{P}$ =0,725 (в северном полушарии) и  $\overline{P}$ =0,750 (в южном полушарии).

Рассмотренное широтное изменение характеристик прозрачности, хотя и получено из наблюдений, проводившихся в течение нескольких лет, все же не отражает среднегодового состояния атмосферы над океаном, так как число дней наблюдений в любой широтной зоне (табл. 2) слишком мало́ для обоснования среднегодовых величин. Поэтому полученное широтное распределение величин  $\overline{P}$  и  $\overline{T}$  только в первом приближении дает представление об ослаблении прямой солнечной радиации на разных широтах Тихого океана.

Таблица 2

1 A A A A A A A A A A A A A A A A A A A											
Ши- рота	Ι	H	IV	v	VI	VII	VIII	IX	X	XI	XII
50° C 45 40 35 30 25 20 15 10 5 0 5 Ю 10 15 20 25 30 35 40 50	$ \begin{array}{c}         \\         \\         \\         $			$ \begin{array}{c} 3\\2\\-\\-\\3\\2\\1\\-\\-\\-\\-\\-\\-\\-\\-\\-\\-\\-\\-\\-\\-\\-\\-\\-\\-$							

Число дней наблюдений за прямой радиацией в каждой широтной зоне по месяцам

#### 2. Дневной ход прозрачности атмосферы

В изменениях прозрачности атмосферы в течение дня не обнаруживается никакой закономерности. Наблюдаются только непериодические колебания прозрачности, которые могут характеризоваться, например, амплитудами  $\Delta P = P_M - P_m$  и  $\Delta T = T_M - T_m$ , представляющими собой разности между наибольшими  $P_M$ ,  $T_M$  и наименьшими  $P_m$ ,  $T_m$  за день значениями величин P и T. Такие амплитуды были вычислены для всех случаев, когда наблюдения проводились в течение всего дня. Для каждой зоны подсчитывались средние значения  $\overline{\Delta P}$  и  $\overline{\Delta T}$ . Эти величины приведены в табл. 3, в которой, кроме того, указаны максимальные и минимальные амплитуды колебаний характеристик прозрачности.

Как видно из табл. 3, в среднем на всех широтах величина коэффициента прозрачности в течение дня изменяется на 0,030—0,040, а значение фактора мутности — на 0,30—0,50.

Средним условиям наиболее соответствует зона 25—30° с. ш. и 5° ю. ш. В то же время на 15° с. щ. в отдельные дни отмечались очень большие колебания прозрачности ( $\Delta P = 0,090, \Delta T = 1,28$ ). В другие дни в этом районе прозрачность, наоборот, была практически постоянной ( $\Delta P = 0,009, \Delta T = 0,14$ ). Столь больших колебаний характеристик прозрачности ото дня ко дню в других районах океана не наблюдалось.

		Дне	вная ампли	туда колеба	аний	
Широта	коэффиг	циента проз	рачности	фа	ктора мутно	ости
	средн.	макс.	мин.	средн.	макс.	мин.
40° С 35 30 25 20 15 5 0 5 Ю	$\begin{array}{c} 0,037\\ 0,036\\ 0,031\\ 0,029\\ 0,032\\ 0,038\\ 0,028\\ 0,031\\ 0,033\\ \end{array}$	$\begin{array}{c} 0,061\\ 0,047\\ 0,035\\ 0,037\\ 0,063\\ 0,091\\ 0,050\\ 0,055\\ 0,050\end{array}$	$\begin{array}{c} 0,009\\ 0,020\\ 0,027\\ 0,021\\ 0,014\\ 0,009\\ 0,014\\ 0,014\\ 0,014\\ 0,026\end{array}$	0,51 0,47 0,33 0,37 0,51 0,37 0,42 0,44	$\begin{array}{c} 0,86\\ 0,61\\ 0,47\\ 0,49\\ 0,51\\ 1,28\\ 0,71\\ 0,75\\ 0,66\\ \end{array}$	$\begin{array}{c} 0,12\\ 0,28\\ 0,35\\ 0,29\\ 0,19\\ 0,14\\ 0,42\\ 0,19\\ 0,34\\ \end{array}$

Дневные амплитуды колебаний коэффициента прозрачности и фактора мутности в разных широтных зонах Тихого океана

# 3. Соотношение между факторами, определяющими прозрачность атмосферы

При безоблачном небе ослабление прямой солнечной радиации в атмосфере обусловлено в основном следующими факторами: избирательным поглощением (прежде всего водяным паром), рассеянием молекулами сухого воздуха, а также поглощением и рассеянием пылью и каплями воды.

За исключением отдельных районов Тихого океана, над которыми часто отмечаются выносы лёсса с континента [5], в атмосфере над океаном пыль встречается в незначительном количестве, а потому не вносит заметного вклада в ослабление прямой солнечной радиации. Учитывая это, напишем формулу для величины потока прямой солнечной радиации на перпендикулярную лучам поверхность в виде

$$S = S_i - \Delta S_\omega - \Delta S_w, \tag{1}$$

где  $S_i = 1,62$  кал/см<sup>2</sup> мин. — величина потока прямой солнечной радиации на уровне моря в идеальной атмосфере при высоте Солнца 30° [4];  $\Delta S_{\omega}$  — величина поглощения прямой солнечной радиации в атмосфере водяным паром при  $h_{\odot} = 30^{\circ}$ ;  $\Delta S_w$  — величина ослабления прямой солнечной радиации в атмосфере конденсационной мутностью при  $h_{\odot} = 30^{\circ}$ .

Для расчета величин ΔS<sub>ω</sub> воспользуемся формулой Меллера

$$\Delta S_{\mu} = 0.172 (m \omega)^{0.303}$$

где m — оптическая масса атмосферы;  $\omega$  — общее содержание водяного пара в атмосфере в направлении вертикали в сантиметрах.

(2)

Общее содержание водяного пара в вертикальном столбе атмосферы вычислялось по данным радиозондирования по формуле

$$\omega_{i} = \frac{1}{80} (D_{\rm B} + D_{\rm H}) (E_{\rm B} + E_{\rm H}) (r_{\rm B} + r_{\rm H}) (H_{\rm B} - H_{\rm H}), \qquad (3)$$

где  $\omega_i$  — содержание водяного пара осажденной воды в сантиметрах в некотором слое атмосферы;  $D = \frac{0,795 \cdot 10^{-2}}{1+0,0036t}$  (здесь t — температура воздуха); r — относительная влажность в процентах; E — максимальная упругость водяного пара над водой в миллибарах при температуре t; H — высота в километрах. Индексы «в» и «н» относятся соответственно к верхней и нижней границам данного слоя. Величина  $\omega$  получается при суммировании  $\omega_i$  от поверхности океана до высоты, где содержание водяного пара определялось для тех же дней, в которые производились измерения прямой радиации.

По полученным значениям  $\omega$  рассчитывались величины  $\Delta S_{\omega}$ ; тогда  $\Delta S_w$  определялось из соотношения

$$\Delta S_{w} = S_{i} - S - \Delta S_{\omega}. \tag{4}$$

Величины ослабления прямой солнечной радиации водяным паром и конденсационной мутностью группировались по широтам и вычислялись средние значения  $\Delta \overline{S}_{\omega}$  и  $\Delta \overline{S}_{w}$  в каждой широтной зоне (табл. 4). Как видно из табл. 4, все колебания характеристик прозрачности связаны в основном с изменениями конденсационной мутности атмосферы. Поглощение водяным паром прямой солнечной радиации более или менее равномерно возрастает от 0,26-0,28 кал/см<sup>2</sup> · мин. на 30—35° с. ш. и ю. щ. до 0,32—0,34 кал/см<sup>2</sup> · мин. в районе экватора. Исключение составила область 40-50° с. ш., где содержание водяного пара в атмосфере было пониженным (0,8-1,0 см) и величины  $\Delta S_{\omega}$  уменьшались до 0,21—0,22 кал/см<sup>2</sup> мин. Но за счет конденсационной мутности ослабление прямой солнечной радиации в северной части Тихого океана достигло максимума  $(\Delta S_w = 0.32 \text{ кал/см}^2 \cdot \text{мин.})$ . В результате на 45° с. ш. появляется минимум в широтном ходе коэффициента прозрачности (см. табл. 1). Возрастание конденсационной мутности привело к уменьшению прозрачности атмосферы также на 40° ю. ш. и 10° с. ш. и ю. ш. Соотношения между ослаблением прямой солнечной радиации

водяным паром и конденсационной мутностью отчетливее выявляются из сопоставления величин  $\frac{\Delta \overline{S}_{\omega}}{S_0}$  и  $\frac{\Delta \overline{S}_{w}}{S_0}$  (где  $S_0$  – солнечная

постоянная, равная 1,98 кал/см<sup>2</sup>·мйн.), которые приведены в табл. 4. Основываясь на данных табл. 4, получим, что в среднем для оке-

ана при высоте Солнца 30° водяной пар поглощает около 15%, а конденсационная мутность поглощает и рассеивает около 10%.

а также относи	гельные величині	ы $\frac{\Delta \overline{S}_{\omega}}{S_0}$ и $\frac{\Delta \overline{S}_{w}}{S_0}$	(при высоте Со	олнца $h_{\odot} = 30^{\circ}$ )
Широта	$\Delta \overline{S}_{\omega}$	$\Delta \overline{S}_{w}$	$\frac{\Delta \overline{S}_{\omega}}{S_0}$	$\frac{\Delta \overline{S}_{w}}{S_{0}}$
$50^{\circ} C$ $45$ $40$ $35$ $30$ $25$ $20$ $15$ $10$ $5$ $0$ $10$ $15$ $20$ $25$ $30$ $35$ $40$ $50$	0,20 0,21 0,27 0,29 0,31 0,33 0,28 0,33 0,32 0,34 0,32 0,34 0,32 0,34 0,34 0,34 0,29 0,27 0,25 0,30 0,26	$\begin{array}{c} 0,31\\ 0,36\\ 0,28\\ 0,21\\ 0,23\\ 0,19\\ 0,22\\ 0,19\\ 0,29\\ 0,16\\ 0,18\\ 0,29\\ 0,16\\ 0,18\\ 0,18\\ 0,18\\ 0,18\\ 0,18\\ 0,17\\ 0,13\\ 0,17\\ 0,19\\ 0,14\\ 0,20\\ 0,12\\ \end{array}$	$\begin{array}{c} 0,101\\ 0,101\\ 0,106\\ 0,136\\ 0,146\\ 0,156\\ 0,166\\ 0,161\\ 0,172\\ 0,161\\ 0,172\\ 0,161\\ 0,172\\ 0,172\\ 0,172\\ 0,172\\ 0,172\\ 0,172\\ 0,172\\ 0,172\\ 0,172\\ 0,172\\ 0,172\\ 0,172\\ 0,172\\ 0,172\\ 0,172\\ 0,131\\ \end{array}$	0,156 0,182 0,141 0,106 0,096 0,111 0,096 0,146 0,091 0,091 0,091 0,091 0,091 0,091 0,086 0,086 0,086 0,086 0,086 0,096 0,071 0,101 0,061

Средние абсолютные значения величин ослабления прямой солнечной радиации водяным паром  $\Delta \overline{S}_w$  кал/см<sup>2</sup> · мин. и конденсационной мутностью  $\Delta \overline{S}_w$  кал/см<sup>2</sup> · мин.,

первоначального количества энергии, поступающей на верхнюю границу атмосферы.

При расчете поглощения солнечной радиации водяным паром по формуле Меллера необходимо определение величин ω. Однако радиозондирования атмосферы проводятся над океанами еще довольно редко, поэтому при актино-климатологических расчетах обычно полагают

$$\Delta S_w = f(e_0), \tag{5}$$

где  $e_0$  — упругость водяного пара у водной поверхности. Между рассматриваемыми величинами существует тесная связь: коэффициент корреляции равен 0,90, вероятное отклонение коэффициента корреляции составляет всего  $\pm 0,013$ . Уравнение регрессии в данном случае имеет вид

$$\Delta S_{\rm m} = 0,0057e_0 + 0,17. \tag{6}$$

Среднее квадратичное отклонение  $\sigma = \pm 0,04$  кал/см<sup>2</sup> · мин. Уравнение (6) получено для величин  $e_0 > 4$  мб; при меньших значениях

 $e_0$  уравнение (6) не применяется; значения  $e_0 < 4$  мб обычно не наблюдаются над свободной ото льда поверхностью океана.

Если при определении селективного ослабления радиации достаточно знать только общее содержание водяного пара, то при определении вида функции для  $\Delta S_w$  необходимо знать наличие конденсационной мутности в атмосфере, трудность определения которой заключается в том, что точно неизвестны ее параметры и их соотношения. Остановимся подробнее на этом вопросе.

Конденсационная мутность обусловлена присутствием в атмосфере мельчайших капелек воды и кристаллов льда. Образование капель воды происходит особенно быстро на гигроскопических ядрах конденсации. Над океанами это в первую очередь частицы хлористого натрия, которые поступают в атмосферу при разбрызгивании морской воды. Чем больше скорость ветра, тем интенсивнее происходит вынос соли в атмосферу, который при штормовых ветрах может достигнуть очень больших размеров [5, 6].

Количество водяного пара быстро убывает с высотой, но под тропопаузой, являющейся задерживающим слоем, его содержание может несколько увеличиваться. Чем ниже высота тропопаузы, тем большее количество водяного пара может скапливаться под ней. Этот водяной пар может служить источником образования ледяных частиц. Чем больше скорость ветра у поверхности океана, тем сильнее турбулентность и интенсивнее испарение, а следовательно, большее количество воляного пара переносится в высокие слои атмосферы. Но чем больше водяного пара и ниже температура на уровне тропопаузы, тем больше вероятность образования кристаллов льда. Исходя из изложенных соображений, рассмотрим зависимость  $\Delta S_w$  от скорости ветра v м/сек. на высоте 26 м от поверхности океана (уровень измерения скорости ветра на судах), высоты тропопаузы  $\hat{H}_{\rm T}$  км и температуры на уровне тропопаузы  $t_{\rm T}^{\circ}$ . Осредненные по широтам значения  $v, t_{\rm T}$  и  $H_{\rm T}$  приводятся в табл. 5. Используя данные табл. 5 и величины ослабления прямой солнечной радиации, рассчитанные по формуле (4), получим прямолинейную vt<sub>r</sub>

зависимость  $\Delta S_w$  от параметра  $\frac{\partial T_T}{H_T}$  (рис. 1), которая аналитически определяется формулой

$$\Delta S_w = 0.07 - 0.0038 \frac{v t_{\rm T}}{H_{\rm T}}.$$
 (7)

Полученное уравнение регрессии (7) обеспечивается средним квадратичным отклонением  $\pm 0,03$  кал/см<sup>2</sup> мин. Коэффициент корреляции связи равен 0,80, и вероятное его отклонение составляет  $\pm 0,02$ .

В табл. 6 сравниваются величины  $\Delta S_w$ , вычисленные по формуле (4) ( $\Delta S_{w_4}$ ) и по формуле (7) ( $\Delta S_{w_7}$ ) для отдельных дней. Из таблицы видно, что в отдельных случаях результаты могут разниться на 60—70% и даже более 100%. Эти расхождения связаны главным образом с погрешностями измерений метеорологических

Средние значения скорости ветра на уровне 26 м от поверхности океана v м/сек., высоты тропопаузы  $H_{\rm T}$  км и температуры на уровне тропопаузы  $t_{\rm T}^{\circ}$  в каждой широтной зоне (k — количество радиозондирований)

Широта	k	υ	H <sub>T</sub>	. t <sub>T</sub>
40° C 35 30 25 20 15 10 5 0 5 10 15 20 25 30	$ \begin{array}{r} 6\\ 29\\ 15\\ 9\\ 8\\ 22\\ 7\\ 30\\ 38\\ 18\\ 3\\ 4\\ 6\\ 5\\ 3\\ 3\\ 4\\ 6\\ 5\\ 3\\ 6\\ 5\\ 3\\ 6\\ 5\\ 3\\ 6\\ 5\\ 3\\ 6\\ 5\\ 3\\ 3\\ 6\\ 5\\ 3\\ 3\\ 6\\ 5\\ 3\\ 3\\ 3\\ 3\\ 6\\ 5\\ 3\\ 3\\ 5\\ 3\\ 3\\ 3\\ 5\\ 3\\ 6\\ 5\\ 3\\ 3\\ 3\\ 5\\ 3\\ 3\\ 3\\ 5\\ 3\\ 3\\ 3\\ 5\\ 3\\ 5\\ 3\\ 5\\ 3\\ 5\\ 3\\ 5\\ 3\\ 5\\ 3\\ 5\\ 3\\ 5\\ 3\\ 5\\ 3\\ 5\\ 3\\ 5\\ 5\\ 3\\ 5\\ 3\\ 5\\ 3\\ 5\\ 3\\ 5\\ 3\\ 5\\ 3\\ 5\\ 3\\ 5\\ 3\\ 5\\ 3\\ 5\\ 3\\ 5\\ 3\\ 5\\ 3\\ 5\\ 3\\ 5\\ 3\\ 5\\ 5\\ 3\\ 5\\ 5\\ 5\\ 5\\ 5\\ 5\\ 5\\ 5\\ 5\\ 5\\ 5\\ 5\\ 5\\$	$     \begin{array}{r}       11 \\       8 \\       7 \\       7 \\       7 \\       8 \\       10 \\       5 \\       6,5 \\       5 \\       7 \\       5 \\       6 \\       6,5 \\       9 \\       9 \\       \end{array} $	12,4 16,0 16,2 16,4 16,9 16,7 17,0 17,0 16,6 16,8 17,5 17,0 16,5 16,5 16,5 16,4	$\begin{array}{c} 63,1\\ 65,0\\ 71,3\\ 71,0\\ 74,5\\ 81,0\\ 81,8\\ 80,0\\ 82,4\\ 84,0\\ 85,0\\ 82,9\\ 80,0\\ 71,0\\ 64,5\\ \end{array}$

параметров при зондированиях атмосферы. Поэтому по формуле (7) получаются надежные результаты лишь при достаточном осреднении исходных данных: при осреднении 100 измерений величина  $\frac{\Delta S_{w_4} - \Delta S_{w_7}}{\Delta S_{w_4}} \cdot 100\%$  составляет  $\pm 17\%$ , а при 200 осреднениях она уменьшается до  $\pm 12\%$ .

		таолица с
Повторяемость величин	$\frac{\Delta S_{w_4} - \Delta S_{w_7}}{\Delta S_{w_4}}$	- , 100 %
$\pm \frac{\Delta S_{w_1} - \Delta S_{w_7}}{\Delta S_{w_4}} \cdot 100^{0}/_{0}$	Число случаев	Повторяе- мость, º/0
$\begin{array}{c} 0\\ 1-10\\ 11-20\\ 21-30\\ 31-40\\ 41-50\\ 51-60\\ 61-70\\ 71-80\\ 122 \end{array}$	$2 \\ 11 \\ 11 \\ 5 \\ 9 \\ 3 \\ 0 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1$	$\begin{array}{r} 4,5\\ 25\\ 25\\ 11,5\\ 20,5\\ 7,5\\ 0\\ 2\\ 2\\ 2\\ 2\\ 2\\ 2\\ 2\end{array}$

Из формулы (7) следует, что если бы существовал такой район океана, в котором все время был бы штиль, то ослабление прямой солнечной радиации конденсационной мутностью, возникавшей











19 C

в этом случае за счет поступления водяного пара в атмосферу при термической конвекции, составило бы в среднем 0,07 кал/см<sup>2</sup> мин. при высоте Солнца 30°.

В формулу (7) входят параметры, которые определяют поступление водяного пара в атмосферу и от которых зависит наличие конденсационной мутности преимущественно на уровне тропопаузы. В нижних слоях атмосферы конденсационная мутность связана с образованием капель воды. Естественно, вероятность образования капель воды зависит от количества водяного пара и от степени насыщения им воздуха. Исходя из этого, рассмотрим зависимость величин  $\Delta S_w$  от произведения  $r\omega$  (рис. 2), где r— относительная влажность у поверхности океана в долях единицы. На рис. 2 получается система линий, каждая из которых соответствует определенному значению S.

Если значения  $\Delta S_w$  нанести на график в системе координат  $\ln(\Delta S_w)$  и  $r\omega$ , то получим ряд параллельных прямых (рис. 3). Уравнение любой прямой будет выражаться формулой

$$\ln\left(\Delta S_{\tau \omega}\right) = a_{\rm S} + br\omega,\tag{8}$$

где  $a_s$  — некоторый коэффициент, зависящий от *S*; *b* — постоянный для всех прямых коэффициент.

Величина *b* легко определяется из соотнощения

$$b = \frac{[\ln (\Delta S_{\boldsymbol{w}})]_2 - [\ln (\Delta S_{\boldsymbol{w}})]_1}{(r\omega)_2 - (r\omega)_1} \tag{9}$$

и равна —0,164.

Величины  $a_s$  определялись по рис. З при  $r\omega = 0$ , и их зависимость от *S* приводится в табл. 7.



Связь между  $a_s$  и S лучше  $ch\Delta S_w$ всего аппроксимируется формулой Рис. 3. Зависимость  $ln(\Delta S_w)$  от  $r_{\omega}$ при разных значениях S.

 $a_s = 0.27 - 0.94S^4$ . (10)

Подставив выражение (10) и значение b = -0,164 в уравнение (8) и сделав некоторые преобразования, получим математическое выражение для зависимостей, приведенных на рис. 2:

$$\Delta S_w = 1,31 \exp(-0.94S^4 - 0.164r\omega). \tag{11}$$

4 Заказ № 534

При отсутствии в атмосфере водяного пара конденсационной мутности также не будет и  $\Delta S_w = 0$ . Формула (11) не отражает этого факта, а поэтому она не имеет смысла при  $r\omega = 0$  и обоснована только для значений  $r\omega > 0,4$ . Определение же числовых значений  $a_s$  при  $r\omega = 0$  представляет собой чисто математическую операцию.

Выясним погрешность расчета по формуле (11) для отдельных дней. Обозначим значения  $\Delta S_w$ , полученные по формуле (11), через  $\Delta S_{w_{11}}$  и рассмотрим повторяемость величин  $\frac{\Delta S_{w_4} - \Delta S_{w_{11}}}{\Delta S_{w_4}} \cdot 100\%$  (табл. 8).

 $\Delta S = \Delta S$ 

Таблица 8

Повторяем	Повторяемость величин — — — — — — — — — 100 %								
$\pm \frac{\Delta S_{w_4} - \Delta S_{w_{11}}}{\Delta S_{w_4}} \cdot 100^{0/6}$	0	1-10	11-20	21-30	31-40	4150			
Число случаев	31	53	19	5	2	1			
Повторяемость, 0/0	28	48	- 17	4	2	1			

Как видно из табл. 6 и 8, величины  $\Delta S_{w_4}$  и  $\Delta S_{w_1}$  значительно меньше различаются, чем  $\Delta S_{w_4}$  и  $\Delta S_{w_7}$ . Максимальное отклонение  $\Delta S_{w_1}$  от  $\Delta S_{w_4}$  составляет 45%. Только в трех случаях из 111 это отклонение превышает 30%. Таким образом, формула (11) дает приемлемые результаты даже для единичного случая. При осреднении же 100 величин, рассчитанных по формулам (4) и (11), разница между  $\Delta S_{w_4}$  и  $\Delta S_{w_1}$  не превышает  $\pm 8\%$ .

Формула (11) связывает величину ослабления прямой солнечной радиации конденсационной мутностью с количеством водяного пара в атмосфере и значением фактически наблюдавшейся прямой радиации; она является аналитическим выражением зависимости, существующей между факторами, определяющими прозрачность атмосферы над океаном.

#### выводы

1. Из сравнительно небольшого материала наблюдений, полученного в настоящей работе, следует, что прозрачность атмосферы в районе Тихого океана может претерпевать значительные изменения. Однако каких-либо определенных закономерностей в изменении прозрачности не обнаружено.

2. Наибольшие изменения прозрачности ото дня ко дню наблюдались в районе 15° с. ш.

3. Колебания прозрачности связаны в основном с изменениями конленсационной мутности атмосферы.

4. В среднем из материалов настоящей работы следует, что для всей акватории Тихого океана при высоте Солнца 30° водяной пар поглощает около 15%, а конденсационная мутность поглощает и рассеивает около 10% первоначального количества энергии, поступающей на верхнюю границу атмосферы.

5. Получена формула для расчета ослабления прямой солнечной радиации над океаном водяным паром по величине упругости воляного пара на высоте 10 м от поверхности океана.

6. Получена формула, показывающая, что ослабление прямой солнечной ралиации конденсационной мутностью прямо пропорционально скорости ветра у поверхности океана и обратно пропорционально высоте тропопаузы.

7. Получена аналитическая зависимость между факторами, определяющими прозрачность атмосферы над океаном.

#### ЛИТЕРАТУРА

1. Методические указания по определению характеристик прозрачности атмосферы для актинометрических отделов (групп) гидрометеорологических обсерваторий УГМС. Л., 1965. 2. Сивков С. И. Общий метод приведения интенсивности солнечной радиа-

ции к определенному числу масс атмосферы. Труды ГГО, вып. 14(76), 1949.

3. Сивков С. И. Обобщение эмпирических зависимостей между интенсивностью солнечной радиации, высотой Солнца и прозрачностью атмосферы. Труды ГГО, вып. 115, 1960.

4. Сивков С. И. Ослабление солнечной радиации в идеальной атмосфере. Труды ГГО, вып. 169. 1965.

5. Фетт Б. Атмосферная пыль. ИЛ, М., 1961.

6. Schubert G., Hänsch. Beobachtung von Meersalzablagerung tief im Landesinnern von Mecklenburg nach dem zweiten Sturmtief am 16./17. Februar 1962. Zeitschr. für Meteorol., Bd. 16, 1963.

#### Г. Қ. ГУЩИН

# ОПТИЧЕСКИЕ ХАРАКТЕРИСТИКИ АЭРОЗОЛЯ НАД ОКЕАНАМИ

Аэрозоль оказывает значительное влияние на солнечную радиацию, поступающую к поверхности земли, в ультрафиолетовой и видимой областях спектра.

Несмотря на значительное количество работ и методов исследований, оптические характеристики аэрозоля у разных авторов различны [1]. Для огромных акваторий океанов вообще мало данных о количестве и составе аэрозольных частиц, но изучение их в применении к целям озонометрии и атмосферной оптики приобретает важное самостоятельное значение.

В первом рейсе на и/с «Академик Королев» определялись оптические характеристики аэрозоля, исследовалась оптическая толщина аэрозоля в ультрафиолетовой и видимой областях спектра, а по методу, разработанному Г. П. Гущиным [1], оценивались размеры и количество аэрозольных частиц в вертикальном столбе атмосферы единичного сечения. С помощью полученных параметров аэрозоля определялась оптическая толщина его в полосе поглощения озона.

Измерения производились самолетным озонометром Г. П. Гущина [1]. При обработке наблюдений для сравнимости данных отсчеты по озонометру приводились к одной чувствительности прибора и к постоянной температуре. Для этого озонометры градуировались дополнительно.

#### 1. Методика определения оптической толщины аэрозоля

При определении оптических характеристик аэрозоля применялся метод, основанный на законе Бугера—Ламберта,

$$I_{\lambda} = I_{\lambda} \, \left[ 10^{-\left[ \alpha_{\lambda} x \mu + \beta_{\lambda} m + \delta_{\lambda} m_{1} \right]} \right], \tag{1}$$

где  $I_{\lambda}$  — отсчет по прибору, пропорциональный потоку прямого солнечного света с длиной волны  $\lambda$ , в месте измерения;  $I_{\lambda,0}$  — отсчет по прибору, пропорциональный потоку прямого солнечного света с длиной волны  $\lambda$ , на верхней границе атмосферы;  $\alpha_{\lambda}$  — десятичный коэффициент поглощения озоном излучения, длина волны которого  $\lambda$  в см<sup>-1</sup>; x — общее содержание озона в сантиметрах;  $\beta_{\lambda}$  — оптическая толщина чистой атмосферы для длины волны  $\lambda$ ;  $\delta_{\lambda}$  — оптическая толщина аэрозоля для длины волны  $\lambda$ ;  $\mu$  — озонная масса; m — атмосферная масса;  $m_1$  — аэрозольная масса.

Применение формулы Бугера—Ламберта к приборам со светофильтрами правомерно лишь в том случае, если полоса пропускания светофильтра (на половине высоты кривой пропускания) не превышает 25 нм и если длина волны в максимуме спектральной чувствительности прибора больше 350 нм [1]. Этим условиям удовлетворяет озонометр Г. П. Гущина, максимум спектральной чувствительности которого в области пропускания второго светофильтра приходится на длину волны  $\lambda_2 = 369$  нм и почти не меняется с изменением высоты Солнца. В еще большей степени закон Бугера—Ламберта применим к третьему светофильтру озонометра ( $\lambda_3 = 530$  нм).

Оптическая толщина аэрозоля определялась по формуле

$$\delta_{\lambda} = \frac{\ln I_{\lambda,0} - \lg I_{\lambda}}{m} - \beta_{\lambda} - \alpha_{\lambda} x.$$
 (2)

Значения  $\beta_{\lambda}$  для длин волн 369 и 530 нм составляют соответственно  $\beta_{\lambda_2} = 0,220$  и  $\beta_{\lambda_3} = 0,050$ , а коэффициенты поглощения озона равны  $\alpha_{\lambda_2} = 0,000$  и  $\alpha_{\lambda_3} = 0,030$  см<sup>-1</sup>.

Для сравнимости величин б<sub>к</sub>, полученных по формуле (2), все отсчеты по прибору предварительно приводились к третьей чувствительности и температуре 20° С.

Для приведения отсчетов по озонометру к одной чувствительности они умножались на коэффициенты перехода от одной чувствительности к другой. Эти коэффициенты получались путем сравнения отсчетов, которые производились одновременно при разных чувствительностях озонометра. Из 30—50 наблюдений для каждой пары чувствительности выводились средние значения коэффициентов, которые и использовались при вычислениях.

Температурные коэффициенты светофильтров озонометра определялись следующим образом. На день вперед рассчитывались моменты времени, когда высота Солнца равнялась 15, 20, 25, 30° ит. д. Производились отсчеты для второго  $S'_2$  и третьего  $S'_3$  светофильтров озонометра, которые приводились к третьей чувствительности  $S_2$  и  $S_3$ . На основании длительного ряда таких наблюдений строились зависимости  $S_2$  и  $S_3$  от температуры для разных высот Солнца. С этих графиков затем снимались значения  $S_2$  и  $S_3$  при температуре 20° и делились на величины  $S_2$  и  $S_3$  при других температурах, в результате чего получались температурные коэффициенты светофильтров  $q_t$ . В дальнейшем для приведения отсчета по озонометру к 20° достаточно было умножить его на соответствующее значение  $q_t$ . Коэффициенты  $q_t$ , помимо температуры, зависят еще и от высоты Солнца (рис. 1).



Отсчеты по озонометру для второго  $S_{\lambda_2}$  и третьего  $S_{\lambda_3}$  светофильтров озонометра, приведенные к третьей чувствительности и температуре 20°, использовались для нахождения постоянной величины lg  $I_{\lambda,0}$  в формуле (2). Для этой цели производились измерения в ясную погоду, когда синоптическая обстановка в течение дня оставалась неизменной. При таких условиях можно полагать, что оптическая толщина аэрозоля и общее содержание озона в течение дня не изменяются, т. е.  $\delta_{\lambda}$ =const и x=const. Тогда формула Бугера—Ламберта принимает вид

$$I_{\lambda} = I_{\lambda,0} \cdot 10^{-mc}, \tag{3}$$

где  $c = \beta_{\lambda} + \delta_{\lambda} + \alpha_{\lambda} x$  — постоянная величина. Логарифмируя уравнение (3), получим

$$\lg I_{\lambda} = \lg I_{\lambda,0} - mc. \tag{4}$$

Из уравнения (4) видно, что величина  $\lg I_{\lambda}$  линейно связана с массой атмосферы. На основании наблюдений в течение дня получались зависимости  $\lg I_{\lambda_2}$  и  $\lg I_{\lambda_3}$  от *m*. Величины  $\lg I_{\lambda_20}$  и  $\lg I_{\lambda_{30}}$  находились по графикам как ординаты при m=0; их значения приводятся в табл. 1. Средние величины  $\lg I_{\lambda_20}=2,38$  и  $\lg I_{\lambda_30}=1,27$  использовались в дальнейшем при вычислениях.

Таблица 1.

Дата	$\lg I_{\lambda_2 0}$	$\lg I_{\lambda_{3}0}$	Дата	$\lg I_{\lambda_2 0}$	$\lg I_{\lambda_{s}0}$
12/VI 13/VI 14/VI 1/VII 2/VII 3/VII 26/VII 30/VII 3/VIII 4/VIII	2,38 2,38 2,38 2,37 2,37 2,37 2,38 2,38 2,38 2,38 2,38	$1,27 \\ 1,27 \\ 1,27 \\ 1,27 \\ 1,25 \\ 1,25 \\ 1,25 \\ 1,26 \\ 1,26 \\ 1,26 \\ 1,25$	12/VIII 13/VIII 14/VIII 16/VIII 17/VIII 19/VIII 21/VIII 23/VIII 25/VIII Среднее	2,38 2,37 2,37 2,38 2,38 2,37 2,37 2,37 2,38 2,38 2,38 2,38	$1,28\\1,28\\1,28\\1,28\\1,27\\1,27\\1,27\\1,25\\1,27\\1,27\\1,27\\1,27\\1,27\\1,27$

Значения lg I <sub>λ,0</sub> и lg I <sub>λ,0</sub> для озонометра СО № 9-М (1968 г.)

# 2. Результаты вычислений оптической толщины аэрозоля в двух участках спектра

Оптическая толщина аэрозоля вычислялась по формуле (2) для каждого измерения. Затем находились средние за день значения  $\delta_{\lambda_2}$  и  $\delta_{\lambda_3}$ , которые обозначены соответственно через  $\delta_2$  и  $\delta_3$  и указаны в табл. 2. Из этой таблицы видно, что оптическая толщина аэрозоля

Таблица 2

#### Оптическая толщина аэрозоля $\delta_1$ (314 нм), $\delta_2$ (369) нм и $\delta_3$ (530 нм), эффективные радиусы $r_{3\Phi}$ и число аэрозольных частиц $N_{3\Phi}$ (1968 г.)

					• • • •	100 A.		
Дата	Коорд широта	инаты долго <b>т</b> а	Количество измерений	δ1	δ <sub>2</sub>	ò3	<b>г</b> <sub>эф</sub> мкм	И <sub>эф</sub> × 108 частиц/см <sup>2</sup>
26/VII 27/VII 30/VII 2/VIII 3/VIII 4/VIII 6/VIII 11/VIII 12/VIII 13/VIII 13/VIII 16/VIII 17/VIII 18/VIII 19/VIII 23/VIII 23/VIII 22/VIII 25/VIII	$\begin{array}{c} 55^{\circ}31' \\ 55^{\circ}31' \\ 50 \\ 08 \\ 33 \\ 19 \\ 23 \\ 45 \\ 17 \\ 23 \\ 10 \\ 49 \\ 00 \\ 04 \\ H0 \\ 25 \\ 40 \\ , 30 \\ 25 \\ 35 \\ 00 \\ 33 \\ 53 \\ 29 \\ 50 \\ 27 \\ 15 \\ 24 \\ 53 \\ 22 \\ 05 \\ 17 \\ 21 \\ 16 \\ 26 \\ 14 \\ 43 \\ 6 \\ 35 \\ \end{array}$	$\begin{array}{ccccccc} 7^{\circ}22' & B\\ 2 & 13 & 3\\ 13 & 38\\ 17 & 02\\ 18 & 03\\ 18 & 00\\ 9 & 54\\ 10 & 02 & B\\ 14 & 00\\ 19 & 50\\ 27 & 15\\ 38 & 24\\ 47 & 10\\ 51 & 10\\ 57 & 51\\ 66 & 56\\ 77 & 37\\ 83 & 07\\ 89 & 06\\ 105 & 20\\ \end{array}$	$\begin{array}{c} 21 \\ 6 \\ 24 \\ 9 \\ 24 \\ 31 \\ 9 \\ 11 \\ 25 \\ 10 \\ 12 \\ 25 \\ 10 \\ 12 \\ 27 \\ 9 \\ 15 \\ 12 \\ 18 \\ 9 \\ 24 \\ 12 \end{array}$	$\begin{array}{c} 0,102\\ 0,322\\ 0,330\\ 0,244\\ 0,297\\ 0,081\\ 0,351\\ 0,122\\ 0,057\\ \hline \\ 0,096\\ \hline \\ 0,038\\ 0,069\\ 0,078\\ 0,070\\ 0,072\\ 0,067\\ 0,103\\ \end{array}$	$\begin{array}{c} 0,079\\ 0,278\\ 0,292\\ 0,232\\ 0,283\\ 0,075\\ 0,300\\ 0,110\\ 0,049\\ 0,064\\ 0,073\\ 0,177\\ 0,239\\ 0,036\\ 0,061\\ 0,071\\ 0,064\\ 0,064\\ 0,064\\ 0,063\\ 0,094\\ \end{array}$	$\begin{array}{c} 0,042\\ 0,191\\ 0,223\\ 0,198\\ 0,247\\ 0,068\\ 0,033\\ 0,029\\ 0,033\\ 0,029\\ 0,039\\ 0,102\\ 0,144\\ 0,032\\ 0,046\\ 0,058\\ 0,054\\ 0,047\\ 0,048\\ 0,083\\ \end{array}$	$\left \begin{array}{c} 0,22\\ 0,31\\ 0,35\\ 0,38\\ 0,37\\ 0,38\\ 0,30\\ 0,36\\ 0,32\\ 0,18\\ 0,22\\ 0,25\\ 0,27\\ 0,38\\ 0,32\\ 0,36\\ 0,36\\ 0,33\\ 0,40\\ 0,38\\ \end{array}\right.$	$\begin{array}{c} 0,49\\ 0,54\\ 0,47\\ 0,30\\ 0,38\\ 0,10\\ 0,67\\ 0,16\\ 0,11\\ 0,94\\ 0,42\\ 0,62\\ 0,72\\ 0,05\\ 0,14\\ 0,10\\ 0,10\\ 0,11\\ 0,07\\ 0,13\\ \end{array}$
	1		1	· · ·	140 C	1	a second a second	

значительно изменялась ото дня ко дню: величина  $\delta_2$  колебалась в пределах 0,036—0,300, а  $\delta_3$ — в пределах 0,029—0,247.

Широтный ход величин  $\delta_2$  и  $\delta_3$  трудно установить с достоверностью на столь малом ряде наблюдений, тем более, что он зачастую маскируется значительными отклонениями аэрозольной прозрачности от средней, связанными с синоптическими и другими локальными особенностями того или иного района океана.

В Индийском океане наблюдался небольшой рост оптических толщин аэрозоля по направлению к экватору от 0,050—0,060 на  $20-25^{\circ}$  ю. ш. до 0,080—0,090 на 7° ю. ш., т. е. при изменении широты на 15° величины  $\delta_2$  и  $\delta_3$  возросли всего в 1,5 раза. В Атлантическом океане широтный ход оптической толщины аэрозоля также проявлялся на небольшом участке маршрута от 20° ю. ш. до 34° ю. ш.: на этих широтах по мере продвижения к югу оптическая толщина аэрозоля  $\delta_2$  уменьшилась от 0,140 до 0,050, а  $\delta_3$  уменьшилась от 0,100 до 0,030.

При сравнении величин  $\delta_2$  и  $\delta_3$ , полученных на одних и тех же широтах океанов в дни, когда прозрачность атмосферы не нарушалась прохождением барических образований, оказалось, что оптическая толщина аэрозоля в рассматриваемых участках спектра в Атлантическом океане примерно в 2,5 раза больше, чем в Индийском океане.

Колебания аэрозольной прозрачности, связанные с прохождением барических образований, могут в несколько раз превышать колебания, обусловленные широтным эффектом. Например, в течение 15—17 августа судно шло за холодным фронтом и пересекло его 17 августа ночью. За этот период величина  $\delta_2$  возросла от 0,070 до 0,239, а величина  $\delta_3$ — от 0,040 до 0,144. После пересечения фронта оптическая толщина аэрозоля 18 августа резко уменьшилась — до 0,035 для обеих длин волн.

Резкое возрастание оптической толщины аэрозоля отмечено 27 июля:  $\delta_2$  по сравнению с 26 июля увеличилось в 3,5 раза, а  $\delta_3$  в 4,5 раза. Наблюдения в этот день проводились в проливе Ла-Манш. Судно находилось в области размытого поля высокого давления. Центр антициклона располагался над Британскими островами. Вынос холодных масс воздуха с севера способствовал появлению значительной конденсационной мутности в атмосфере.

Низкая аэрозольная прозрачность атмосферы зафиксирована 6 августа на экваторе. Наблюдения в этом районе проводились после прохождения зоны конвергенции пассатных ветров, которая располагалась на 5° с. ш. Вынос водяного пара из зоны конвергенции привел к увеличению замутненности атмосферы и возрастанию  $\delta_2$  до 0,300, а  $\delta_3$  — до 0,195.

В Атлантическом океане выделяется обширная область пониженной прозрачности атмосферы около побережья Африки между 14 и 35° с. ш., куда постоянно выносится значительное количество песка и пыли из Сахары [5]. На этом участке маршрута отмечалась. мгла, и в среднем для этих широт величина  $\delta_2$  составила 0,270, а величина  $\delta_3 - 0,220$ .

Из табл. 2 следует, что в среднем для океанов оптическая толщина аэрозоля для длины волны 369 нм на 40% больше, чем для 530 нм. Колебания же отношений  $\delta_2/\delta_3$  происходили в пределах 1,12—2,20.

Величина оптической толщины аэрозоля согласуется с характеристиками прозрачности атмосферы, которые получены с помощью неспектрального прибора — термоэлектрического актинометра. Рассмотрим соотношения между оптической толщиной аэрозоля и фактором мутности *T*, приведенным по методу С. И. Сивкова [3, 4] к высоте Солнца 30° (рис. 2). Между рассматриваемыми величинами существует довольно тесная связь: коэффициент корреляции между  $\delta_2$  и *T* равен 0,91, а между  $\delta_3$  и *T* — 0,97. Уравнения регрессии имеют вид:

 $\delta_2 = 0,074T - 0,141, \tag{5}$ 

$$\delta_3 = 0,061T - 0,127. \tag{6}$$

При сравнении величин  $\delta_2$  и  $\delta_3$ , вычисленных по формулам (5) и (6) и полученных из наблюдений по озонометру, оказывается, что

максимальные расхождения для  $\delta_2$  по абсолютной величине достигают 60%, а отклонения для  $\delta_3$  составляют  $\pm 25\%$ .

Корреляционные соотношения (5) и (6) могут быть в дальнейшем использованы при введении аэрозольной поправки в измерения общего содержания озона, которые проводились ранее в океанах.



Рис. 2. Корреляционные соотношения между величинами оптических толщин аэрозоля  $\delta_2$  и  $\delta_3$  и фактором мутности *T*.

так как обычно в каждом рейсе параллельно с озонометрическими наблюдениями проводятся измерения прямой радиации.

При рассмотрении дневного хода оптической толщины аэрозоля наблюдаются только непериодические колебания, которые будем называть амплитудами  $\Delta \delta_2$  и  $\Delta \delta_3$ ; они представляют собой разности между наибольшими и наименьшими за день значениями  $\delta_2$  и  $\Delta_3$ . Величины  $\Delta \delta_2$  и  $\Delta \delta_3$ , вычисленные для всех случаев, когда наблюдения проводились большую часть дня, приведены в табл. 3.

Таблица З

Дата	$\Delta \mathfrak{d}_2$	$\Delta \mathfrak{d}_3$	$\frac{\Delta \mathfrak{d}_2}{\mathfrak{d}_2}$	$\frac{\Delta\delta_3}{\delta_3}$
· .				
26/V1I	0,030	0,028	0,38	0,66
30/VII	0.058	0,098	0.20	0.44
3/VIII	0.122	0.120	0.43	0.48
4/VIII	0.045	0.063	0.60	0.93
6/VIII	0.056	0.039	0.19	0.20
12'/VIII	0.034	0.023	0.69	0.70
16/VIII	0.029	0.014	0.16	0.14
17/VIII	0.049	0.045	0.20	0.31
19/VIII	0.033	0.039	0.54	0.85
23/VI11	0.016	0.030	0.25	0.56
25/VIII	0.019	0.016	0.35	0.33

Дневные амплитуды колебаний оптической толщины аэрозоля  $\Delta \delta_2$  и  $\Delta \delta_3$ и величины отношений  $\Delta \delta_2 / \delta_2$  и  $\Delta \delta_3 / \delta_3$  (1968 г.)

Из таблицы видно, что абсолютные значения  $\Delta \delta_2$  и  $\Delta \delta_3$  изменялись в широких пределах: за рассматриваемый период времени максимальные их значения превосходили минимальные в 8—9 раз. Среднее значение амплитуды  $\Delta \delta_2$  для обоих океанов составило 0,045, а для  $\Delta \delta_3 - 0,047$ .

Из анализа отношений  $\Delta \delta_2/\delta_2$  и  $\Delta \delta_3/\delta_3$  (табл. 3) следует, что отклонения оптической толщины аэрозоля от средних дневных значений для  $\lambda_2$ =369 нм составляют ±18% и могут доходить до ±30%, а для  $\lambda_3$ =530 нм эти отклонения в среднем составляют ±25% и максимальные ±47%.

# 3. Размеры и количество аэрозольных частиц в вертикальном столбе атмосферы

Размеры и количество аэрозольных частиц оценивались по приближенному оптическому методу, основанному на учете ослабления солнечной радиации вследствие рассеяния на частицах аэрозоля [1].

Важными параметрами аэрозоля являются эффективный радиус  $r_{9\Phi}$  и эффективное количество  $N_{9\Phi}$  аэрозольных частиц в вертикальном столбе атмосферы сечением 1 см<sup>2</sup>. Величины  $r_{9\Phi}$  и  $N_{9\Phi}$  представляют собой параметры монодисперсного аэрозоля, состоящего из капель воды и производящего такое же ослабление света в двух выбранных участках спектра, которое вызывает и действительный аэрозоль.

Оптическая толщина монодисперсного аэрозоля для длин волн  $\lambda_2$  и  $\lambda_3$ , согласно теории Ми, определяется формулами

$$\delta_{\lambda_0} = 0,4343\pi r_{ab}^2 N_{ab} K(y_2), \tag{7}$$

$$\delta_{\lambda_3} = 0.4343 \pi r_{\mathfrak{s} \phi}^2 N_{\mathfrak{s} \phi} K(y_3), \tag{8}$$

где  $K(y_2)$  и  $K(y_3)$  — коэффициенты рассеяния Ми, а  $y_2 = \frac{2\pi r_{3\Phi}}{\lambda_2}$ ,

 $y_3 = \frac{2\pi r_{\partial\Phi}}{\lambda_3}$ 

Из уравнений (7) и (8) следует, что

$$\frac{\delta_{\lambda_2}}{\delta_{\lambda_3}} = \frac{K(y_2)}{K(y_3)} = f(r_{\mathfrak{s}\phi}).$$
(9)

Используя величины коэффициентов рассеяния Ми, мы рассчитали функцию  $f(r_{9\phi})$  при разных значениях  $r_{9\phi}$  (рис. 3). По графику функции  $f(r_{9\phi})$  и по величине отношения  $\delta_{\lambda_2}/\delta_{\lambda_3}$  находили эффективный радиус аэрозольных частиц. Эффективное количество аэрозольных частиц рассчитывалось по формуле

$$N_{\mathfrak{s}\Phi} = \frac{\delta_{\lambda_2}}{0,4343\pi r_{\mathfrak{s}\Phi}^2 \mathcal{K}(y_2)}.$$
 (10)

Оптический метод, который применялся для расчета величин  $r_{3\Phi}$  и  $N_{3\Phi}$ , позволяет находить размеры и количество аэрозольных частиц монодисперсной системы, если оптические толщины  $\delta_2$  и  $\delta_3$  превышают некоторый предел, который для сферических капель воды равен примерно 0,020 [1]. Как видно из табл. 2, минимальная величина оптической толщины аэрозоля составляла 0,029. Следовательно, применение оптического метода для расчетов в нашем случае вполне оправдано.

С другой стороны, оптический метод эффективен только для тех водяных капель, радиус которых меняется в пределах 0,05—



Рис. 3. Эффективный радиус аэрозольных частиц  $r_{3\Phi}$  в зависимости от отношения  $\delta_{\lambda_0}/\delta_{\lambda_0}$  (для  $\lambda_2 = 369$  нм и  $\lambda_3 = 530$  нм).

 $_{c0,65}$  мкм, так как функция  $f(r_{s\phi})$  однозначно определена только для значений  $r_{s\phi} < 0,65$  мкм (рис. 3).

Результаты определения величин  $r_{9\Phi}$  и  $N_{9\Phi}$  приведены в табл. 2. Несмотря на значительные колебания оптической толщины аэрозоля, эффективный радиус аэрозольных частиц изменяется в сравнительно узких пределах — от 0,18 до 0,40 мкм, и среднее его значение для океанов равно 0,32 мкм. Среднее значение  $N_{9\Phi}$  составило для океанов 0,33 · 10<sup>8</sup> частиц/см<sup>2</sup>. Эта величина в 2,3 раза меньше, чем среднее за август значение  $N_{9\Phi}$  для Воейково [1]. Но эффективные радиусы аэрозольных частиц над океанами в среднем в 1,5 раза превосходят величины  $r_{9\Phi}$ , наблюдавшиеся в Воейково [1], т. е. аэрозольные частицы над океанами более эффективны в оптическом смысле, чем над сушей.

Измерение оптической толщины аэрозоля в двух участках спектра позволяет определить количество аэрозольных частиц разных размеров в вертикальном столбе атмосферы сечением 1 см<sup>2</sup>, если аэрозоль состоит из сферических частиц одинаковой природы, распределение которых по радиусам удовлетворяет некоторой функции, зависящей от двух параметров [1]. В качестве функции распределения была выбрана функция

$$\Delta N_i = A r_i^2 \cdot 10^{-\kappa r_i}, \qquad (11)$$

где  $\Delta N_i$  — число частиц, радиус которых  $r_i$ ; A и K — параметры. Оптические толщины аэрозоля для длин волн  $\lambda_2$  и  $\lambda_3$  будут равны:

$$\delta_2 = 0,4343\pi A \sum_{i=1}^n r_i^4 \cdot 10^{-\kappa r_i} K_i(y_2), \qquad (12)$$

$$\delta_3 = 0,4343\pi A \sum_{i=1}^n r_i^4 \cdot 10^{-\kappa r_i} K_i(y_3).$$
(13)

Отношение оптических толщин аэрозоля является функцией только одного параметра К

$$\delta_2/\delta_3 = f(K). \tag{14}$$

Функция f(K) вычислялась заранее для разных значений K. Значения  $r_i$  при этом принимались равными 0,05; 0,10; 0,15; 0,20; ...; 0,65 мкм. В дальнейшем параметр сразу находился по величине отношения  $\delta_2/\delta_3$ .

Второй параметр находился по формуле

$$A \Longrightarrow \frac{\delta_2}{0,4343\pi \sum_{i=1}^{n} r_i^4 \cdot 10^{-Kr_i} K_i(y_2)} .$$
(15)

Распределение аэрозольных частиц по размерам, вычисленное по формуле (11), приводится в табл. 4. Здесь указаны также величины  $r_{max}$  — радиусы частиц, которые содержатся в наибольшем количестве в аэрозоле, и  $N_{max}$  — число частиц в максимуме распределения. Формулы для расчета  $r_{max}$  и  $N_{max}$  получаются при исследовании функции (11) и после некоторых преобразований могут быть представлены в виде:

$$r_{\max} = \frac{0.87}{K}$$
, (16)

$$N_{\max} = 0,102 \frac{A}{K^2}$$
 (17)

Каждое из распределений, приведенных в табл. 4, можно отнести к одному из четырех типов, которые различаются между собой по виду кривой распределения. Характеристика каждого типа распределения дана в табл. 5. Основанием для отнесения распределения к тому или иному типу служит величина отношения  $\delta_2/\delta_3$ , от которой зависит вид кривой распределения.

6ł

<	۲
¢	ರ

лиц

6	
5	
F	

Распределение аэрозольных частиц по размерам и параметры функции распределения rmax и Nmax (1968 r.)

$N_{\max}$	частиц/см <sup>2</sup>	$2,65.10^{8}$	6, 59.107	4,06.107	$1,52.10^{7}$	$1,79.10^{7}$	$4,96.10^{6}$	$1,05.10^{8}$	$1, 18.10^{7}$	$1, 14 \cdot 10^{7}$	$5,70.10^{8}$	$2,16.10^{8}$	$1,85.10^{8}$	1,61.108	$2,08.10^{6}$	$1, 19.10^{7}$	$6,54.10^{6}$	$5,59.10^{6}$	$1, 13.10^{7}$	$3,04.10^{6}$	$5,63.10^{6}$
r <sub>max</sub>	MKM	0,062	0,104	0,123	0,150	0,154	0,150	0,094	0,131	0,105	0,048	0,064	0,075	0,082	0,161	0,110	0,136	0,138	0,114	0,161	0,158
	0,60		$1,50.10^{5}$	4,00.105	6,00.105	8, 10.105	1,90.105	9,00.104	1,90.105	$2,00.10^{4}$			$1,00.10^{4}$	$2,00.10^4$	$1,20.10^{5}$	$4,00.10^{4}$	1,30.105	1,20.105	$6,00.10^{4}$	$1,80.10^{5}$	$2,80.10^{5}$
1	0,50	1,00.104	7,30.105	1,42.106	1,59.106	2,07.106	5,10.105	$5,20.10^{5}$	6,00.105	1,30.105		1,00.104	1,00.105	2,10.105	2,90.105	1,90.105	4,10.105	3,80.105	$2, 50.10^{5}$	4,30.105	7,30.105
Радиусы аэрозольных частии, мкм	0,40	2,00.105	3,22.106	$4,67.10^{6}$	$3,86.10^{6}$	4,89.106	1,25.106	$2,83.10^{6}$	$1, 30.10^{6}$	$5,80.10^{5}$	$1,00.10^{4}$	2,10.105	9,30.105	$1,57.10^{6}$	6,50.105	7,60.105	$1, 15.10^{6}$	1,04.106	9,20.105	9,60.105	1,67.106
	0,30	2,89.106	1,25.107	$1,35.10^{7}$	8,24.106	1,01.107	2,68-106	$1,34.10^{7}$	4,68.106	2,22.106	6,40.105	2,81.106	7,47.106	1,03.107	1,27.106	2,74.106	2,83.106	$2,51.10^{6}$	3,01.106	$1,88.10^{6}$	3,35.106
	0,20	3,23.107	3,83.107	3,06.107	1,39.107	1,66.107	4,53.106	$4,98.10^{7}$	9,61.106	6,70.106	$1,82.10^{7}$	2,91.107	4,74.107	$5, 32.10^{7}$	1,97.106	7,58.106	5,51:106	4,78.106	7,71.106	2,90.106	5,30.106
	0,15	9,10.107	$5,65 \cdot 10^{7}$	3,89.107	$1,52.10^{7}$	1,79.107	4,96.106	8,11.107	1,16.107	9,81.106	8,13.107	7,91.107	1,01.108	1,02.108	2,07.106	$1,06.10^{7}$	$6,48.10^{6}$	5,56.106	1,04.107	3,03.106	$5,62.10^{6}$
	0,10	$2,03.10^{8}$	6,59.107	$3,91 \cdot 10^{7}$	1,32.107	$1,50.10^{7}$	4,30.106	1,04.108	1,11.107	1,14.107	2,87.108	$1,70.10^{8}$	$1,69.10^{8}$	$1,54.10^{8}$	1,71.106	$1, 18.10^{7}$	$6,02.10^{6}$	5,11.106	$1, 11 \cdot 10^{7}$	2,51.106	4,71.106
	0,05	$2,54.10^{8}$	$4, 33.10^{7}$	2,21.107	$6,41 \cdot 10^{6}$	7,31.106	2,09.106	7,55.107	$5,96.10^{6}$	7,38.106	$5,70\cdot 10^{8}$	$2,05.10^{8}$	$1,60.10^{8}$	$1,31.10^{8}$	7,90,105	7,36.106	3,15.106	2,64.106	6,68.106	1,16.106	$2, 22 \cdot 10^{6}$
	Дата	26/V11	27/VII	30/V11	2/VIII	3/V111	4/VIII	6/VIII	11/VIII	12/VIII	13/VIII	14/VIII	16/VIII	17/V111	18/VIII	111V/01	21/VIII	23/VIII	24/V111	25/VIII	29/VIII

## Таблица 5

Основные параметры, характеризующие типы распределения аэрозольных частиц по размерам

	-ичи-	1	max MR	M	्र प	V <sub>max</sub> ∙10 астиц/с	Дни, в которые	
Тип распределения	Средняя вел на <sup>б</sup> 2 <sup>3</sup>	средняя	наиболь- шая	наимень- шая	средняя	наиболь- шая	наимень- шая	в которые наблюда- лось распреде- ление
Внетропический а	1,88	0,066	0,082	0,048	28,00	57,00	16,10	26/VII, 13— 14/VIII,
Переходный б	1,25	0,135	0,138	0,131	0,80	1,18	0,56	10-17/V111, 11/V111, 21/V111, 22/V111, 22/V11, 22/
Тропический в	1,14	0,156	0,161	0,150	0,81	1,79	0,21	25/V111 2-4/V111, 18/V111, 25/V111, 29/V111
Смешанный г	1,42	0,108	0,123	0,094	4,15	10,50	1,13	27/VII, 30/VII, 6/VIII, 12/VIII, 19/VIII, 24/VIII

Первый тип (внетропический) характеризуется резко выраженным максимумом, приходящимся на минимальные размеры аэрозольных частиц. Величина  $r_{max}$  изменяется в довольно широких пределах: от 0,048 до 0,082 мкм. Количество же аэрозольных частиц в максимуме распределения не испытывает значительных колебаний: наибольшее значение превосходит наименьшее всего в 3,5 раза. Подобное распределение встречалось в субтропических и умеренных широтах обоих полушарий.

Второй тип распределения (переходный) наблюдался в переходной зоне от субтропиков к тропикам. Аэрозольные частицы здесь уже менее однородны. Величины  $r_{\rm max}$  и  $N_{\rm max}$  изменяются незначительно.

Третий тип распределения (тропический) характеризуется наибольшим смещением максимума в сторону больших частиц. Величина  $r_{max}$  изменяется в пределах 0,156—0,161 мкм, а количество частиц в максимуме распределения колеблется от 0,56 · 10<sup>7</sup> до 1,18 · 10<sup>7</sup> частиц/см<sup>2</sup>.

Четвертый тип распределения (смешанный) встречался на всех широтах обоих полушарий и связан с возмущениями в атмосфере вследствие изменения синоптической обстановки. Отдельные значения  $N_{\rm max}$  внутри данного типа могут отличаться друг от друга примерно на порядок. Из табл. 2 и 4 следует, что в среднем для океанов  $N_{\rm 9\Phi}$  составляло примерно  $0,33\cdot10^8$  частиц/см<sup>2</sup>, а  $N_{\rm max}$  — примерно  $0,85\times$   $\times10^8$  частиц/см<sup>2</sup>. При сравнении этих средних значений с данными, полученными в Воейково, видно, что количество аэрозольных частиц в атмосфере над океанами примерно в 2 раза меньше, чем над континентами.

# 4. Количество больших и гигантских частиц в атмосфере над океанами

Для расчета количества больших и гигантских частиц в атмосфере применялась формула распределения аэрозольных частиц, полученная Юнге [6]:

$$\frac{dN}{dr} = cr^{-n},\tag{18}$$

где N — число частиц в вертикальном столбе атмосферы единичного сечения с радиусами меньше r, n — показатель Юнге, c — постоянная. Формула (18) применима, согласно Юнге [6], при 0.08 < r < 10 мкм.

Если рассмотреть вертикальный столб атмосферы единичного сечения, то оптическая толщина аэрозоля на основании теории Ми определяется формулой

$$\delta_{\lambda} = 0,4343\pi \int_{r_{1}}^{r_{2}} r^{2} K(y) \frac{dN}{dr} dr, \qquad (19)$$

где  $r_1$  и  $r_2$  — соответственно наибольший и наименьший радиусы частиц в данном распределении.

Подставив  $d\hat{N}/dr$  из (18) в (19) и перейдя к переменной y, получим

$$\delta_{\lambda} = 0,4343\pi c \left(\frac{\lambda}{2\pi}\right)^{3-n} \int_{y_{\min}}^{y_{\max}} y^{2-n} K(y) \, dy, \qquad (20)$$

где́ y<sub>min</sub> и y<sub>max</sub> — минимальное и максимальное значения у для разных значений *г* и λ в момент наблюдения.

Взяв отношение оптических толщин аэрозоля для двух выбранных длин волн, получим выражение

$$\frac{\delta_{\lambda_2}}{\delta_{\lambda_3}} = \left(\frac{\lambda_2}{\lambda_3}\right)^{3-n},\tag{21}$$

из которого легко определяется показатель Юнге.

Второй параметр распределения с находится из формулы

$$c = \frac{\delta_{\lambda}}{0,4343 \left(\frac{\lambda}{2\pi}\right)^{3-n} \int_{y_{\min}}^{y_{\max}} y^{2-n} K(y) \, dy} \,. \tag{22}$$

Формула (20) подробно исследуется в работе [2], где приводятся также таблицы и графики, облегчающие нахождение параметров функции распределения.

Зная параметры *n* и *c*, можно по формуле (18) оценить количество больших  $N_{\rm b}$  и гигантских  $N_{\Gamma}$  частиц в вертикальном столбе атмосферы единичного сечения. К большим частицам относятся такие аэрозоли, радиус которых колеблется в пределах 0,1—1,0 мкм. У гигантских частиц радиус изменяется от 1 до 10 мкм. Величины  $N_{\rm b}$  и  $N_{\Gamma}$  рассчитывались по формулам:

$$N_{\rm b} = \frac{c}{n-1} \cdot 10^{5\,(n-1)},\tag{23}$$

$$N_{\Gamma} = \frac{c}{n-1} \cdot 10^{4 \, (n-1)}. \tag{24}$$

Результаты расчетов показателя Юнге и количества больших и гигантских частиц в атмосфере приведены в табл. 6.

Таблица б

Средние за день показатель Юнге *n*, число больших частиц  $N_{\rm E}$  и отношение числа больших частиц к числу гигантских  $N_{\rm E}/N_{\rm \Gamma}$  в вертикальном столбе атмосферы сечением 1 см<sup>2</sup> в Атлантическом и Индийском океанах (1968 г.)

- , 	Коорд	цинат <b>ы</b>		N. 100	$\frac{N_{\rm E}}{N_{\Gamma}} \cdot 10^3$	
Дата	широта	долгота	<i>n</i>	№ <sub>Б</sub> .108 см-2		
26/VII 27/VII 30/VII 3/VIII 4/VIII 11/VIII 12/VIII 13/VIII 13/VIII 14/VIII 16/VIII 17/VIII 18/VIII 19/VIII 21/VIII 23/VIII 24/VIII 25/VIII 29/VIII	$\begin{array}{c} 55^{\circ}31\prime \ \mathrm{C} \\ 50\ 08 \\ 33\ 19 \\ 23\ 45 \\ 17\ 23 \\ 10\ 49 \\ 000\ 49 \\ 000\ 49 \\ 000\ 49 \\ 0025\ 40 \\ 30\ 25 \\ 35\ 00 \\ 33\ 53 \\ 29\ 50 \\ 27\ 15 \\ 24\ 53 \\ 22\ 05 \\ 19\ 05 \\ 17\ 21 \\ 16\ 26 \\ 14\ 43 \\ 6\ 35 \end{array}$	$7^{\circ}22'$ B 2 13 13 38 17 02 18 03 18 00 9 54 10 02 14 00 19 50 27 15 38 24 47 10 51 10 57 51 66 56 77 37 83 07 89 06 105 20	$\begin{array}{c} 4,8\\ 4,0\\ 3,8\\ 3,4\\ 3,7\\ 4,2\\ 7,7\\ 4,2\\ 4,7\\ 4,0\\ 5,2\\ 4,8\\ 4,6\\ 4,4\\ 3,9\\ 3,6\\ 3,6\\ 3,9\\ 3,8\\ 3,5\\ 3,5\\ \end{array}$	1,2 $3,0$ $2,6$ $1,5$ $1,9$ $0,6$ $3,5$ $0,9$ $0,6$ $1,0$ $1,4$ $2,6$ $3,1$ $0,2$ $0,6$ $0,6$ $0,6$ $0,6$ $0,7$	$\begin{array}{c} 7,2\\ 1,1\\ 0,7\\ 0,3\\ 0,3\\ 0,8\\ 1,2\\ 0,5\\ 1,5\\ 16,6\\ 6,4\\ 3,6\\ 3,0\\ 0,2\\ 1,9\\ 0,5\\ 0,6\\ 0,8\\ 0,5\\ 0,5\\ \end{array}$	

Из табл. 6 видно, что показатель Юнге изменялся в пределах 3,4—5,2, а среднее его значение для океанов составило 4,0.

5 Заказ № 534

Максимальные величины параметра  $(n=4,6\div5,2)$ , отмечавшиеся в наиболее высоких широтах обоих полушарий (26 июля на 55° с. ш. и 13—16 августа на 30—35° ю. ш.), указывали на сильную зависимость оптической толщины аэрозоля от длины волны и свидетельствовали о том, что оптически активный аэрозоль был образован мельчайшими каплями воды. Действительно, как видно из табл. 5, в рассматриваемых районах максимум в распределении аэрозольной субстанции по размерам приходится на минимальные радиусы частиц (тип распределения a).

В отличие от рассмотренного выше случая 2, 3 и 18 августа показатель Юнге был близок к 3,0, т. е. оптическая толщина аэрозоля почти не зависела от длины волны и, следовательно, оптически активный аэрозоль состоял из крупных частиц. В эти дни, как видно из табл. 5, максимум в распределении аэрозолей по размерам приходился на самые большие радиусы частиц (тип распределения b). 2 и 3 августа аэрозоль мог состоять преимущественно из пылевых частиц, которые были вынесены из Сахары, так как в эти дни наблюдалась мгла, а 18 августа аэрозоль был образован каплями воды.

Количество больших частиц в атмосфере над океанами колеблется в широких пределах: максимальные значения  $N_{\rm B}$  превышают минимальные в 17 раз. Возрастание числа аэрозольных частиц связано или с определенными аэросиноптическими условиями (например, появление значительной конденсационной мутности в атмосфере за холодным фронтом 16—17 августа и за счет выноса холодных масс воздуха с севера 27 июля), или с локальными особенностями района (увеличение замутненности атмосферы около зоны конвергенции пассатных ветров 6 августа и при выносе пыли из Африки 30 июля).

Среднее количество больших частиц в атмосфере над океанами составляет около  $1,5 \cdot 10^8$  см<sup>-2</sup>, а гигантских частиц — около  $6,0 \times \times 10^4$  см<sup>-2</sup>. Среднее для океанов значение  $N_{\rm B}$  оказалось примерно в 2 раза меньше, чем средние за август 1967 г. значения  $N_{\rm B}$  в Карадаге и Куйбышеве [2]. Такое сравнение еще раз подтверждает вывод о том, что в атмосфере над океанами аэрозольных частиц примерно в 2 раза меньше, чем над континентами.

#### 5. Оптическая толщина аэрозоля в полосе поглощения озона

Оптическая толщина аэрозоля в области пропускания первого светофильтра ( $\lambda$ =314 нм) определялась с помощью выражения (20). Применяя его к двум длинам волн  $\lambda_1$  и  $\lambda_2$ , получаем

$$\frac{\delta_{\lambda_1}}{\delta_{\lambda_2}} = \left(\frac{\lambda_1}{\lambda_2}\right)^{3-n} . \tag{25}$$

Средние за день величины  $\delta_{\lambda_1}(\delta_1)$  приводятся в табл. 2.

Во всех рассматриваемых случаях (см. табл. 2) оптическая толщина аэрозоля увеличивается с уменьшением длины волны. Величины  $\delta_1$  превосходят значения  $\delta_2$  на 5—30%. В среднем для океанов оптическая толщина аэрозоля для  $\lambda_1$ =314 нм на 13% больше, чем для  $\lambda_2$ =369 нм.

#### выводы

1. Предложен и применен на практике метод градуировки озонометра с целью приведения отсчетов к постоянной температуре (20°).

2. Широтный ход оптической толщины аэрозоля характеризуется небольшим возрастанием величин  $\delta_2$  и  $\delta_3$  к экватору.

3. В Атлантическом океане отмечены области повышенной замутненности атмосферы около побережья Африки ( $\delta_2 = 0,270$  и  $\delta_3 = 0,220$ ) и около зоны конвергенции пассатных ветров на экваторе ( $\delta_2 = 0,300$ ,  $\delta_3 = 0,195$ ).

4. Значительные колебания аэрозольной прозрачности атмосферы связаны в основном с прохождением барических образований.

5. Оптическая толщина аэрозоля в Атлантическом океане примерно в 2,5 раза больше, чем на тех же широтах в Индийском океане.

6. В среднем для океанов оптическая толщина аэрозоля для  $\lambda_2$  = 369 нм на 40% больше, чем для  $\lambda_3$  = 530 нм, и на 13% меньше, чем для  $\lambda_1$  = 314 нм.

7. Существует тесная связь (коэффициент корреляции более 0,90) между величинами оптической толщины и фактором мутности, характеризующим прозрачность атмосферы для интегрального потока солнечной радиации.

8. Суточный ход оптической толщины аэрозоля характеризуется непериодическими колебаниями. Отклонения величин от средних дневных значений составляют для  $\lambda_2$  = 369 нм в среднем около  $\pm 20\%$ , а для  $\lambda_3$  = 530 нм — около  $\pm 25\%$ .

9. Среднее значение эффективного радиуса аэрозольных частиц для океанов равно 0,32 мкм; среднее значение эффективного числа аэрозольных частиц составляет 0,33 · 10<sup>8</sup> см<sup>-2</sup>.

10. Аэрозольные частицы над океанами более эффективны в оптическом смысле, чем над сушей.

11. Распределение аэрозольных частиц по размерам в каждом случае относится к одному из четырех типов, три из которых локализованы в определенных географических районах, а четвертый тип распределения наблюдается на всех широтах и связан с изменениями аэросиноптических условий.

12. Число частиц в максимуме распределения составляет в среднем для океанов  $0.85 \cdot 10^8$  см<sup>-2</sup>.

13. Показатель Юнге колеблется в пределах 3,4—5,2, а среднее его значение для океанов равно 4,0.

14. Количество больших частиц в атмосфере над океанами в среднем составляет 1,4 · 10<sup>8</sup> см<sup>-2</sup>, а число гигантских частиц примерно 6,0 · 10<sup>4</sup> см<sup>-2</sup>.

15. Количество аэрозольных частиц над океанами примерно в 2 раз меньше, чем над континентами.

#### ЛИТЕРАТУРА

1. Гущин Г. П. Исследование атмосферного озона. Гидрометеоиздат, Л., 1963.

2. Гущин Г. П. Спектрофотометрические исследования характеристик атмосферного аэрозоля в различных географических районах СССР. Труды ГГО, вып. 223, 1968.

3. Методические указания по определению характеристик прозрачности атмосферы для актинометрических отделов (групп) гидрометеорологических обсерваторий УГМС. Л., 1965.

4. Сивков С. И. Общий метод приведения интенсивности солнечной радиации к определенному числу масс атмосферы. Труды ГГО, вып. 14(76), 1949.

5. Фетт В. Атмосферная пыль. ИЛ, М., 1961. 6. Юнге Х. Химический состав и радиоактивность атмосферы. Изд. «Мир», M., 1965.

### Г. П. ГУЩИН, П. А. АЛЕКСАНДРОВ

# О ВЛИЯНИИ РАССЕЯННОЙ ОКОЛОСОЛНЕЧНОЙ РАДИАЦИИ НА ПОКАЗАНИЯ ПРИБОРА М-83

Для выяснения влияния околосолнечной радиации на показания прибора М-83 [2] была проделана серия экспериментов с экранами, перекрывающими поток прямой солнечной радиации, но оставляющими открытым доступ в прибор рассеянной радиации. Эксперименты проводились при отсутствии облачности в районе Солнца и при разных его угловых высотах на базах Главной геофизической обсерватории в Воейково (Ленинград) и в Карадаге (Феодосия).

Перед входной диафрагмой прибора М-83 на его оси устанавливались два небольших круглых непрозрачных экрана (диаметром 14 и 15,5 мм), которые закрывали доступ в прибор радиации в пределах телесного угла в 2°. Поскольку предельный телесный угол прибора М-83 равен 6°, в прибор с экранами поступала только рассеянная радиация  $D_{\lambda}$  от кольцевой околосолнечной области от 2 до 6°. Два экрана применялись для ослабления влияния дифракции на их краях, поскольку второй большой экран, расположенный на большем расстоянии от прибора, был «невидим» из центра внутренней диафрагмы прибора (диаметр внутренней диафрагмы равен 4 мм). При снятых экранах в прибор поступала суммарная радиация  $\dot{Q}_{\lambda}$  в пределах телесного угла 6°. Определялось отношение  $D_{\lambda}/Q_{\lambda}$ для разных высот Солнца и разных длин волн. Выделение спектральных интервалов производилось с помощью стеклянных светофильтров [3], которые вставлялись во вращающийся диск прибора М-83. Для измерений использовались интервалы длин волн, у которых λ<sub>max</sub> равнялись 314, 369, 444, 530, 570 и 634 нм.

На рис. 1 приводятся результаты одной серии измерений отношения  $D_{\lambda}/Q_{\lambda}$  для шести указанных интервалов длин волн. Из рис. 1 следует, что отношение  $D_{\lambda}/Q_{\lambda}$  увеличивается с уменьшением высоты Солнца и длины волны. Величина отношения  $D_{\lambda}/Q_{\lambda}$  не превышала 0,05 для  $\lambda \ge 369$  нм и  $\theta \ge 10^{\circ}$ . Для  $\theta \ge 20^{\circ}$  и  $\lambda \ge 369$  нм отношение  $D_{\lambda}/Q_{\lambda}$  не превышало 0,02. В результате измерений этого отношения в другие дни были получены величины, близкие к показанным на рис. 1. Как известно, оценка отношения  $D_{\lambda}/Q_{\lambda}$  важна при измерении спектральной прозрачности атмосферы и аэрозоля.

При расчете оптической толщины атмосферы и аэрозоля [2, 3] принимается, что  $S_{\lambda} = Q_{\lambda}$ . В действительности

$$S_{\lambda} = Q_{\lambda} - D_{\lambda}. \tag{1}$$

Значением  $D_{\lambda}$  в формуле (1) можно в ряде случаев пренебречь, если  $D_{\lambda} < 0,02Q_{\lambda}$ . Это последнее условие, как было показано выше, соблюдается при  $\theta \ge 20^{\circ}$  и  $\lambda \ge 369$  нм.







В результате измерения отношения  $D_{\lambda}/Q_{\lambda}$  с помощью двух экранов было найдено, что это отношение резко возрастает с уменьшением высоты Солнца  $\theta$  при  $\theta < 10^{\circ}$  и  $\lambda = 314$  нм. На рис. 2 показан один из результатов измерения отношения  $D_{\lambda}/Q_{\lambda}$  при  $\lambda = 314$  нм и разных высотах Солнца. Резкий рост этого отношения при  $\theta < 10^{\circ}$ объясняется резким увеличением  $D_{\lambda}$  вследствие многократного рассеяния (в основном вторичного) в атмосфере. Соответствующее теоретическое обоснование такого эффекта вторичного рассеяния приводится в монографии [2].

Для озонометрии важное значение имеет оценка влияния рассеянной околосолнечной радиации на отношение  $Q_{\lambda}/Q_{\lambda}$ , которое используется для расчета общего содержания озона [2]. Ранее [1] было найдено, что получаемое при измерении отношение  $Q_{\lambda}/Q_{\lambda_1}$  зависит от телесного угла прибора, увеличиваясь с ростом этого телесного угла. Измерение общего содержания озона по озонометру М-83 производилось на сети станций в 1957—1970 гг. с помощью двух светофильтров с длинами волн в максимуме спектральной чувствительности  $\lambda_1$ =314 нм,  $\lambda_2$ =369 нм. Учитывая, что  $\lambda_4$  и  $\lambda_2$  лежат в ультрафиолетовой области спектра, следует ожидать заметного



Рис. 3. Расхождение f(%) между величинами  $Q_{\lambda}/Q_{\lambda_1}$  и  $S_{\lambda}/S_{\lambda_1}$  ( $\lambda_1$ = =314 нм,  $\lambda_2$ =369 нм). Карадаг, сентябрь—ноябрь, 1968 г.

влияния на каждый из отсчетов  $Q_{\lambda}$  и  $Q_{\lambda_1}$  околосолнечной радиации при  $\theta < 30^{\circ}$ , что и было отмечено при наших измерениях отношения  $D_{\lambda}/Q_{\lambda}$  (рис. 1 и 2).

Очевидно также, что влияние околосолнечной радиации на отношение  $Q_{\lambda}/Q_{\lambda_1}$  будет меньше, чем на  $Q_{\lambda}$  и  $Q_{\lambda_1}$  в отдельности. Для определения этого влияния рассчитаем на основании формулы (1) величину относительного расхождения f между отношениями  $Q_{\lambda}/Q_{\lambda_1}$ и  $S_{\lambda}/S_{\lambda_1}$ , учитывая, что первое из них зависит от околосолнечной радиации, а второе не зависит. Из (1) следует, что для длины волн  $\lambda$ 

$$\frac{S_{\lambda}}{Q_{\lambda}} = 1 - \frac{D_{\lambda}}{Q_{\lambda}}.$$
 (2)

Аналогичное выражение можно написать для  $\lambda_1$ . Разделив эти выражения друг на друга и преобразуя, получим

$$f = \frac{Q_{\lambda}/Q_{\lambda_1} - S_{\lambda}/S_{\lambda_1}}{S_{\lambda}/S_{\lambda_1}} \cdot 100^{\circ}/_{\circ} = \frac{D_{\lambda}/Q_{\lambda} - D_{\lambda_1}/Q_{\lambda_1}}{1 - D_{\lambda}/Q_{\lambda}} \cdot 100^{\circ}/_{\circ}.$$
(3)

С помощью выражения (3) на основании измеренных отношений  $D_{\lambda}/Q_{\lambda}$  и  $D_{\lambda_1}/Q_{\lambda_1}$  были вычислены величины f для разных высот Солнца и разных дней наблюдений (рис. 3). Как видно из рис. 3, расхождения между отношениями  $Q_{\lambda}/Q_{\lambda_1}$  и  $S_{\lambda}/S_{\lambda_1}$  при  $\theta > 10^{\circ}$  не превосходили 2%, а при  $\theta > 20^{\circ} - 1\%$ . Это означает, что рассеянная околосолнечная радиация, поступающая в озонометр M-83 из кольцевой зоны 2—6°, практически не влияет на значения общего содержания озона, измеряемые этим прибором при  $\theta > 20^{\circ}$ , и влияет в незначительной степени при  $10^{\circ} \leqslant \theta \leqslant 20^{\circ}$ . Указанное влияние на величину общего содержания озона не будет превышать [2] в первом случае ( $\theta > 20^{\circ}$ )  $1\% \cdot 2,5 = 2,5\%$ , во втором случае ( $10^{\circ} \leqslant \theta \leqslant 20^{\circ}$ )

#### ЛИТЕРАТУРА

1. Гущин Г. П. О двух важных особенностях озонометрических приборов. Сб. «Атмосферный озон». Изд. МГУ, 1961.

2. Гущин Г. П. Исследование атмосферного озона. Гидрометеоиздат, Л., 1963.

3. Гущин Г. П. Спектрофотометрические исследования характеристик атмосферного аэрозоля в различных географических районах СССР. Труды ГГО, вын. 223, 1968.
#### Г. П. ГУЩИН, Л. А. ГОВОРУШКИН

# К МЕТОДИКЕ ИЗМЕРЕНИЯ ЕСТЕСТВЕННОЙ УЛЬТРАФИОЛЕТОВОЙ РАДИАЦИИ

Как известно [1], в настоящее время не производятся регулярные измерения ультрафиолетовой (УФ) радиации на сети станций, несмотря на значительный интерес, постоянно проявляемый к этому виду радиации биологами, работниками медицины, сельского хозяйства и некоторых отраслей промышленности [1]. Основная причина, тормозящая такие наблюдения, заключается в отсутствии достаточно обоснованной методики измерения УФ радиации.

Для унификации измерений УФ радиации необходимо вести эти измерения приборами со строго определенной спектральной чувствительностью, совпадающей с общепринятыми спектральными областями A (315—380 нм) и B (280—315 нм) [1]. Но поскольку в действительности таких идеальных приборов нет, предлагается расчетным методом приводить показания реальных приборов к идеальным.

Ниже излагается основанный на этом предложении метод измерения естественной УФ радиации в областях *А* и *В* при помощи приборов со светофильтрами, а также метод их абсолютной градуировки.

Рассмотрим сначала метод измерения прямой УФ радиации. Пусть имеется ультрафиолетметр, спектральная чувствительность которого  $w_{4,\lambda}$  в областях A и B известна и соответствует кривым Iи III, показанным на рис. 1. Эти кривые в рассматриваемом случае совпадают с кривыми спектральной чувствительности модернизированного сетевого озонометра M-83 [3] для его первого и третьего светофильтров. Заметим, однако, что предлагаемый метод позволяет использовать для измерений УФ радиации ультрафиолетметры с разнообразной спектральной чувствительностью. Необходимым условием при этом является то, что полосы спектральной чувствительности этих ультрафиолетметров (независимо от их формы) должны быть близкими к упомянутым областям спектра A и B.

Основная идея метода состоит в том, что с помощью особых коэффициентов трансформации  $F(\theta, \Omega)$ , зависящих, как будет показано ниже, от высоты Солнца  $\theta$  и общего содержания озона  $\Omega$ ,

показания реального ультрафиолетметра приводятся (трансформируются) к показаниям идеального ультрафиолетметра с прямоугольной спектральной чувствительностью, совпадающей с упомянутыми областями A и B.

Учитывая, что в ближней УФ области спектра ослабление радиации в атмосфере происходит вследствие рассеяния на молекулах воздуха (релеевское рассеяние) и аэрозолях и вследствие поглоще-



Рис. 1. Относительная спектральная чувствительность модернизированного озонометра М-83.

I, II и III — номера светофильтров.

ния озона, получим, что отсчет по реальному ультрафиолетметру, про**пор**циональный прямой УФ радиации в области A (или B),

$$I_{1} = \int_{\lambda_{1}}^{\lambda_{2}} c \boldsymbol{w}_{1,\lambda} I_{0,\lambda} \cdot 10^{-(\mu \otimes \alpha_{\lambda} + m\beta_{\lambda} + m_{1}\delta_{\lambda})} d\lambda, \qquad (1)$$

а соответствующая абсолютная величина прямой УФ радиации по идеальному ультрафиолетметру с прямоугольной спектральной чувствительностью в области A (или B) равна

$$I_{2} = \int_{\lambda_{3}}^{\lambda_{4}} w_{2,\lambda} I_{0,\lambda} \cdot 10^{-(\mu \otimes \alpha_{\lambda} + m\beta_{\lambda} + m_{1}\delta_{\lambda})} d\lambda, \qquad (2)$$

где с — постоянная, зависящая от выбора относительной величины  $w_{4, \lambda}, \lambda_4$  и  $\lambda_2$  — границы спектральной чувствительности реального ультрафиолетметра в области A (или B),  $w_{2, \lambda} = 1$  при  $315 \leq \lambda \leq 400$  нм и  $w_{2, \lambda} = 0$  при всех остальных значениях  $\lambda; \lambda_3 = 315$  нм,  $\lambda_4 = 400$  нм (или  $\lambda_3 = 280$  нм,  $\lambda_4 = 315$  нм для области B),  $I_{\lambda, 0}$  — спектральное распределение солнечной УФ радиации вне атмосферы,  $\mu$ , *m* и  $m_4$  — озонная, воздушная и аэрозольная массы,  $\alpha_{\lambda}$  — коэффициент поглощения озона для длины волны  $\lambda$ ,  $\beta_{\lambda}$  — оптическая толщина релеевской атмосферы,  $\delta_{\lambda}$  — оптическая толщина

Как видно из (1) и (2), величина  $I_2/I_1$  с точностью до постоянной является функцией высоты Солнца  $\theta$  и общего содержания озона  $\Omega$  и почти не зависит от оптической толщины аэрозоля  $\delta_{\lambda}$ , поскольку спектральные интервалы, выделяемые реальным и идеальным ультрафиолетметрами близки друг к другу. Последнее допущение, как известно, используется в методе измерения общего содержания озона для приборов с широкими полосами спектральной чувствительности [2]. В данном случае сравниваемые полосы спектральной чувствительности (область *B* и полоса *I*, область *A* и полоса *III* на рис. 1) значительно ближе друг к другу по оси длин волн, чем области *I* и *II* на рис. 1, применяемые для измерения общего содержания озона. Пренебрегая по указанным причинам величиной  $10^{-m_i(\delta_1-\delta_2)}$ , где  $\delta_1$  и  $\delta_2$  — значения оптической толщины аэрозоля внутри близких интервалов  $\lambda_1 - \lambda_2$  и  $\lambda_3 - \lambda_4$  соответветственно, из (1) и (2) получим

$$\frac{I_2}{I_1} = \frac{1}{c} \frac{\int_{\lambda_3}^{\lambda_4} w_{2,\lambda} I_{0,\lambda} \cdot 10^{-(\mu \Omega \, \alpha_\lambda + \, m\beta_\lambda)} \, d\lambda}{\int_{\lambda_1}^{\lambda_2} w_{1,\lambda} I_{0,\lambda} \cdot 10^{-(\mu \Omega \, \alpha_\lambda + \, m\beta_\lambda)} \, d\lambda} \,. \tag{3}$$

Назовем правую часть выражения (3) коэффициентом трансформации и обозначим ее через  $F(\theta, \Omega)$ . Значения коэффициента трансформации  $F(\theta, \Omega)$  для прибора со спектральной чувствительностью, показанной на рис. 1 (кривые 1 и 3), были рассчитаны на ЭВМ, причем значения  $I_{0,\lambda}$  были взяты из работы [5], значение  $\alpha_{\lambda}$ для температуры —50° — из работ [7, 8], значение  $\beta_{\lambda}$  — из работы [6]. Величина  $F(\theta, \Omega)$  для области *B* в зависимости от  $\theta$  и  $\Omega$  приведена в табл. 1, где для удобства в связи с неопределенностью постоянной *c* было положено, что  $F(\theta=30^\circ, \Omega=0.32\theta \text{ см}) = 1.$ 

Из (3) следует, что прямая УФ радиация  $I_2$ , измеренная по идеальному ультрафиолетметру, равна (с точностью до постоянной) отсчету по реальному ультрафиолетметру  $I_1$ , умноженному на коэффициент трансформации, т. е.

$$I_2 = kF(\theta, \Omega)I_1. \tag{4}$$

Абсолютная градуировка ультрафиолетметра может быть произведена как по Солнцу, так и по искусственному источнику света, калиброванному по длинам волн. В обоих случаях находится постоянная k в формуле (4), которую в дальнейшем будем называть коэффициентом привязки.

Если в качестве источника радиации используется Солнце, то для нахождения коэффициента привязки *k* применяются выражения (2) и (4). С помощью выражения (2) рассчитывается абсолютное значение прямой УФ радиации *I*<sub>2</sub>, которая могла бы быть измерена идеальным ультрафиолетметром в момент градуировки в вт/м<sup>2</sup>. Для расчета величины  $I_2$  необходимо знать  $\theta_1$ ,  $\Omega_1$  и  $\delta_{\lambda, 1}$ , которые наблюдались в момент градуировки реального ультрафиолетметра. Указанные величины, как известно, измеряются на озонометрических станциях СССР [2, 4]. Величина  $\delta_{\lambda}$ , кроме того, может быть определена с помощью формулы Онгстрема

$$\delta_{\lambda} = c_1 \lambda^{-b}, \tag{5}$$

причем постоянные  $c_1$  и *b* находятся на основании одновременных измерений  $\delta_{\lambda}$  в двух участках спектра (участки *II* и *III* на рис. 1). Вследствие близости величин *m* и  $m_1$  значение  $m_1$  в формуле (2) принимается равным *m*. При расчете величины  $I_2$  по формуле (2) значения  $I_{\lambda,0}$  необходимо приводить к среднему расстоянию Земли от Солнца.

Если в момент градуировки отсчет по линейной шкале реального ультрафиолетметра, направленного на Солнце, равен n делениям, то коэффициент привязки k [на основании формулы (4)] будет равен

$$k = \frac{I_2}{F(\theta_1, \Omega_1)n}.$$
 (6)

Рабочее значение коэффициента привязки k находится как средняя арифметическая величина из ряда его измерений. При этом, очевидно, следует отдать предпочтение тем градуировочным измерениям, в момент которых наблюдалась высокая прозрачность атмосферы по вертикали (значения  $\delta_{\lambda}$  были близкими к нулю).

Из формулы (4) следует, что при измерении УФ радиации переводный множитель, в отличие от аналогичного множителя, применяемого при измерении интегральной радиации, состоит из двух сомножителей и равен

$$M = kF(\theta, \Omega). \tag{7}$$

Как видно из (7), переводный множитель для УФ радиации зависит от высоты Солнца и общего содержания озона, причем он увеличивается с ростом высоты Солнца и уменьшается с увеличением общего содержания озона (табл. 1). Такая зависимость весьма сильная и пренебрегать ею при измерении ультрафиолетовой радиации нельзя.

До настоящего времени зависимость переводного множителя ультрафиолетметра от высоты Солнца и общего содержания озона практически не учитывалась [1], что обесценивало результаты измерений УФ радиации.

На основании формулы (4) можно записать следующие две формулы, необходимые для практических расчетов прямой УФ радиации:

$$S_A = k_A F_A(\theta, \ \Omega) n_A, \tag{8}$$

$$S_B = k_B F_B(\theta, \ \Omega) \, n_B. \tag{9}$$

Индексы А и В в формулах (8) и (9) относятся к соответствующим спектральным областям.

Таблица 1

Коэффициент трансформации F ( $\theta$ ,  $\Omega$ ) ультрафиолетметра в области B (280—315 нм)

(снектральная чувствительность ультрафиолетметра на рис. 1, кривая 1)

	75		1,22	1,21	1,20	1,19	1,17	1,15	1,14	1,12	1,10	1,08
	70	- -	1,22	1,21	1,20	1,18	1,16	1,15	1,14	1,12	1,09	1,07
	65	00 1	1,22	1,21	1,19	1,17	1,16	1,14	1,13	1,10	1,08	1,06
	60	5	1,21	1,20	1,18	1,17	1,15	1,13	1,11	1,09	1,06	1,04
	55	5	1,21	1,19	1,17	1,16	1,14	1,12	1,09	1,07	1,05	1,02
	50	00 1	1,2V	1,18	1,16	1,15	1,12	1,10	1,07	1,04	1,02	0,99
	45	0.	1,19	1,17	1,15	1,12	1,10	1,07	1,05	1,02	0,99	0,96
	40	t + +	1,1/	1,15	1,12	1,09	1,06	1,06	1,00	0,97	0,94	0,91
	35	ນ 	1,10	1,12	1,09	1,06	1,02	0,99	0,96	0,92	0,88	0,84
	30		1,12	1,08	1,05	1,00	0,96	0,92	0,88	0,85	0,80	0,76
θο	25		1,00	1,02	0,07	0,92	0,87	0,83	0,78	0,73	0,70	0,65
	20	90.0	0,98	0,92	0,86	0,81	0,75	0,70	0, 64	0,60	0,55	0,51
	15		0,03	0,76	0,69	0,62	0,57	0,51	0,458	0,411	0,369	0,330
	14		U, 8U	0,72	0,65	0,58	0,52	0,464	0,415	0,369	0,328	0,291
	12		۰, /اب	0,62	0,55	0,481	0,422	0,369	0,322	0,281	0,245	0,213
	10	L L	66,0	0,50	0,432	0,369	0,314	0,268	0,228	0,194	0,163	0,138
	~~~		0,44/	0,369	0,303	0,248	0,202	0,165	0,138	0,110	0,092	0,075
	9	000 0	0,288	0,232	0,177	0,138	0,107	0,084	0,065	0,050	0,039	0,030
	ۍ ۲	0.074	0,2/4	0,150	0,120	0,091	0,038	0,051	0,038	0,029	0,022	0,016
10-3 20	×.10 ° CM	000	200	240	280	320	360	400	440	480	520	560

Рассмотренная выше методика относится к уровню моря. Если измерения прямой УФ радиации производятся на какой-то высоте, то значения коэффициента трансформации будут иными, чем на уровне моря. При измерении на высотах в пределах тропосферы для расчета соответствующего  $F(\theta, \Omega)$  достаточно в формуле (3) изменить значения  $\beta_{\lambda}$ , умножив их на отношение  $p/p_{0}$ , где p и  $p_{0}$ — давление на избранной высоте и на уровне моря. При измерении на высотах в пределах стратосферы появляется необходимость введения поправки в значение  $\Omega$ , уменьшающегося с ростом высоты. Поскольку для расчета  $F(\theta, \Omega)$  увеличения высоты места наблюдений аналогично уменьшению общего содержания озона, то из табл. 1 следует, что переводный множитель ультрафиолетметра с ростом этой высоты будет увеличиваться.

Градуировка ультрафиолетметра по калиброванному искусственному источнику света производится аналогичным образом. При расчете  $I_2$  по формуле (2) за значение  $I_{0, \lambda}$  в этом случае принимается известное спектральное распределение энергии искусственного источника света ( $I_{\lambda}$  в абсолютных единицах). Показатель степени при десятке в формуле (2) будет равен нулю, поскольку градуировка производится по близко расположенному источнику света. Из выражения (3) следует, что коэффициент трансформации в случае искусственного источника света будет равен постоянной величине, которую вследствие произвольности постоянной *с* можно положить равной единице. Тогда для искусственного источника света коэффициент привязки (и равный ему переводный множитель) будет равен

$$k = \frac{I_2}{n} , \qquad (10)$$

где

$$I_2 = \int_{\lambda_3}^{\lambda_4} w_{2,\lambda} I_{\lambda} d\lambda.$$
 (11)

Что касается методики измерения У $\Phi$  суммарной радиации в области A или B, падающей от полусферы на горизонтальную поверхность, то она в значительной мере схожа с методикой измерения прямой У $\Phi$  радиации. Однако в этом случае величина коэффициента трансформации будет иметь иное значение.

Для расчета коэффициента трансформации в этом случае в формулу (3) необходимо вместо прямой УФ радиации подставить значение спектральной суммарной УФ радиации у поверхности земли при разных значениях  $\theta$  и  $\Omega$ . Эти значения суммарной УФ радиации для некоторых  $\theta$  и  $\Omega$  опубликованы, в частности, в монографии [1]. Заметим, что суммарная УФ радиация изменяется с высотой Солнца меньше, чем прямая УФ радиация, что приводит к меньшей зависимости соответствующего коэффициента трансформации от высоты Солнца. Градуировка ультрафиолетметра, предназначенного для измерения суммарной УФ радиации, может быть произведена по методу Солнце — тень или с помощью трубы, направленной на Солнце (при этом положение приемной поверхности ультрафиолетметра перпендикулярно солнечным лучам). В качестве величины  $I_2$  в формуле (6) в этом случае используется прямая УФ радиация, и отсчет *n* соответствует только прямой УФ радиации.

Рабочие формулы для расчета суммарной УФ радиации в области *A* и **B** будут иметь вид:

$$Q_{A} = k_{A} F_{A,Q}(\theta, \Omega) n_{A}, \qquad (12)$$

$$Q_{B} = k_{B} F_{B,Q} \left( \theta, \ \Omega \right) n_{B}.$$
<sup>(13)</sup>

В качестве прибора для измерения суммарной УФ радиации в первый период может служить озонометр М-83, оснащенный УФ насадкой в виде, например, интегрирующей сферы, расширяющей его телесный угол до 180°.

Из изложенного следует, что организация регулярных корректных наблюдений за прямой и суммарной УФ радиацией требует совмещения станций, измеряющих УФ радиацию, со станциями, измеряющими общее содержание озона.

В заключение отметим, что предложенная здесь методика пригодна для измерения эритемной, антирахитной и загарной радиации в абсолютных единицах ( $\text{вт/M}^2$ ), поскольку в этой методике никаких ограничений на величину  $w_{2, \lambda}$  в формуле (2) не накладывается.

Что касается вопросов, связанных с приборами для измерения УФ радиации и возможными их погрешностями, то они будут рассмотрены в другой статье.

#### ЛИТЕРАТУРА

1. Белинский В. А., Гараджа М. П., Межеиная Л. М., Незваль Е. И. Ультрафиолетовая радиация Солнца и неба. Изд. МГУ, 1968.

2. Гущин Г. П. Исследование атмосферного озона. Гидрометеоиздат, Л., 1963.

Сущин Г. П. Озонометр. Авторское свидетельство № 160877 от 14 июня
 1962 г. Бюллетень изобретений и товарных знаков, № 5, 1964.
 4. Гущин Г. П. Спектрофотометрические исследования характеристик ат-

4. Гущин Г. П. Спектрофотометрические исследования характеристик атмосферного аэрозоля в различных географических районах СССР. Труды ГГО, вып. 223, 1968.

5. Johnson F. S. The solar constant. Journ. of Meteorol., No 6, 1954.

6. Penndorf R. B. Tables of the refractive index for standard air the Rayleigh scattering coefficient for the spectral region between 0,2 and 20 and their application to atmospheric optics. Journ. Opt. Soc. of Amer., 47(2), 1957.

7. Vigroux E. Contribution a l'étude experimentale de l'absorption de l'ozone. Annales de Physique, t. 8, 1953.

8. Vigroux E. Determination des coefficients moyens d'absorption de l'ozone en vue des observations concernaut l'ozone atmospherigue a l'aide lu spectrometre Dobsonu. Ann. Phys., t. 2, 1967.

Г. П. ГУЩИН, Т. И. ЧЕРНЯК

# ОЗОННЫЕ МАССЫ ДЛЯ ПЯТИ ВЕРТИКАЛЬНЫХ РАСПРЕДЕЛЕНИЙ ОЗОНА В АТМОСФЕРЕ

При расчете общего содержания и вертикального распределения озона, измеренного оптическими приборами [1], используется озонная масса µ (или относительный путь луча в слое озона), которая определяется формулой

$$\mu = \frac{1}{\Omega} \int_{0}^{H} \rho_{3}(h) \operatorname{cosec} \theta_{h} dh, \qquad (1)$$

где  $\Omega$  — общее содержание озона в атм. см, H — высота верхней границы атмосферы (км),  $\rho_3(h)$  — плотность озона  $\left(\frac{\text{атм-см}}{\text{км}}\right)$  на высоте h и

$$\operatorname{cosec} \theta_{h} = \frac{1}{\sqrt{1 - \left[\frac{R}{R+h} \frac{\eta(0)}{\eta(h)}\right]^{2} \cos^{2}\theta}}, \qquad (2)$$

где R — средний радиус земли (6371 км),  $\eta(h)$  и  $\eta(0)$  — коэффициенты преломления воздуха на высотах h и 0 км,  $\theta$  — видимая высота светила [1].

Величина коэффициента преломления обычно вычисляется по формуле

$$\eta(h) = 1 + \eta_{0,\lambda} \frac{P(h)}{1013} \frac{273}{273 + T(h)}, \qquad (3)$$

где  $\eta_{0, \lambda}$  — коэффициент преломления воздуха при температуре 0° и давлении в 1 атм. для длины волны  $\lambda$  (в области 310—330 нм  $\eta_{0, \lambda}$ = =0,000304), P(h) — давление в миллибарах на высоте h, T(h) температура на высоте h [1]. Для расчета  $\eta(h)$  используются обычно стандартные значения P(h) и T(h).

Как видно из формулы (1), величина  $\mu$  зависит от вертикального распределения озона  $\rho_3(h)$ . В то же время на озонометриче-

Таблица I

Вертикальное распределение озона  $\rho_3(h) \left( \frac{\text{атм-см}}{\text{км}} \right)$ 

_					
	Зима 1	Зима II	Весна	Лето	Осень
ћ км	· · ·	•	Ω см	·	•
·	0,359	0,469	0,375	0,334	0,297
0	0,0028	0,0030	0,0030	0,0030	0,0028
2	0,0029	0,0032	0,0031	0,0030	0,0031
4	0,0031	0,0035	0,0032	0,0030	0,0031
6	0,0032	0,0040	0,0035	0,0034	0,0035
. 8	0,0037	0,0045	0,0037	0,0040	0,0037
10	0,0059	0,0065	0,0052	0,0049	0,0042
12	0,0133	0,0140	0,0090	0,0060	0,0053
14	0,0150	0,0215	0,0120	0,0081	0,0071
16	0,0149	0,0217	0,0130	0,0100	0,0088
18	0,0140	0,0200	0,0131	0,0114	0,0100
20	0,0135	0,0185	0,0134	0,0117	0,0105
22	0,0128	0,0180	0,0135	0,0119	0,0106
24	0,0125	0,0171	0,0136	0,0121	0,0108
26	0,0114	0,0157	0,0140	0,0124	0,0112
28	0,0111	0,0140	0,0140	0,0125	0,0112
30	0,0098	0,0118	0,0134	0,0123	0,0107
32	0,0083	0,0092	0,0107	0,0109	0,0088
34	0,0058	0,0075	0,0070	0,0071	0,0060
36	0,0048	0,0055	0,0051	0,0054	0,0050
38	0,0037	0,0043	0,0024	0,0039	0,0039
40	0,0028	0,0035	0,0032	0,0034	0,0030
42	0,0024	0,0030	0,0028	0,0029	0,0025
44	0,0018	0,0028	0,0025	0,0027	0,0019
46	0,0010	0,0022	0,0020	0,0019	0,0015
48	0,0008	0,0018	0,0018	0,0018	0,0004
		1	1.	1	

Озонная масса  $\mu$  в зависимости от видимой высоты светила  $\theta$ 

	Ð					Десятые	едоли				
	град.	0,0	0,1	0,2	0,3	0,4	0,5	0,6	0,7	0,8	0,9
					·····	Зима	I.				
(1) (1) (1) (1) (1) (1) (1) (1) (1) (1)	$1\\2\\3\\4\\5\\6\\7\\8\\9\\0\\1\\1\\2\\1\\2\\2\\3\\4\\5\\6\\7\\8\\9\\0\\1\\1\\2\\2\\2\\3\\2\\4\\3\\3\\3\\3\\4\\5\\6\\3\\7\\8\\9\\0\\4\\1\\4\\2\\4\\3\\4\\4\\5\\6\\7\\8\\9\\0\\4\\1\\4\\2\\4\\3\\4\\4\\5\\6\\7\\8\\9\\0\\4\\1\\4\\2\\4\\3\\4\\4\\5\\6\\7\\8\\9\\0\\4\\1\\4\\2\\4\\3\\4\\4\\5\\6\\7\\8\\9\\0\\4\\1\\4\\2\\4\\3\\4\\4\\5\\6\\7\\8\\9\\0\\4\\1\\4\\2\\4\\3\\4\\4\\5\\6\\7\\8\\9\\0\\4\\1\\4\\2\\4\\3\\4\\4\\5\\6\\7\\8\\9\\0\\4\\1\\4\\2\\4\\3\\4\\4\\5\\6\\7\\8\\9\\0\\4\\1\\4\\2\\4\\3\\4\\4\\5\\6\\7\\8\\9\\0\\4\\1\\4\\2\\4\\4\\4\\5\\6\\7\\8\\8\\9\\0\\4\\1\\4\\2\\3\\3\\3\\6\\7\\8\\8\\9\\0\\4\\1\\4\\2\\3\\3\\8\\3\\6\\7\\8\\8\\9\\0\\4\\1\\4\\2\\3\\3\\8\\3\\6\\7\\8\\8\\9\\0\\4\\1\\4\\2\\3\\3\\8\\3\\6\\7\\8\\8\\9\\0\\4\\1\\4\\2\\3\\3\\3\\3\\6\\7\\8\\8\\9\\0\\4\\1\\4\\2\\4\\4\\4\\5\\6\\1\\2\\2\\3\\3\\3\\3\\6\\3\\7\\8\\8\\9\\0\\4\\1\\4\\2\\3\\3\\3\\3\\6\\3\\7\\8\\8\\9\\0\\4\\1\\4\\2\\3\\3\\3\\3\\3\\3\\6\\3\\3\\8\\3\\6\\3\\3\\8\\3\\6\\3\\3\\8\\3\\6\\3\\3\\8\\3\\6\\3\\3\\8\\3\\6\\3\\3\\8\\3\\6\\3\\3\\8\\3\\6\\3\\3\\8\\3\\6\\3\\3\\8\\3\\6\\3\\3\\8\\3\\6\\3\\3\\8\\3\\6\\3\\3\\8\\3\\6\\3\\3\\8\\3\\6\\3\\3\\8\\3\\6\\3\\3\\8\\3\\6\\3\\3\\8\\3\\6\\3\\3\\8\\3\\6\\3\\3\\8\\3\\6\\3\\3\\8\\3\\6\\3\\3\\8\\3\\6\\3\\3\\8\\3\\6\\3\\3\\8\\3\\6\\3\\3\\8\\3\\6\\3\\3\\8\\3\\6\\3\\3\\8\\3\\6\\3\\3\\8\\3\\6\\3\\3\\8\\3\\6\\3\\3\\8\\3\\6\\3\\3\\8\\3\\6\\3\\3\\8\\3\\6\\3\\3\\8\\3\\6\\3\\3\\8\\3\\6\\3\\3\\8\\3\\6\\3\\3\\8\\3\\6\\3\\3\\8\\3\\6\\3\\3\\8\\3\\6\\3\\3\\8\\3\\3\\6\\3\\3\\8\\3\\6\\3\\3\\8\\3\\6\\3\\3\\8\\3\\6\\3\\3\\8\\3\\6\\3\\3\\3\\3$	13,877 12,451 11,039 9,761 8,658 7,728 6,948 6,292 5,738 5,267 4,519 4,210 3,943 3,708 3,499 3,313 3,146 2,995 2,858 2,734 2,252 2,772 2,042 1,925 1,873 1,692 1,653 1,616 1,582 1,461 1,435 1,410	13,737 12,307 10,904 9,642 8,558 7,644 6,877 6,232 5,688 5,224 4,826 4,482 4,826 4,482 4,182 3,918 3,686 3,295 2,722 2,610 2,507 2,412 2,325 2,244 2,100 2,507 2,412 2,325 2,244 2,100 1,976 1,920 1,613 1,578 1,649 1,613 1,578 1,546 1,459 1,432 1,408	13,597 12,163 10,770 9,526 8,459 7,561 6,807 6,174 5,638 5,181 4,789 4,450 4,154 3,664 3,278 3,114 2,966 2,832 2,710 2,599 2,497 2,403 2,317 2,237 2,163 2,094 1,974 1,684 1,684 1,684 1,684 1,684 1,684 1,684 1,684 1,684 1,684 1,684 1,684 1,684 1,684 1,684 1,684 1,684 1,684 1,684 1,684 1,684 1,684 1,684 1,684 1,684 1,684 1,684 1,684 1,684 1,684 1,684 1,684 1,430 1,405	13,456 12,019 10,638 9,411 8,362 7,479 6,739 6,739 6,116 5,589 5,139 4,753 4,418 4,126 3,870 3,643 3,441 3,099 2,952 2,820 2,699 2,588 2,487 2,308 2,229 2,588 2,229 2,588 2,229 2,588 2,229 2,588 2,229 2,588 2,229 2,588 2,229 2,588 2,308 2,229 2,588 2,308 2,229 2,588 1,662 1,680 1,642 1,606 1,572 1,540 1,642 1,509 1,453 1,427 1,403	$13,314 \\11,876 \\10,508 \\9,298 \\8,267 \\7,399 \\6,672 \\6,060 \\5,541 \\5,098 \\4,717 \\4,387 \\4,099 \\3,846 \\3,622 \\3,244 \\3,083 \\2,938 \\2,807 \\2,687 \\2,578 \\2,385 \\2,300 \\2,222 \\2,149 \\2,018 \\1,904 \\1,852 \\1,904 \\1,852 \\1,904 \\1,852 \\1,602 \\1,676 \\1,638 \\1,602 \\1,568 \\1,537 \\1,506 \\1,478 \\1,451 \\1,425 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,400 \\1,40$	$\begin{array}{c} 13,172\\ 11,734\\ 10,379\\ 9,187\\ 8,173\\ 7,321\\ 6,606\\ 6,004\\ 5,493\\ 5,057\\ 4,682\\ 4,357\\ 4,072\\ 3,822\\ 3,601\\ 3,404\\ 3,227\\ 2,794\\ 2,676\\ 2,567\\ 2,468\\ 2,925\\ 2,794\\ 2,676\\ 2,292\\ 2,794\\ 2,676\\ 2,292\\ 2,214\\ 2,142\\ 2,074\\ 2,074\\ 2,074\\ 2,074\\ 2,074\\ 1,799\\ 1,565\\ 1,533\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\ 1,503\\$	$\begin{array}{c} 13,028\\11,593\\10,252\\9,078\\8,081\\7,244\\6,541\\5,949\\5,447\\5,017\\4,648\\4,326\\4,046\\3,799\\3,580\\3,210\\3,053\\2,911\\2,782\\2,664\\2,357\\2,458\\2,368\\2,284\\2,2664\\2,135\\2,068\\2,284\\2,206\\2,135\\2,068\\2,284\\2,206\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1,750\\1$	$\begin{array}{c} 12,885\\ 11,453\\ 10,126\\ 8,970\\ 7,900\\ 7,168\\ 6,477\\ 5,895\\ 5,401\\ 4,978\\ 4,613\\ 4,297\\ 4,020\\ 3,776\\ 3,559\\ 3,367\\ 3,194\\ 4,020\\ 3,776\\ 3,559\\ 2,2653\\ 2,547\\ 2,499\\ 2,653\\ 2,547\\ 2,499\\ 2,2653\\ 2,547\\ 2,499\\ 2,2653\\ 2,547\\ 2,499\\ 2,2653\\ 2,547\\ 2,499\\ 2,2653\\ 2,547\\ 2,499\\ 2,2653\\ 2,547\\ 2,499\\ 2,2653\\ 2,547\\ 2,499\\ 2,2653\\ 2,547\\ 2,499\\ 2,2653\\ 2,276\\ 2,199\\ 2,2653\\ 2,276\\ 2,199\\ 2,2653\\ 2,276\\ 2,199\\ 2,2653\\ 2,276\\ 2,199\\ 2,2653\\ 2,276\\ 2,199\\ 2,2653\\ 2,276\\ 2,199\\ 2,2653\\ 2,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559$	$\begin{array}{c} 12,740\\ 11,314\\ 10,003\\ 8,864\\ 7,903\\ 6,414\\ 5,842\\ 5,355\\ 4,939\\ 4,578\\ 4,939\\ 4,578\\ 3,753\\ 3,539\\ 3,753\\ 3,539\\ 3,753\\ 3,539\\ 3,753\\ 3,753\\ 3,539\\ 4,267\\ 2,884\\ 2,758\\ 2,642\\ 2,884\\ 2,758\\ 2,642\\ 2,537\\ 2,440\\ 2,350\\ 2,268\\ 2,192\\ 2,121\\ 2,055\\ 1,926\\ 2,268\\ 2,192\\ 2,2121\\ 2,055\\ 1,926\\ 1,833\\ 1,786\\ 1,741\\ 1,706\\ 1,623\\ 1,589\\ 1,556\\ 1,524\\ 1,495\\ 1,556\\ 1,524\\ 1,495\\ 1,467\\ 1,440\\ 1,415\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391\\ 1,391$	$12,596 \\11,176 \\9,881 \\8,760 \\7,814 \\7,020 \\6,353 \\5,790 \\5,311 \\4,546 \\4,238 \\3,968 \\3,730 \\3,519 \\3,362 \\3,968 \\3,730 \\3,519 \\3,362 \\2,871 \\2,746 \\2,631 \\2,871 \\2,746 \\2,631 \\2,920 \\2,871 \\2,746 \\2,631 \\2,920 \\2,871 \\2,746 \\2,631 \\1,988 \\1,981 \\1,878 \\1,878 \\1,828 \\1,781 \\1,737 \\1,696 \\1,657 \\1,620 \\1,585 \\1,552 \\1,552 \\1,552 \\1,552 \\1,552 \\1,552 \\1,552 \\1,552 \\1,552 \\1,552 \\1,552 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492 \\1,492$

0				,	Десятые	доли				
град.	0,0	0,1	0,2	0,3	0,4	0,5	0,6	0,7	0,8	0,9
$\begin{array}{r} 46\\ 47\\ 48\\ 49\\ 50\\ 51\\ 52\\ 53\\ 54\\ 55\\ 56\\ 57\\ 58\\ 59\\ 60\\ 61\\ 62\\ 63\\ 64\\ 65\\ 66\\ 67\\ 68\\ 69\\ 70\\ 71\\ 72\\ 73\\ 74\\ 75\end{array}$	$\begin{array}{c} 1,386\\ 1,364\\ 1,342\\ 1,322\\ 1,303\\ 1,284\\ 1,267\\ 1,250\\ 1,234\\ 1,219\\ 1,205\\ 1,219\\ 1,205\\ 1,191\\ 1,78\\ 1,166\\ 1,154\\ 1,142\\ 1,132\\ 1,122\\ 1,122\\ 1,122\\ 1,103\\ 1,094\\ 1,086\\ 1,078\\ 1,071\\ 1,064\\ 1,057\\ 1,051\\ 1,046\\ 1,040\\ 1,035\\ \end{array}$	$\begin{array}{c} 1,384\\ 1,362\\ 1,340\\ 1,320\\ 1,301\\ 1,283\\ 1,265\\ 1,248\\ 1,233\\ 1,265\\ 1,248\\ 1,233\\ 1,218\\ 1,203\\ 1,190\\ 1,177\\ 1,164\\ 1,153\\ 1,141\\ 1,153\\ 1,141\\ 1,153\\ 1,141\\ 1,121\\ 1,111\\ 1,121\\ 1,093\\ 1,085\\ 1,077\\ 1,070\\ 1,063\\ 1,056\\ 1,051\\ 1,045\\ 1,040\\ \end{array}$	$\begin{array}{c} 1,382\\ 1,360\\ 1,338\\ 1,318\\ 1,299\\ 1,281\\ 1,263\\ 1,247\\ 1,231\\ 1,216\\ 1,202\\ 1,188\\ 1,175\\ 1,163\\ 1,151\\ 1,163\\ 1,151\\ 1,140\\ 1,130\\ 1,120\\ 1,101\\ 1,092\\ 1,084\\ 1,077\\ 1,069\\ 1,056\\ 1,056\\ 1,050\\ 1,044\\ 1,039\\ \end{array}$	$\begin{array}{c} 1,380\\ 1,357\\ 1,336\\ 1,316\\ 1,297\\ 1,279\\ 1,262\\ 1,245\\ 1,230\\ 1,215\\ 1,200\\ 1,187\\ 1,174\\ 1,162\\ 1,150\\ 1,139\\ 1,129\\ 1,109\\ 1,109\\ 1,109\\ 1,092\\ 1,084\\ 1,076\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,055\\ 1,050\\ 1,044\\ 1,039\\ \end{array}$	$\begin{array}{c} 1,377\\ 1,355\\ 1,334\\ 1,314\\ 1,295\\ 1,277\\ 1,260\\ 1,244\\ 1,228\\ 1,213\\ 1,199\\ 1,186\\ 1,173\\ 1,161\\ 1,149\\ 1,138\\ 1,161\\ 1,149\\ 1,138\\ 1,18\\ 1,08\\ 1,099\\ 1,091\\ 1,083\\ 1,075\\ 1,068\\ 1,061\\ 1,054\\ 1,049\\ 1,043\\ 1,038\\ \end{array}$	$\begin{array}{c} 1,375\\ 1,353\\ 1,332\\ 1,312\\ 1,293\\ 1,275\\ 1,258\\ 1,242\\ 1,227\\ 1,212\\ 1,198\\ 1,184\\ 1,172\\ 1,160\\ 1,148\\ 1,137\\ 1,127\\ 1,160\\ 1,088\\ 1,074\\ 1,067\\ 1,068\\ 1,074\\ 1,067\\ 1,064\\ 1,048\\ 1,043\\ 1,038\\ \end{array}$	$\begin{array}{c} 1,373\\ 1,351\\ 1,330\\ 1,292\\ 1,274\\ 1,257\\ 1,240\\ 1,225\\ 1,210\\ 1,196\\ 1,183\\ 1,170\\ 1,158\\ 1,147\\ 1,136\\ 1,126\\ 1,106\\ 1,098\\ 1,089\\ 1,081\\ 1,074\\ 1,067\\ 1,059\\ 1,059\\ 1,059\\ 1,059\\ 1,059\\ 1,059\\ 1,048\\ 1,042\\ 1,037\\ \end{array}$	1,370 1,349 1,328 1,290 1,272 1,255 1,239 1,224 1,209 1,224 1,209 1,195 1,182 1,167 1,146 1,135 1,105 1,107 1,052 1,007 1,088 1,088 1,066 1,059 1,052 1,047 1,042 1,037	$\begin{array}{c} 1,368\\ 1,347\\ 1,326\\ 1,306\\ 1,288\\ 1,270\\ 1,253\\ 1,227\\ 1,222\\ 1,208\\ 1,194\\ 1,180\\ 1,166\\ 1,145\\ 1,134\\ 1,156\\ 1,145\\ 1,134\\ 1,124\\ 1,114\\ 1,105\\ 1,096\\ 1,088\\ 1,080\\ 1,072\\ 1,065\\ 1,052\\ 1,052\\ 1,047\\ 1,041\\ 1,036\\ \end{array}$	$\begin{array}{c} 1,366\\ 1,344\\ 1,324\\ 1,305\\ 1,286\\ 1,269\\ 1,252\\ 1,236\\ 1,221\\ 1,206\\ 1,192\\ 1,179\\ 1,167\\ 1,179\\ 1,167\\ 1,155\\ 1,144\\ 1,133\\ 1,113\\ 1,104\\ 1,095\\ 1,079\\ 1,072\\ 1,065\\ 1,057\\ 1,051\\ 1,046\\ 1,041\\ 1,036\\ \end{array}$
				3	Вима І	I				
$     \begin{array}{r}       1 \\       2 \\       3 \\       4 \\       5 \\       6 \\       7 \\       8 \\       9 \\       10 \\       11 \\       12 \\       13 \\       14 \\       15 \\       16 \\       17 \\       18 \\     \end{array} $	$\begin{array}{c} 13,706\\ 12,361\\ 10,990\\ 9,733\\ 8,642\\ 7,717\\ 6,940\\ 6,287\\ 5,734\\ 5,264\\ 4,860\\ 4,511\\ 4,208\\ 3,942\\ 3,706\\ 3,498\\ 3,312\\ 3,144 \end{array}$	$13,577 \\12,222 \\10,858 \\9,616 \\8,542 \\7,633 \\6,870 \\6,227 \\5,684 \\5,221 \\4,823 \\4,479 \\4,180 \\3,917 \\3,684 \\3,478 \\3,294 \\3,128 \\$	$13,447 \\12,083 \\10,727 \\9,501 \\8,444 \\7,551 \\6,800 \\6,169 \\5,634 \\5,178 \\4,786 \\4,447 \\4,152 \\3,892 \\3,663 \\3,459 \\3,278 \\3,113 \\$	$\begin{matrix} 13,316\\11,944\\10,597\\9,387\\7,470\\6,732\\6,111\\5,585\\5,136\\4,750\\4,416\\4,124\\3,868\\3,641\\3,440\\3,259\\3,097 \end{matrix}$	$\begin{matrix} 13,182\\11,806\\10,469\\9,276\\8,253\\7,390\\6,665\\6,055\\5,537\\5,095\\4,715\\4,385\\4,097\\3,844\\3,620\\3,421\\3,242\\3,082 \end{matrix}$	$\begin{array}{c} 13,048\\11,658\\10,342\\9,166\\8,160\\7,312\\6,600\\5,999\\5,490\\5,054\\4,680\\4,355\\4,070\\3,820\\3,599\\3,402\\3,226\\3,067\end{array}$	$12,912 \\ 11,531 \\ 10,217 \\ 9,057 \\ 8,068 \\ 7,235 \\ 6,535 \\ 5,944 \\ 5,443 \\ 5,014 \\ 4,645 \\ 4,324 \\ 4,044 \\ 3,797 \\ 3,578 \\ 3,384 \\ 3,209 \\ 3,052 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 \\ 10,100 $	$\begin{array}{c} 12,776\\ 11,394\\ 10,094\\ 8,951\\ 7,978\\ 7,159\\ 6,471\\ 5,890\\ 5,397\\ 4,975\\ 4,611\\ 4,295\\ 4,011\\ 3,774\\ 3,558\\ 3,764\\ 3,558\\ 3,365\\ 3,193\\ 3,037\\ \end{array}$	$12,638\\11,258\\9,972\\8,846\\7,890\\7,085\\6,409\\5,837\\5,352\\4,936\\4,577\\2,265\\3,992\\3,751\\3,538\\3,347\\3,176\\3,022$	$12,500 \\11,124, \\9,851 \\8,743 \\7,803 \\7,012 \\6,347 \\5,785 \\5,308 \\4,898 \\4,544 \\4,236 \\3,967 \\3,729 \\3,518 \\3,329 \\3,160 \\3,008 \\$

6\*

θ				· ·	Десятые	е доли				
град.	0,0	0,1	0,2	0,3	0,4	0,5	0,6	0,7	0,8	0,9
$\begin{array}{c} 19\\ 20\\ 22\\ 22\\ 22\\ 22\\ 22\\ 22\\ 22\\ 22\\ 22$	2,994 2,857 2,733 2,619 2,516 2,420 2,333 2,251 2,176 2,042 1,981 1,925 1,872 1,872 1,691 1,652 1,616 1,581 1,549 1,461 1,434 1,434 1,434 1,322 1,302 1,284 1,266 1,234 1,204 1,178 1,165 1,153 1,422 1,111 1,102 1,094 1,070	2,979 2,844 2,721 2,609 2,506 2,411 2,324 2,244 2,244 2,169 2,005 1,975 1,975 1,919 1,867 1,649 1,612 1,578 1,545 1,515 1,486 1,458 1,432 1,407 1,384 1,340 1,320 1,300 1,282 1,265 1,248 1,203 1,203 1,203 1,203 1,176 1,111 1,102 1,093 1,070	2,965 2,831 2,709 2,598 2,496 2,402 2,316 2,236 2,093 2,029 1,970 1,914 1,862 1,813 1,645 1,645 1,645 1,645 1,575 1,542 1,318 1,456 1,429 1,381 1,359 1,338 1,318 1,299 1,263 1,216 1,202 1,188 1,175 1,163 1,151 1,101 1,092 1,069	2,951 2,818 2,698 2,587 2,486 2,393 2,228 2,155 2,087 2,023 1,964 1,908 1,857 1,808 1,762 1,720 1,641 1,605 1,571 1,539 1,480 1,453 1,427 1,402 1,379 1,336 1,316 1,297 1,229 1,245 1,229 1,245 1,229 1,245 1,229 1,245 1,229 1,245 1,229 1,245 1,229 1,174 1,602 1,279 1,261 1,279 1,261 1,297 1,261 1,297 1,261 1,297 1,261 1,297 1,261 1,297 1,100 1,109 1,100 1,091 1,068	2,937 2,806 2,577 2,477 2,384 2,299 2,221 2,148 2,080 2,017 1,958 1,903 1,852 1,803 1,758 1,758 1,675 1,675 1,637 1,602 1,568 1,536 1,506 1,477 1,450 1,424 1,377 1,355 1,334 1,314 1,295 1,277 1,260 1,243 1,228 1,213 1,172 1,160 1,149 1,185 1,172 1,160 1,149 1,172 1,160 1,149 1,172 1,160 1,199 1,172 1,160 1,195 1,172 1,160 1,195 1,172 1,160 1,199 1,172 1,160 1,199 1,172 1,160 1,199 1,172 1,160 1,199 1,172 1,160 1,199 1,172 1,160 1,199 1,172 1,160 1,199 1,172 1,160 1,199 1,099 1,090 1,075 1,068	2,924 2,793 2,675 2,566 2,467 2,291 2,213 2,141 2,074 2,011 1,952 1,898 1,799 1,754 1,799 1,754 1,565 1,533 1,475 1,448 1,422 1,398 1,374 1,374 1,325 1,258 1,226 1,226 1,226 1,226 1,211 1,197 1,184 1,171 1,126 1,107 1,098 1,007 1,007 1,067	2,910 2,781 2,654 2,258 2,264 2,283 2,206 2,134 2,007 2,005 1,947 1,893 1,842 1,794 1,794 1,794 1,794 1,795 1,561 1,550 1,561 1,555 1,561 1,530 1,505 1,561 1,530 1,300 1,472 1,445 1,395 1,300 1,310 1,225 1,240 1,256 1,240 1,256 1,240 1,256 1,240 1,256 1,240 1,255 1,210 1,196 1,125 1,115 1,107 1,007 1,089 1,073 1,066	2,897 2,769 2,554 2,546 2,548 2,275 2,127 2,061 1,999 1,941 1,887 1,789 1,745 1,703 1,664 1,626 1,591 1,558 1,527 1,469 1,442 1,417 1,393 1,374 1,328 1,223 1,209 1,255 1,238 1,223 1,209 1,157 1,145 1,134 1,124 1,141 1,096 1,088 1,080 1,073 1,066	2,883 2,757 2,641 2,536 2,267 2,191 2,207 2,120 2,054 1,9936 1,882 1,785 1,741 1,660 1,223 1,558 1,555 1,524 1,494 1,466 1,440 1,414 1,391 1,368 1,326 1,306 1,223 1,552 1,524 1,494 1,494 1,466 1,223 1,555 1,524 1,404 1,440 1,414 1,391 1,368 1,223 1,237 1,222 1,207 1,193 1,180 1,168 1,144 1,194 1,095 1,072 1,072 1,065	2,870 2,745 2,630 2,526 2,430 2,431 2,259 2,431 2,259 2,431 2,048 1,930 1,780 1,780 1,780 1,695 1,656 1,619 1,585 1,521 1,521 1,521 1,521 1,431 1,324 1,304 1,344 1,324 1,304 1,268 1,251 1,225 1,220 1,206 1,122 1,122 1,122 1,122 1,122 1,085 1,656 1,344 1,324 1,304 1,268 1,251 1,225 1,220 1,206 1,155 1,122 1,122 1,122 1,122 1,103 1,085 1,079 1,071 1,064

Ð											
град.	0,0	0,1	0,2	0,3	0,4	0,5	0,6	0,7	0,8	0,9	
70 71 72 73 74 75	1,064 1,057 1,051 1,045 1,040 1,035	1,063 1,056 1,050 1,045 1,039	1,062 1,056 1,050 1,044 1,039	1,062 1,055 1,049 1,044 1,038	1,061 1,055 1,049 1,043 1,038	1,060 1,054 1,048 1,042 1,037	1,060 1,053 1,047 1,042 1,037	1,059 1,052 1,047 1,041 1,036	1,058 1,052 1,046 1,041 1,036	$1,058 \\ 1,052 \\ 1,046 \\ 1,040 \\ 1,035$	
					Весна						
$\begin{array}{c}1\\2&3&4\\5&6&7\\8&9\\10&11\\12&13&14\\15&16&17\\18&19&21\\22&23&4\\25&26&7\\8&29&0&31\\32&33&34\\5&36&37\\38&39&44\\1&42\end{array}$	$\begin{array}{c} 13,499\\ 12,140\\ 10,805\\ 9,590\\ 8,534\\ 7,637\\ 6,880\\ 6,240\\ 5,698\\ 5,235\\ 4,837\\ 4,492\\ 4,192\\ 3,928\\ 3,695\\ 3,488\\ 3,303\\ 3,137\\ 2,987\\ 2,851\\ 2,727\\ 2,615\\ 2,511\\ 2,741\\ 2,329\\ 2,248\\ 2,173\\ 2,987\\ 2,851\\ 2,727\\ 2,615\\ 2,511\\ 2,416\\ 2,329\\ 2,248\\ 2,173\\ 2,104\\ 1,979\\ 1,922\\ 1,870\\ 1,689\\ 1,650\\ 1,614\\ 1,580\\ 1,547\\ 1,516\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,516\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,516\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\ 1,487\\$	$\begin{array}{c} 13,364\\12,004\\10,677\\9,477\\8,438\\7,555\\6,811\\6,182\\5,648\\5,192\\4,800\\4,164\\3,904\\3,673\\3,468\\3,286\\3,121\\2,973\\2,838\\2,716\\2,604\\2,502\\2,407\\2,320\\2,240\\2,166\\2,097\\2,320\\2,240\\2,166\\2,097\\1,917\\1,864\\1,815\\1,769\\1,726\\1,685\\1,647\\1,611\\1,576\\1,543\\1,484\\1,814\\1,815\\1,769\\1,685\\1,647\\1,611\\1,576\\1,543\\1,484\\1,815\\1,647\\1,611\\1,576\\1,543\\1,484\\1,815\\1,647\\1,611\\1,576\\1,543\\1,484\\1,815\\1,543\\1,484\\1,815\\1,543\\1,484\\1,815\\1,543\\1,484\\1,815\\1,543\\1,484\\1,815\\1,543\\1,484\\1,815\\1,543\\1,484\\1,815\\1,543\\1,484\\1,815\\1,543\\1,484\\1,815\\1,543\\1,484\\1,815\\1,543\\1,484\\1,815\\1,543\\1,484\\1,815\\1,543\\1,484\\1,815\\1,543\\1,484\\1,815\\1,543\\1,484\\1,815\\1,543\\1,484\\1,815\\1,543\\1,484\\1,815\\1,543\\1,484\\1,815\\1,543\\1,484\\1,815\\1,543\\1,484\\1,815\\1,543\\1,484\\1,815\\1,543\\1,484\\1,815\\1,543\\1,484\\1,815\\1,543\\1,484\\1,815\\1,543\\1,484\\1,815\\1,543\\1,484\\1,815\\1,543\\1,484\\1,815\\1,543\\1,484\\1,815\\1,543\\1,484\\1,815\\1,543\\1,484\\1,815\\1,543\\1,484\\1,815\\1,543\\1,484\\1,815\\1,543\\1,484\\1,815\\1,543\\1,484\\1,815\\1,543\\1,484\\1,815\\1,543\\1,484\\1,815\\1,543\\1,484\\1,815\\1,543\\1,484\\1,815\\1,543\\1,484\\1,815\\1,543\\1,484\\1,815\\1,543\\1,484\\1,815\\1,543\\1,484\\1,815\\1,543\\1,844\\1,815\\1,543\\1,844\\1,815\\1,543\\1,844\\1,815\\1,543\\1,844\\1,815\\1,543\\1,844\\1,815\\1,844\\1,815\\1,844\\1,815\\1,844\\1,815\\1,844\\1,815\\1,844\\1,815\\1,844\\1,815\\1,844\\1,844\\1,815\\1,844\\1,844\\1,815\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,844\\1,$	$\begin{array}{c} 13,229\\ 11,868\\ 10,550\\ 9,365\\ 8,343\\ 7,475\\ 6,743\\ 6,124\\ 5,599\\ 5,150\\ 4,764\\ 4,429\\ 4,136\\ 3,879\\ 3,652\\ 3,449\\ 3,268\\ 3,106\\ 2,959\\ 2,825\\ 2,704\\ 2,593\\ 2,398\\ 2,312\\ 2,233\\ 2,159\\ 2,026\\ 1,967\\ 1,911\\ 1,859\\ 1,811\\ 1,765\\ 1,722\\ 1,681\\ 1,643\\ 1,607\\ 1,573\\ 1,541\\ 1,510\\ 1,481\\ 1,481\\ 1,481\\ 1,481\\ 1,481\\ 1,481\\ 1,481\\ 1,481\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,481\\ 1,481\\ 1,481\\ 1,481\\ 1,481\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\ 1,812\\$	$\begin{array}{c} 13,094\\11,732\\10,425\\9,256\\8,249\\7,396\\6,676\\6,068\\5,551\\5,109\\4,728\\4,398\\4,109\\3,855\\3,630\\3,430\\3,251\\3,090\\2,945\\2,813\\2,692\\2,945\\2,813\\2,692\\2,945\\2,813\\2,692\\2,945\\2,813\\2,692\\2,945\\2,813\\2,692\\2,945\\2,813\\2,692\\2,945\\2,813\\2,692\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,945\\2,$	$12,959 \\11,597 \\10,301 \\9,148 \\8,157 \\7,318 \\6,611 \\6,012 \\5,504 \\5,068 \\4,693 \\4,693 \\4,367 \\4,082 \\3,832 \\3,609 \\3,412 \\3,234 \\3,075 \\2,931 \\2,800 \\2,681 \\2,572 \\2,931 \\2,800 \\2,296 \\2,217 \\2,145 \\2,977 \\2,145 \\2,077 \\2,145 \\2,077 \\2,145 \\2,077 \\2,145 \\2,077 \\2,145 \\2,077 \\2,145 \\2,077 \\2,145 \\2,077 \\2,145 \\2,077 \\2,145 \\2,077 \\2,145 \\2,077 \\2,145 \\2,077 \\2,145 \\2,077 \\2,145 \\2,077 \\2,145 \\2,077 \\2,145 \\2,077 \\2,145 \\2,077 \\2,145 \\2,077 \\2,145 \\2,077 \\2,145 \\2,077 \\2,145 \\2,077 \\2,145 \\2,077 \\2,145 \\2,077 \\2,145 \\2,077 \\2,145 \\2,077 \\2,145 \\2,077 \\2,145 \\2,077 \\2,145 \\2,077 \\2,145 \\2,077 \\2,145 \\2,077 \\2,145 \\2,077 \\2,145 \\2,077 \\2,145 \\2,077 \\2,014 \\1,066 \\1,534 \\1,504 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,476 \\1,47$	$\begin{array}{c} 12,823\\ 11,462\\ 10,178\\ 9,042\\ 8,067\\ 7,242\\ 6,546\\ 5,958\\ 5,457\\ 5,028\\ 4,658\\ 4,337\\ 4,056\\ 3,808\\ 3,589\\ 3,393\\ 3,218\\ 3,060\\ 2,917\\ 2,788\\ 2,670\\ 2,562\\ 2,463\\ 2,917\\ 2,788\\ 2,670\\ 2,562\\ 2,372\\ 2,288\\ 2,210\\ 2,138\\ 2,071\\ 2,788\\ 2,670\\ 2,562\\ 1,896\\ 1,844\\ 1,797\\ 1,752\\ 1,709\\ 1,670\\ 1,632\\ 1,597\\ 1,563\\ 1,501\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\ 1,473\\$	$\begin{array}{c} 12,687\\11,329\\10,058\\8,937\\7,978\\7,167\\6,483\\5,904\\5,411\\4,989\\4,624\\4,307\\3,785\\3,568\\3,374\\4,030\\3,785\\3,568\\3,374\\4,030\\3,785\\3,568\\3,374\\4,030\\3,785\\3,568\\3,374\\4,030\\3,785\\3,568\\3,374\\4,030\\3,785\\3,568\\3,374\\4,030\\3,785\\3,568\\3,374\\4,989\\2,202\\2,131\\2,064\\2,202\\2,131\\2,064\\2,002\\2,131\\2,064\\2,002\\1,944\\1,890\\1,840\\1,792\\1,747\\1,705\\1,666\\1,528\\1,593\\1,560\\1,528\\1,593\\1,560\\1,528\\1,499\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,470\\1,$	$\begin{array}{c} 12,551\\ 11,196\\ 9,938\\ 8,834\\ 7,890\\ 7,094\\ 6,421\\ 5,851\\ 5,366\\ 4,950\\ 4,950\\ 4,950\\ 4,950\\ 4,950\\ 3,762\\ 3,548\\ 3,356\\ 3,185\\ 3,356\\ 3,185\\ 3,356\\ 3,185\\ 3,356\\ 2,890\\ 2,763\\ 2,647\\ 2,541\\ 2,444\\ 2,354\\ 2,272\\ 2,195\\ 2,124\\ 2,058\\ 1,939\\ 1,835\\ 1,787\\ 1,743\\ 1,701\\ 1,662\\ 1,590\\ 1,557\\ 1,525\\ 1,590\\ 1,557\\ 1,525\\ 1,590\\ 1,557\\ 1,525\\ 1,496\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,166\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ 1,468\\ $	$12,414\\11,064\\9,820\\8,732\\7,804\\7,021\\6,360\\5,799\\5,322\\4,912\\4,557\\4,912\\4,557\\4,912\\4,557\\4,249\\3,978\\3,739\\3,528\\3,338\\3,169\\2,877\\2,751\\2,636\\2,877\\2,751\\2,636\\2,877\\2,751\\2,636\\2,877\\2,751\\2,636\\2,877\\2,751\\2,636\\2,877\\2,751\\2,636\\2,877\\2,751\\2,636\\2,877\\2,751\\2,636\\2,877\\2,751\\2,636\\2,877\\2,751\\2,636\\2,877\\2,751\\2,636\\2,877\\2,751\\2,636\\2,877\\2,751\\2,636\\2,877\\2,751\\2,636\\2,877\\2,751\\2,636\\2,877\\2,751\\2,636\\2,877\\2,751\\2,636\\2,877\\2,751\\2,636\\2,877\\2,751\\2,636\\2,877\\2,751\\2,636\\2,877\\2,751\\2,636\\2,877\\2,751\\2,636\\2,877\\2,751\\2,636\\2,877\\2,751\\2,636\\2,877\\2,751\\2,636\\2,877\\2,751\\2,636\\2,877\\2,751\\2,636\\2,877\\2,751\\2,636\\2,877\\2,751\\2,636\\2,877\\2,751\\2,636\\2,877\\2,751\\2,636\\2,877\\2,751\\2,636\\2,877\\2,751\\2,636\\2,877\\2,751\\2,636\\2,877\\2,751\\2,636\\2,877\\2,751\\2,636\\2,877\\2,751\\2,636\\2,877\\2,751\\2,636\\2,877\\2,751\\2,636\\2,877\\2,751\\2,636\\2,877\\2,751\\2,636\\2,877\\2,751\\2,636\\2,877\\2,751\\2,636\\2,877\\2,751\\2,636\\2,877\\2,751\\2,636\\2,877\\2,751\\2,866\\1,852\\2,876\\2,877\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,876\\2,$	$\begin{array}{c} 12,277\\ 10,934\\ 9,704\\ 8,632\\ 7,720\\ 6,959\\ 5,748\\ 5,278\\ 4,874\\ 4,525\\ 4,874\\ 4,525\\ 3,953\\ 3,717\\ 3,508\\ 3,320\\ 3,953\\ 3,717\\ 3,508\\ 3,320\\ 3,953\\ 3,717\\ 3,508\\ 3,320\\ 3,953\\ 3,717\\ 3,508\\ 2,626\\ 2,521\\ 2,426\\ 2,327\\ 2,256\\ 2,180\\ 2,110\\ 2,045\\ 1,928\\ 1,875\\ 1,825\\ 1,778\\ 1,734\\ 1,693\\ 1,928\\ 1,550\\ 1,519\\ 1,462\\ 1,618\\ 1,583\\ 1,550\\ 1,519\\ 1,462\\ 1,618\\ 1,583\\ 1,550\\ 1,519\\ 1,462\\ 1,618\\ 1,583\\ 1,550\\ 1,519\\ 1,462\\ 1,618\\ 1,583\\ 1,550\\ 1,519\\ 1,462\\ 1,618\\ 1,583\\ 1,550\\ 1,519\\ 1,462\\ 1,618\\ 1,583\\ 1,550\\ 1,519\\ 1,462\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,583\\ 1,550\\ 1,519\\ 1,462\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,583\\ 1,550\\ 1,519\\ 1,462\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ 1,618\\ $	

85.

θ				į	Цесятые	доли				
град.	0,0	0,1	0,2	0,3	0,4	0,5	0,6	0,7	0,8	0,9
$\begin{array}{c} 43\\ 44\\ 45\\ 46\\ 7\\ 48\\ 9\\ 51\\ 25\\ 55\\ 55\\ 55\\ 55\\ 56\\ 66\\ 66\\ 66\\ 66\\ 6$	$1,459\\1,433\\1,408\\1,385\\1,362\\1,341\\1,320\\1,301\\1,283\\1,265\\1,249\\1,233\\1,218\\1,203\\1,190\\1,177\\1,164\\1,152\\1,141\\1,130\\1,120\\1,111\\1,102\\1,093\\1,085\\1,077\\1,070\\1,063\\1,056\\1,050\\1,044\\1,039\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,034\\1,03$	1,457 1,431 1,406 1,382 1,360 1,339 1,281 1,264 1,247 1,231 1,216 1,202 1,188 1,175 1,163 1,151 1,140 1,129 1,101 1,092 1,084 1,076 1,069 1,062 1,056 1,050 1,044 1,039	$1,454 \\1,428 \\1,403 \\1,380 \\1,358 \\1,337 \\1,316 \\1,297 \\1,279 \\1,262 \\1,245 \\1,230 \\1,215 \\1,200 \\1,187 \\1,74 \\1,162 \\1,139 \\1,128 \\1,109 \\1,100 \\1,091 \\1,083 \\1,075 \\1,068 \\1,061 \\1,055 \\1,049 \\1,043 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1$	$1,452 \\1,426 \\1,401 \\1,378 \\1,356 \\1,335 \\1,315 \\1,296 \\1,277 \\1,260 \\1,244 \\1,228 \\1,213 \\1,199 \\1,186 \\1,173 \\1,160 \\1,149 \\1,138 \\1,127 \\1,117 \\1,108 \\1,099 \\1,090 \\1,082 \\1,075 \\1,068 \\1,061 \\1,054 \\1,048 \\1,043 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\1,038 \\$	1,449 1,423 1,399 1,376 1,354 1,333 1,294 1,276 1,259 1,242 1,227 1,227 1,212 1,198 1,184 1,172 1,159 1,148 1,172 1,169 1,074 1,098 1,074 1,068 1,054 1,048 1,042 1,037	1,446 1,420 1,396 1,373 1,351 1,311 1,292 1,274 1,225 1,201 1,196 1,183 1,170 1,158 1,106 1,097 1,089 1,073 1,067 1,053 1,047 1,042 1,037	$\begin{array}{c} 1,444\\ 1,418\\ 1,394\\ 1,371\\ 1,349\\ 1,328\\ 1,309\\ 1,290\\ 1,272\\ 1,255\\ 1,239\\ 1,224\\ 1,209\\ 1,195\\ 1,182\\ 1,169\\ 1,182\\ 1,169\\ 1,155\\ 1,124\\ 1,115\\ 1,124\\ 1,115\\ 1,096\\ 1,088\\ 1,080\\ 1,072\\ 1,066\\ 1,053\\ 1,047\\ 1,041\\ 1,035\\ \end{array}$	$\begin{array}{c} 1,441\\ 1,416\\ 1,392\\ 1,369\\ 1,347\\ 1,326\\ 1,307\\ 1,288\\ 1,270\\ 1,252\\ 1,232\\ 1,208\\ 1,122\\ 1,208\\ 1,194\\ 1,180\\ 1,168\\ 1,156\\ 1,144\\ 1,134\\ 1,114\\ 1,104\\ 1,104\\ 1,095\\ 1,072\\ 1,065\\ 1,052\\ 1,046\\ 1,041\\ 1,035\\ \end{array}$	$\begin{array}{c} 1,438\\ 1,413\\ 1,389\\ 1,367\\ 1,345\\ 1,324\\ 1,305\\ 1,286\\ 1,269\\ 1,252\\ 1,236\\ 1,221\\ 1,206\\ 1,221\\ 1,206\\ 1,221\\ 1,206\\ 1,221\\ 1,133\\ 1,122\\ 1,113\\ 1,103\\ 1,103\\ 1,095\\ 1,086\\ 1,078\\ 1,071\\ 1,057\\ 1,051\\ 1,046\\ 1,040\\ 1,035\\ \end{array}$	$\begin{array}{c} 1,436\\ 1,411\\ 1,387\\ 1,364\\ 1,343\\ 1,322\\ 1,303\\ 1,285\\ 1,267\\ 1,250\\ 1,234\\ 1,219\\ 1,205\\ 1,219\\ 1,205\\ 1,191\\ 1,178\\ 1,165\\ 1,165\\ 1,165\\ 1,165\\ 1,165\\ 1,165\\ 1,165\\ 1,078\\ 1,078\\ 1,078\\ 1,070\\ 1,065\\ 1,075\\ 1,045\\ 1,040\\ 1,034\\ \end{array}$
$     \begin{array}{r}       1 \\       2 \\       3 \\       4 \\       5 \\       6 \\       7 \\       8 \\       9 \\       10 \\       11 \\       12 \\       13 \\       14 \\       15 \\     \end{array} $	$\begin{array}{c} 13,452\\12,072\\10,743\\9,542\\8,499\\7,611\\6,861\\6,227\\5,688\\5,228\\4,832\\4,489\\4,190\\3,927\\3,694\end{array}$	$13,313\\11,936\\10,617\\9,430\\8,403\\7,530\\6,793\\6,169\\5,639\\5,186\\4,796\\4,457\\4,162\\3,902\\3,673$	$\begin{array}{c} 13,174\\11,800\\10,941\\9,320\\8,309\\7,451\\6,726\\6,112\\5,590\\5,144\\4,760\\4,426\\4,134\\3,878\\3,651\end{array}$	$\begin{array}{c} 13,036\\11,664\\10,367\\9,212\\8,217\\7,373\\6,660\\6,056\\5,543\\5,103\\4,724\\4,395\\4,107\\3,854\\3,630\end{array}$	Лето 12,898 11,530 10,245 9,105 8,126 6,595 6,001 5,496 5,063 4,689 4,365 4,081 3,831 3,609	$12,760 \\ 11,396 \\ 10,124 \\ 9,000 \\ 8,036 \\ 7,220 \\ 6,531 \\ 5,947 \\ 5,449 \\ 5,023 \\ 4,655 \\ 4,334 \\ 4,054 \\ 3,807 \\ 3,588 \\ \end{cases}$	$\begin{array}{c} 12,622\\ 11,263\\ 10,004\\ 8,897\\ 7,949\\ 7,146\\ 6,468\\ 5,894\\ 5,804\\ 4,984\\ 4,621\\ 4,305\\ 4,028\\ 3,784\\ 3,568\end{array}$	$12,485 \\ 11,132 \\ 9,886 \\ 8,795 \\ 7,862 \\ 7,073 \\ 6,406 \\ 5,841 \\ 5,359 \\ 4,945 \\ 4,587 \\ 4,276 \\ 4,002 \\ 3,761 \\ 3,547 \\ \end{cases}$	$\begin{array}{c} 12,347\\11,001\\9,770\\8,694\\7,777\\7,001\\6,346\\5,789\\5,315\\4,907\\4,554\\4,246\\3,977\\3,739\\3,527\end{array}$	$\begin{array}{c} 12,210\\ 10,872\\ 9,655\\ 8,596\\ 7,694\\ 6,931\\ 6,286\\ 5,738\\ 5,271\\ 4,869\\ 4,521\\ 4,218\\ 3,952\\ 3,716\\ 3,507 \end{array}$

-86

θ					Десятые	е доли				
град.	0,0	0,1	0,2	0,3	0,4	0,5	0,6	0,7	0,8	0,9
$\begin{array}{c} 16\\ 17\\ 8\\ 9\\ 22\\ 22\\ 22\\ 22\\ 22\\ 22\\ 22\\ 22\\ 22\\$	3,488 3,303 2,988 2,852 2,728 2,616 2,512 2,418 2,330 2,249 2,174 2,040 1,980 1,924 1,775 1,731 1,690 1,652 1,615 1,581 1,548 1,548 1,363 1,342 1,322 1,284 1,266 1,250 1,250 1,284 1,266 1,250 1,219 1,178 1,165 1,165 1,165 1,363 1,342 1,204 1,204 1,178 1,165 1,121 1,102 1,094	3,468 3,286 3,122 2,973 2,839 2,717 2,605 2,503 2,408 2,322 2,242 2,034 1,974 1,974 1,974 1,978 1,866 1,817 1,770 1,727 1,686 1,648 1,612 1,577 1,545 1,514 1,485 1,432 1,340 1,320 1,300 1,282 1,265 1,248 1,320 1,300 1,282 1,265 1,248 1,320 1,300 1,282 1,265 1,248 1,320 1,300 1,282 1,265 1,248 1,265 1,248 1,320 1,300 1,282 1,265 1,248 1,217 1,664 1,320 1,300 1,320 1,300 1,282 1,265 1,248 1,265 1,248 1,320 1,164 1,170 1,102 1,093	3,449 3,269 3,106 2,959 2,826 2,705 2,594 2,493 2,400 2,313 2,234 2,092 2,028 1,968 1,913 1,812 1,766 1,723 1,682 1,644 1,542 1,542 1,542 1,542 1,429 1,404 1,359 1,268 1,246 1,223 1,246 1,223 1,246 1,223 1,246 1,223 1,246 1,223 1,246 1,221 1,163 1,216 1,202 1,188 1,175 1,163 1,1101 1,092	3,430 3,252 3,091 2,945 2,814 2,584 2,584 2,305 2,226 2,022 1,963 1,963 1,762 1,762 1,762 1,762 1,762 1,762 1,539 1,508 1,4807 1,539 1,508 1,427 1,336 1,427 1,336 1,297 1,278 1,245 1,229 1,278 1,245 1,229 1,278 1,245 1,229 1,278 1,245 1,229 1,174 1,245 1,229 1,174 1,261 1,245 1,229 1,174 1,261 1,245 1,229 1,174 1,162 1,174 1,162 1,109 1,091	3,412 3,235 3,076 2,932 2,801 2,682 2,573 2,474 2,382 2,297 2,219 2,016 1,957 1,957 1,715 1,675 1,637 1,506 1,506 1,506 1,506 1,424 1,424 1,400 1,377 1,355 1,334 1,295 1,228 1,228 1,172 1,160 1,127 1,108 1,090 1,090	3,393 3,218 3,060 2,918 2,789 2,671 2,563 2,464 2,373 2,289 2,211 2,072 2,010 1,951 1,897 1,753 1,711 1,633 1,598 1,564 1,598 1,564 1,598 1,564 1,598 1,564 1,503 1,474 1,352 1,332 1,374 1,374 1,374 1,228 1,228 1,228 1,228 1,228 1,228 1,228 1,228 1,228 1,228 1,228 1,228 1,228 1,228 1,228 1,228 1,228 1,228 1,228 1,228 1,228 1,228 1,228 1,228 1,228 1,228 1,228 1,228 1,228 1,228 1,228 1,228 1,228 1,228 1,228 1,228 1,228 1,228 1,228 1,228 1,228 1,228 1,228 1,228 1,211 1,197 1,184 1,171 1,107 1,098 1,090	3,375 3,202 3,046 2,904 2,766 2,553 2,455 2,364 2,204 2,204 2,204 2,204 2,204 2,204 2,204 2,204 1,946 1,630 1,594 1,706 1,650 1,500 1,514 1,530 1,500 1,514 1,530 1,500 1,514 1,530 1,500 1,514 1,530 1,500 1,514 1,530 1,500 1,514 1,530 1,251 1,235 1,320 1,2310 1,2310 1,2210 1,233 1,256 1,210 1,210 1,125 1,106 1,097 1,089	3,356 3,185 3,031 2,891 2,764 2,648 2,542 2,445 2,263 2,125 2,059 1,988 1,990 1,886 1,789 1,744 1,702 1,663 1,571 1,558 1,526 1,497 1,447 1,393 1,226 1,370 1,348 1,225 1,225 1,238 1,225 1,225 1,225 1,238 1,225 1,225 1,225 1,225 1,225 1,225 1,225 1,225 1,225 1,228 1,225 1,228 1,225 1,228 1,225 1,228 1,225 1,228 1,226 1,157 1,169 1,124 1,105 1,096 1,088	3,385 3,169 3,016 2,878 2,752 2,637 2,532 2,436 2,347 2,253 2,436 2,347 2,269 2,188 2,053 1,992 1,934 1,831 1,740 1,698 1,555 1,523 1,494 1,404 1,368 1,326 1,326 1,326 1,326 1,326 1,326 1,326 1,326 1,326 1,326 1,326 1,326 1,227 1,227 1,227 1,227 1,180 1,144 1,104 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,087 1,097 1,097 1,097 1,097 1	3,321 3,321 3,321 3,002 2,865 2,740 2,626 2,522 2,427 2,387 2,257 2,112 2,046 1,986 1,929 1,876 1,694 1,584 1,551 1,569 1,584 1,551 1,520 1,401 1,412 1,388 1,304 1,226 1,226 1,226 1,324 1,324 1,226 1,226 1,226 1,226 1,324 1,226 1,226 1,226 1,226 1,220 1,226 1,220 1,226 1,226 1,220 1,226 1,226 1,226 1,226 1,226 1,226 1,226 1,226 1,226 1,226 1,226 1,226 1,226 1,226 1,226 1,226 1,226 1,226 1,226 1,226 1,226 1,226 1,226 1,226 1,226 1,226 1,226 1,226 1,226 1,226 1,226 1,226 1,226 1,226 1,226 1,226 1,226 1,226 1,226 1,226 1,226 1,226 1,226 1,226 1,226 1,226 1,226 1,226 1,226 1,226 1,226 1,122 1,103 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1,005 1

θ					Десятые	доли				
град.	0,0	0,1	0,2	0,3	0,4	0,5	0,6	0,7	0,8	0,9
67 68 69 70 71 72 73 74 75	$1,086 \\ 1,078 \\ 1,071 \\ 1,064 \\ 1,057 \\ 1,051 \\ 1,045 \\ 1,040 \\ 1,035$	1,0851,0771,0701,0631,0561,0501,0451,039	$1,084 \\1,076 \\1,069 \\1,062 \\1,056 \\1,050 \\1,044 \\1,039$	$1,083 \\ 1,076 \\ 1,068 \\ 1,062 \\ 1,055 \\ 1,049 \\ 1,044 \\ 1,038$	$1,082 \\ 1,075 \\ 1,068 \\ 1,061 \\ 1,055 \\ 1,049 \\ 1,043 \\ 1,038$	$1,082 \\ 1,074 \\ 1,067 \\ 1,060 \\ 1,054 \\ 1,048 \\ 1,043 \\ 1,037 $	1,081 1,073 1,066 1,060 1,053 1,048 1,042 1,037	1,080 1,073 1,066 1,059 1,053 1,047 1,042 1,036	1,079 1,072 1,065 1,058 1,052 1,046 1,041 1,036	1,0791,0711,0641,0581,0521,0461,0401,036
	•				Осень	,				
$\begin{array}{c}1\\2\\3\\4\\5\\6\\7\\8\\9\\10\\11\\12\\13\\4\\15\\16\\17\\18\\9\\21\\22\\24\\25\\6\\7\\22\\29\\31\\23\\33\\4\\56\\7\\8\\9\\40\end{array}$	$\begin{array}{c} 13,635\\12,183\\10,810\\9,583\\8,525\\7,628\\6,872\\6,234\\5,693\\5,231\\4,834\\4,490\\4,190\\3,927\\3,694\\3,487\\3,302\\3,136\\2,987\\2,851\\2,727\\2,615\\2,511\\2,727\\2,615\\2,511\\2,727\\2,615\\2,511\\2,741\\2,329\\1,979\\1,922\\1,870\\1,689\\1,651\\1,580\\1,580\\1,587\end{array}$	$\begin{array}{c} 13,487\\12,041\\10,680\\9,469\\8,428\\7,547\\6,804\\6,176\\5,644\\5,189\\4,798\\4,458\\4,162\\3,902\\3,672\\3,468\\3,285\\3,121\\2,972\\2,838\\2,716\\2,604\\2,502\\2,407\\2,321\\2,260\\4\\2,502\\2,407\\2,321\\1,973\\1,917\\1,865\\1,647\\1,611\\1,576\\1,574\end{array}$	$\begin{array}{c} 13,340\\ 11,899\\ 10,551\\ 9,358\\ 8,333\\ 7,466\\ 6,736\\ 6,736\\ 6,736\\ 6,736\\ 5,595\\ 5,147\\ 4,761\\ 4,427\\ 4,135\\ 3,878\\ 3,651\\ 3,449\\ 3,268\\ 3,651\\ 3,449\\ 3,268\\ 3,651\\ 3,449\\ 3,268\\ 3,651\\ 3,449\\ 2,958\\ 2,704\\ 2,593\\ 2,492\\ 2,398\\ 2,312\\ 2,233\\ 2,159\\ 2,090\\ 2,027\\ 1,967\\ 1,912\\ 1,860\\ 1,811\\ 1,765\\ 1,722\\ 1,682\\ 1,643\\ 3,607\\ 1,573\\ 1,574\\ 1,573\\ 1,574\\ 1,574\\ 1,573\\ 1,574\\ 1,573\\ 1,574\\ 1,573\\ 1,574\\ 1,573\\ 1,574\\ 1,573\\ 1,574\\ 1,573\\ 1,574\\ 1,573\\ 1,574\\ 1,573\\ 1,574\\ 1,573\\ 1,574\\ 1,573\\ 1,574\\ 1,573\\ 1,574\\ 1,573\\ 1,574\\ 1,573\\ 1,574\\ 1,573\\ 1,574\\ 1,573\\ 1,574\\ 1,573\\ 1,574\\ 1,573\\ 1,574\\ 1,573\\ 1,574\\ 1,573\\ 1,574\\ 1,573\\ 1,574\\ 1,573\\ 1,574\\ 1,573\\ 1,574\\ 1,573\\ 1,574\\ 1,573\\ 1,574\\ 1,573\\ 1,574\\ 1,573\\ 1,574\\ 1,573\\ 1,574\\ 1,573\\ 1,574\\ 1,573\\ 1,574\\ 1,573\\ 1,574\\ 1,572\\ 1,572\\ 1,573\\ 1,574\\ 1,573\\ 1,574\\ 1,573\\ 1,574\\ 1,573\\ 1,574\\ 1,573\\ 1,574\\ 1,573\\ 1,574\\ 1,573\\ 1,574\\ 1,573\\ 1,574\\ 1,573\\ 1,574\\ 1,573\\ 1,574\\ 1,573\\ 1,574\\ 1,573\\ 1,574\\ 1,573\\ 1,574\\ 1,573\\ 1,574\\ 1,573\\ 1,574\\ 1,573\\ 1,574\\ 1,573\\ 1,574\\ 1,573\\ 1,574\\ 1,573\\ 1,574\\ 1,573\\ 1,574\\ 1,573\\ 1,574\\ 1,573\\ 1,574\\ 1,573\\ 1,574\\ 1,573\\ 1,574\\ 1,573\\ 1,574\\ 1,573\\ 1,574\\ 1,573\\ 1,574\\ 1,573\\ 1,574\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\ 1,575\\$	13,194 11,759 10,424 9,248 8,240 7,388 6,670 6,663 5,547 5,106 4,726 4,396 4,726 4,396 4,726 4,308 3,430 3,251 3,090 2,944 2,583 2,482 2,304 2,255 2,152 2,021 1,962 1,761 1,718 1,678 1,604 1,538	$\begin{array}{c} 13,048\\11,620\\10,299\\9,139\\8,148\\7,310\\6,604\\6,007\\5,500\\5,665\\4,691\\4,365\\4,081\\3,830\\3,608\\3,411\\3,234\\3,075\\2,931\\2,800\\2,681\\2,572\\2,472\\2,381\\2,296\\2,218\\2,145\\2,077\\2,014\\1,956\\1,901\\1,802\\1,756\\1,714\\1,674\\1,636\\1,535\end{array}$	$\begin{array}{c} 12,903\\ 11,482\\ 10,176\\ 9,033\\ 8,058\\ 7,234\\ 6,540\\ 5,953\\ 5,453\\ 5,025\\ 4,656\\ 4,353\\ 4,054\\ 3,807\\ 3,588\\ 3,392\\ 3,217\\ 3,060\\ 2,917\\ 2,788\\ 2,670\\ 2,562\\ 2,463\\ 2,372\\ 2,288\\ 2,210\\ 2,138\\ 2,071\\ 2,008\\ 1,845\\ 1,797\\ 1,752\\ 1,710\\ 1,670\\ 1,632\\ 1,597\\ 1,560\\ 1,532\end{array}$	$\begin{array}{c} 12,758\\ 10,054\\ 8,928\\ 7,969\\ 7,159\\ 6,477\\ 5,899\\ 5,408\\ 4,986\\ 4,622\\ 4,306\\ 4,028\\ 3,784\\ 3,567\\ 3,374\\ 3,201\\ 3,045\\ 2,904\\ 2,775\\ 2,658\\ 2,552\\ 2,454\\ 2,363\\ 2,280\\ 2,203\\ 2,131\\ 2,064\\ 2,002\\ 1,944\\ 1,890\\ 1,792\\ 1,748\\ 1,706\\ 1,666\\ 1,629\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\\ 1,559\end{array}$	12,613 11,209 9,933 8,824 7,881 7,086 6,415 5,846 5,362 4,947 4,588 4,276 4,002 3,761 3,547 3,356 3,184 3,030 2,763 3,547 3,356 3,184 2,272 2,541 2,444 2,354 2,272 2,195 2,647 2,541 2,272 2,195 1,939 1,8855 1,788 1,701 1,662 1,526 1,526 1,526	$\begin{array}{c} 12,469\\ 11,074\\ 9,814\\ 8,723\\ 7,796\\ 7,013\\ 6,354\\ 5,794\\ 4,555\\ 4,247\\ 3,978\\ 3,527\\ 3,338\\ 3,527\\ 3,338\\ 3,168\\ 3,015\\ 2,877\\ 2,751\\ 2,636\\ 2,531\\ 2,435\\ 2,346\\ 2,531\\ 2,435\\ 2,346\\ 2,531\\ 2,435\\ 2,346\\ 2,531\\ 2,435\\ 2,346\\ 2,531\\ 2,435\\ 2,346\\ 2,531\\ 2,435\\ 2,346\\ 2,531\\ 2,435\\ 2,346\\ 2,531\\ 2,435\\ 2,346\\ 2,531\\ 2,435\\ 2,346\\ 2,531\\ 2,435\\ 2,531\\ 1,900\\ 1,783\\ 1,783\\ 1,697\\ 1,658\\ 1,621\\ 1,553\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ 1,523\\ $	$\begin{array}{c} 12,326\\ 10,941\\ 9,698\\ 8,623\\ 7,711\\ 6,942\\ 6,293\\ 5,744\\ 4,523\\ 4,218\\ 3,952\\ 3,716\\ 3,509\\ 3,320\\ 3,152\\ 3,001\\ 2,864\\ 2,539\\ 2,626\\ 2,521\\ 2,426\\ 2,337\\ 2,252\\ 2,110\\ 2,045\\ 1,985\\ 1,928\\ 1,875\\ 1,928\\ 1,875\\ 1,618\\ 1,583\\ 1,655\\ 1,618\\ 1,583\\ 1,520\\ 1,520\\ \end{array}$

	1									
θ					Десятые	е доли	•			
град.	0,0	0,1	0,2	0,3	0,4	0,5	0,6	0,7	0,8	0,9
$\begin{array}{c} 41\\ 42\\ 44\\ 45\\ 46\\ 78\\ 90\\ 12\\ 35\\ 55\\ 55\\ 55\\ 56\\ 61\\ 23\\ 45\\ 66\\ 66\\ 66\\ 66\\ 77\\ 72\\ 74\\ 75\\ 75\\ 75\\ 75\\ 75\\ 75\\ 75\\ 75\\ 75\\ 75$	$\begin{array}{c} 1,516\\ 1,487\\ 1,460\\ 1,433\\ 1,409\\ 1,385\\ 1,362\\ 1,341\\ 1,321\\ 1,301\\ 1,283\\ 1,266\\ 1,249\\ 1,233\\ 1,218\\ 1,204\\ 1,190\\ 1,177\\ 1,164\\ 1,153\\ 1,141\\ 1,153\\ 1,141\\ 1,131\\ 1,120\\ 1,017\\ 1,063\\ 1,077\\ 1,070\\ 1,063\\ 1,056\\ 1,050\\ 1,045\\ 1,034\\ 1,034\\ \end{array}$	$\begin{array}{c} 1,514\\ 1,484\\ 1,457\\ 1,431\\ 1,406\\ 1,382\\ 1,360\\ 1,339\\ 1,319\\ 1,300\\ 1,281\\ 1,264\\ 1,247\\ 1,232\\ 1,216\\ 1,202\\ 1,189\\ 1,176\\ 1,163\\ 1,151\\ 1,140\\ 1,130\\ 1,120\\ 1,101\\ 1,092\\ 1,084\\ 1,076\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,069\\ 1,$	$\begin{array}{c} 1,510\\ 1,482\\ 1,454\\ 1,428\\ 1,404\\ 1,380\\ 1,358\\ 1,337\\ 1,317\\ 1,298\\ 1,279\\ 1,262\\ 1,246\\ 1,230\\ 1,215\\ 1,201\\ 1,187\\ 1,174\\ 1,162\\ 1,150\\ 1,139\\ 1,129\\ 1,162\\ 1,150\\ 1,19\\ 1,109\\ 1,109\\ 1,001\\ 1,083\\ 1,076\\ 1,068\\ 1,062\\ 1,055\\ 1,049\\ 1,044\\ 1,038\\ \end{array}$	$\begin{array}{c} 1,508\\ 1,479\\ 1,452\\ 1,401\\ 1,378\\ 1,356\\ 1,335\\ 1,296\\ 1,277\\ 1,260\\ 1,277\\ 1,260\\ 1,277\\ 1,260\\ 1,244\\ 1,228\\ 1,214\\ 1,199\\ 1,186\\ 1,173\\ 1,161\\ 1,149\\ 1,138\\ 1,108\\ 1,099\\ 1,081\\ 1,082\\ 1,075\\ 1,068\\ 1,061\\ 1,055\\ 1,049\\ 1,043\\ 1,038\\ \end{array}$	$\begin{array}{c} 1,505\\ 1,476\\ 1,449\\ 1,423\\ 1,399\\ 1,376\\ 1,354\\ 1,333\\ 1,294\\ 1,276\\ 1,259\\ 1,242\\ 1,276\\ 1,259\\ 1,242\\ 1,276\\ 1,262\\ 1,276\\ 1,262\\ 1,276\\ 1,262\\ 1,081\\ 1,107\\ 1,082\\ 1,074\\ 1,067\\ 1,060\\ 1,054\\ 1,048\\ 1,042\\ 1,037\\ \end{array}$	$\begin{array}{c} 1,502\\ 1,473\\ 1,446\\ 1,421\\ 1,397\\ 1,374\\ 1,352\\ 1,331\\ 1,311\\ 1,292\\ 1,274\\ 1,257\\ 1,241\\ 1,225\\ 1,211\\ 1,225\\ 1,211\\ 1,197\\ 1,183\\ 1,170\\ 1,158\\ 1,147\\ 1,136\\ 1,126\\ 1,15\\ 1,106\\ 1,067\\ 1,089\\ 1,081\\ 1,074\\ 1,066\\ 1,060\\ 1,053\\ 1,047\\ 1,042\\ 1,037\\ \end{array}$	$\begin{array}{c} 1,499\\ 1,471\\ 1,444\\ 1,418\\ 1,394\\ 1,371\\ 1,349\\ 1,329\\ 1,299\\ 1,290\\ 1,272\\ 1,255\\ 1,239\\ 1,224\\ 1,209\\ 1,157\\ 1,124\\ 1,209\\ 1,157\\ 1,146\\ 1,157\\ 1,124\\ 1,157\\ 1,124\\ 1,157\\ 1,169\\ 1,058\\ 1,060\\ 1,073\\ 1,068\\ 1,060\\ 1,073\\ 1,059\\ 1,053\\ 1,047\\ 1,041\\ 1,036\\ \end{array}$	1,496 1,468 1,441 1,416 1,392 1,369 1,347 1,327 1,288 1,271 1,288 1,222 1,208 1,128 1,208 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,128 1,006 1,007 1,005 1,058 1,026 1,041 1,036	$\begin{array}{c} 1,493\\ 1,465\\ 1,439\\ 1,413\\ 1,390\\ 1,367\\ 1,345\\ 1,325\\ 1,325\\ 1,287\\ 1,269\\ 1,222\\ 1,236\\ 1,221\\ 1,206\\ 1,222\\ 1,236\\ 1,221\\ 1,206\\ 1,222\\ 1,236\\ 1,221\\ 1,206\\ 1,252\\ 1,266\\ 1,252\\ 1,266\\ 1,079\\ 1,058\\ 1,052\\ 1,046\\ 1,079\\ 1,058\\ 1,052\\ 1,046\\ 1,040\\ 1,035\\ \end{array}$	$\begin{array}{c} 1,490\\ 1,462\\ 1,436\\ 1,411\\ 1,387\\ 1,365\\ 1,343\\ 1,303\\ 1,285\\ 1,267\\ 1,250\\ 1,219\\ 1,205\\ 1,219\\ 1,205\\ 1,219\\ 1,205\\ 1,219\\ 1,205\\ 1,219\\ 1,205\\ 1,219\\ 1,205\\ 1,219\\ 1,205\\ 1,205\\ 1,219\\ 1,205\\ 1,205\\ 1,205\\ 1,205\\ 1,205\\ 1,005\\ 1,005\\ 1,051\\ 1,045\\ 1,051\\ 1,045\\ 1,040\\ 1,035\end{array}$

Таблица З

Озонная масса µ для различных вертикальных распределений озона

в град.	Зима I	Зима 11	Весна	Лето	Осень	По формуле (4), h <sub>1</sub> = 23 км
$90\\60\\30\\20\\15\\10\\5\\3\\1$	$1 \\ 1,154 \\ 1,982 \\ 2,858 \\ 3,708 \\ 5,267 \\ 8,658 \\ 11,039 \\ 13,877$	1 1,153 1,981 2,857 3,706 5,264 8,642 10,990 13,706	$1 \\ 1,152 \\ 1,979 \\ 2,851 \\ 3,695 \\ 5,235 \\ 8,534 \\ 10,805 \\ 13,499$	$1 \\ 1,153 \\ 1,980 \\ 2,852 \\ 3,694 \\ 5,228 \\ 8,499 \\ 10,743 \\ 13,452$	$1 \\ 1,153 \\ 1,979 \\ 2,851 \\ 3,694 \\ 5,231 \\ 8,525 \\ 10,810 \\ 13,635$	11,1531,9792,8473,6845,1868,2389,99011,470

ских станциях используются стандартизированные значения  $\mu$ , не зависящие от  $\rho_3(h)$  и определяемые приближенной формулой

$$\mu = \left[1 - \left(\frac{R}{R+h_1}\right)^2 \cos^2 \theta\right]^{-1/2},$$
 (4)

где  $h_1$  — средняя высота озонного слоя. Вывод формулы (4) приводится в монографии [1].

В связи со сказанным выше представляет интерес сравнить между собой значения  $\mu$ , вычисленные по формуле (1) для разных  $p_3(h)$ , наблюдавшихся в атмосфере, и затем сравнить их со значениями, вычисленными по формуле (4).

Для расчета  $\mu$  в зависимости от  $\theta$  и  $\rho_3(h)$  нами использовалось пять различных вертикальных распределений озона, характерных для Канады в разные сезоны [2] (табл. 1). Эти значения  $\rho_3(h)$ , как показывают наблюдения, можно считать также характерными для средних и высоких широт обоих полушарий.

Результаты расчетов озонной массы  $\mu$  приводятся в табл. 2. Для удобства приводится также табл. 3, в которой дополнительно указаны значения  $\mu$ , полученные по формуле (4) при  $h_1 = 23$  км (по-дробные значения  $\mu$  при  $h_1 = 23$  км даны в [1]).

Из табл. 2 и 3 следует, что значения  $\mu$ , полученные по формуле (1) для разных вертикальных распределений озона, сравнительно мало отличаются друг от друга. Так, в интервале высот  $10^{\circ} \leqslant \theta \leqslant 90^{\circ}$ указанные значения  $\mu$  для одних и тех же высот светила  $\theta$  различаются между собой не более чем на 0,7%. При  $\theta \ge 5^{\circ}$  эти различия не превышают 1,8%, при  $\theta \ge 3^{\circ}$  они составляют 2,7%, при  $\theta \ge 1^{\circ}$ равны 3,1%.

Значения  $\mu$ , вычисленные по формуле (4) при  $\theta \ge 10^\circ$ , отличаются от соответствующих значений  $\mu$ , вычисленных по формуле (1), не более чем на 1,6%. При этом значения  $\mu$ , вычисленные по формуле (4), в интервале высот  $20 \le 0 \le 1$  заметно меньше значений  $\mu$ , вычисленных по формуле (1). При  $\theta = 5^\circ$  различия между значениями  $\mu$ , вычисленными по формулам (1) и (4), достигают 4,9%, при  $\theta = 3^\circ$  они составляют 9,5%, при  $\theta = 1^\circ$  равны 17,7%.

Таким образом, при  $\theta \ge 10^{\circ}$  в качестве значений  $\mu$  можно без заметной погрешности использовать значения, полученные по формуле (4). Учитывая, что на озонометрических станциях СССР и мировой озонометрической сети общее содержание озона измеряется при  $\theta > 10^{\circ}$ , следует считать оправданным применение значений  $\mu$ для расчета общего содержания озона, полученных по формуле (4).

#### ЛИТЕРАТУРА

1. Гущин Г. П. Исследование атмосферного озона. Гидрометеоиздат, Л., 1963.

2. Meteer C. L., Godson W. L. The vertical distribution of atmospheric ozone over canadian stations from Umkher observations. Quart. J. Roy. Met. Soc. Vol. 86, No 370, 1960.

В. И. ГОЛИКОВ

# ЗОНАЛЬНЫЕ ХАРАКТЕРИСТИКИ ЧУВСТВИТЕЛЬНОСТИ ТЕРМОБАТАРЕЙ СТАНДАРТНЫХ АКТИНОМЕТРОВ

#### введение

При изучении временной и пространственной изменчивости прямой солнечной радиации и ее статистических характеристик (корреляционных функций, энергетических спектров и т. п.) необходимо знать характеристическую функцию актинометров [1, 2]. Характеристические функции (функции виньетирования) в [1, 3] были вычислены для некоторых отечественных приборов, в том числе и для актинометров, исходя из чисто геометрических параметров. При этом предполагалось, что распределение чувствительности по приемной поверхности термобатареи равномерное.

Однако уже в [4, 5] и других работах отмечалось, что приемники реальных актинометров, пиргелиометров далеко не совершенны, и их зональные характеристики чувствительности (ЗХЧ) могут существенно исказить геометрическую характеристическую функцию. Интересно исследовать в этом отношении отечественные актинометры.

В этой работе мы приводим ЗХЧ термобатарей актинометров Савинова—Янишевского АТ-50 и АТ-50м, измеренные на стационарной установке, описанной в [6]. Указан новый (ускоренный) метод определения осредненных по площади характеристических функций актинометров с учетом реальной ЗХЧ термобатареи.

## 1. Теория. Определения

В обычной модели актинометра Савинова—Янишевского АТ-50 приемником радиации служит диск из тонкой серебряной фольги, склеенной шеллаком с папиросной бумагой и зачерненной со стороны падающих лучей Солнца сажей с янтарным лаком. С другой стороны к бумаге приклеены нечетные спаи звездчатой термобатареи, а четные, внешние спаи приклеены к медному кольцу, зажатому в корпусе трубки актинометра через слой бумаги, для теплоотвода и электрической изоляции. В центре приемного диска батареи АТ-50 имеется отверстие диаметром 4 мм [7]. Модернизированный прибор АТ-50м подобного отверстия не имеет, а его батарея снабжена дополнительными спаями, улучшающими стабильность места нуля актинометра. Размеры коллиматорной трубки и угловые характеристики обеих моделей аналогичны.

Термоэдс, развиваемая термобатареей актинометра под действием потока энергии  $\overline{J}$ , принятого в апертуре прибора, определяемой радиусами действующих входной R и выходной r диафрагм и расстоянием l между ними, равна

$$V = \int_{0}^{2\pi} \int_{0}^{\beta_{2}} J(\beta, \varphi) K(\beta, \varphi) d\varphi d\beta =$$
$$= \pi r^{2} \int_{0}^{2\pi} \int_{0}^{\beta_{2}} E(\beta, \varphi) K(\beta, \varphi) F(\beta, \infty) \sin \beta \cos \beta d\varphi d\beta, \qquad (1)$$

где  $E(\beta, \varphi)$  — угловое распределение энергетической яркости источника (индикатриса яркости),  $K(\beta, \varphi)$  — распределение чувствительности по поверхности термобатареи (ЗХЧ),  $\beta$ ,  $\varphi$  — координатные углы,  $\beta_2$  — предельный угол актинометра, ограничивающий зону полутени,  $F(\beta, \infty)$  — геометрическая функция виньетирования (полутени) при бесконечно удаленном источнике излучения. Функция  $F(\beta, \infty)$  для АТ-50 была определена в [1], наша задача — определить  $K(\beta, \varphi)$  для АТ-50 и АТ-50м. Однако необходимо остановиться на некоторых особенностях вычисления геометрической  $F(\beta, \infty)$  для АТ-50, имеющего батарею с отверстием.

Действие этого отверстия в центре батареи с радиусом  $r_0$  равносильно потере доли потока энергии (при симметричном ореоле, когда  $E(\varphi) = \text{const}$ ):

$$\overline{J}_n = 2\pi^2 r^2 \int_0^{\beta_2} E(\beta) F_n(\beta, \infty) \sin\beta \cos\beta \, d\beta, \qquad (2)$$

где β<sub>2</sub>' — предельный угол для отверстия с радиусом r<sub>0</sub>.

Редуцированный поток энергии, попадающий на действующую кольцевую зону термобатареи, будет

$$\overline{J}_{\kappa} = \overline{J} - \overline{J}_{n} = 2\pi^{2} r_{*}^{2} \int_{0}^{\beta_{2}} E(\beta) F_{\kappa}(\beta, \infty) \sin \beta \cos \beta d\beta, \qquad (3)$$

где  $r_*$  — эффективный радиус кольцевой зоны батареи.

В (3) мы имеем дело как бы с двумя равноправными приемниками радиации с радиусами r и  $r_0$ , причем действие их противоположно друг другу. Поэтому результирующее действие кольцевой зоны  $r - r_0$  батареи АТ-50 можно оценить по разности эффектив-





Рис. 1.

а — учет действия центрального отверстия в термобатарее актинометра AT-50; б — эффективные функции виньетирования (полутени)  $F_{\rm R}^{*}(\beta,\infty)$ , полученные с учетом действительного распределения чувствительности  $K(\beta, \varphi)$  по поверхности термобатареи AT-50;  $I - F_{\rm K}(\beta,\infty)$ , рассчитання по формуле (5),  $2 - F_{\rm R}^{*}(\beta,\infty)$ , полученная интегрированием по формуле (10) и по  $K(\beta,\varphi)$ , измеренной тонким световым пучком-зондом,  $3 - F_{\rm R}^{*}(\beta,\infty)$ , полученная интегрированием с широким световым пучком; s — геометрическая функция  $F(\beta,\infty)$  (1); эффективная  $F^{*}(\beta,\infty)$ , измеренной тонким световым зондом для AT-50.

ных площадей выходной диафрагмы  $\pi r^2 F(\beta, \infty)$  и отверстия  $\pi r_0^2 F_n(\beta, \infty)$ :

$$\pi r_*^2 F_{\kappa}(\beta, \infty) = \pi \left[ r^2 F(\beta, \infty) - r_0^2 F_n(\beta, \infty) \right].$$
(4)

А так как в области зоны прямого облучения  $F(\beta, \infty) = 1$ , то  $r_*^2 = r^2 - r_0^2$ , и при этих условиях геометрическую функцию  $F_{\kappa}(\beta, \infty)$ , нормированную на единицу, можно рассчитать по формуле

$$F_{\kappa}(\beta,\infty) = \frac{r^2 F(\beta,\infty) - r_0^2 F_n(\beta,\infty)}{r^2 - r_0^2}.$$
 (5)

На рис. 1а приведены функции  $F(\beta, \infty)\pi r^2$ ,  $F_n(\beta, \infty)\pi r_0^2$  и  $\pi(r^2 - r_0^2)F_n(\beta, \infty)$ , а на рис. 16 —  $F_n(\beta, \infty)$ , нормированная на 1.

Видно, что  $F_{\kappa}(\beta, \infty)$  в обоих случаях характеризуется небольшим провалом в зоне полутени по сравнению с геометрической  $F(\beta, \infty)$ , рассчитываемой обычно без учета действия центрального отверстия.

#### 2. Зональные характеристики чувствительности актинометров АТ-50

Измерение  $K(\beta, \varphi)$  производилось на установке [6] со световым пятном-зондом диаметром 1 мм. Общее представление о процедуре измерений и получившихся результатах для батарей AT-50 и AT-50м дает рис. 2 a, b, на котором показаны K(x, y), измеренные



Рис. 2. Распределение чувствительности K(x, y)по поверхности батареи актинометра AT-50 (*a*) и термобатареи AT-50м (б) по двум взаимно перпендикулярным сечениям.

1 — по ОХ, 2 — по ОҮ.

вдоль двух взаимно перпендикулярных сечений OX и OY ( $\phi=0$ ,  $\phi=90^{\circ}$ ).

Неравномерность ЗХЧ не превышает 10—20%, что не хуже, чем у стандартных моделей зарубежных сетевых актинометров. Заметна несимметричность ЗХЧ, причем для АТ-50м даже несколько бо́льшая, чем для АТ-50. Это, по-видимому, связано с тем, что использовалась опытная модель АТ-50м.

Чувствительность батареи у АТ-50 повышается по радиусам *r* от внутреннего края действующего кольца приемной поверхности к центру этого кольца и вновь понижается к краю диафрагмы.

У АТ-50м ЗХЧ одногорбая, но имеет максимум, смещенный относительно центра.

Эти примеры показывают, что измерение ЗХЧ имеет существенное значение для контроля за качеством изготовления термобатареи, позволяет определить степень «пятнистости» приемника и быстро обнаружить скрытые дефекты изготовления батареи или дефекты, возникшие в процессе эксплуатации прибора.

Для большинства практических задач, связанных с определением режимных характеристик прямой солнечной радиации и ее изменчивости, достаточно пользоваться осредненными ЗХЧ, например

$$\overline{K}(\beta) = \frac{1}{2\pi} \int_{0}^{2\pi} K(\beta, \varphi) \, d\varphi, \qquad (6)$$

или при осреднении по всей площади приемника

$$\overline{K} = \frac{1}{2\pi} \cdot \frac{1}{\pi r^2} \int_0^{2\pi} \int_0^{\beta_2} K(\beta, \varphi) \, d\varphi \, d\beta.$$
(7)

Величина  $\overline{K}$  входит в паспорт стандартных сетевых актинометров и может быть определена с помощью контрольного прибора. Можно ввести безразмерную нормированную ЗХЧ, осредненную

по кольцевым зонам и зависящую только от  $\beta$ ,  $\overline{k_n}(\beta)$ , и эффективную функцию виньетирования (полутени)  $F^*(\beta, \infty)$ , учитывающую действительное распределение чувствительности по поверхности термобатареи

$$\bar{k}_n(\beta) = \frac{\bar{K}(\beta)}{\bar{K}} = \frac{F^*(\beta, \infty)}{F(\beta, \infty)}.$$
(8)

Тогда при симметричном ореоле вместо (1) можно написать

$$V = \overline{J}\overline{K} = 2\pi^2 r^2 \overline{K} \int_0^{\beta_2} E(\beta) F^*(\beta, \infty) \sin\beta \cos\beta d\beta, \qquad (9)$$

где

$$F^*(\beta, \infty) = \frac{\iint\limits_{S_{BH\Pi}} K(\beta, \varphi) \, d\varphi \, d\beta}{\iint\limits_{S} K(\beta, \varphi) \, d\varphi \, d\beta} = \frac{\iint\limits_{S_{BH\Pi}} K(x, y) \, dx \, dy}{\iint\limits_{S} K(x, y) \, dx \, dy} \,. \tag{10}$$

Здесь S<sub>вид</sub> — видимая площадь приемника, общая для приемника и проекции на него входной диафрагмы [1, 4], S — площадь приемника; β, φ, x и y — текущие координаты.

Очевидно также, что при равномерно ярком источнике радиации, когда  $E(\beta, \phi) = \text{const, получаем:}$ 

$$\overline{J} = 2\pi \cdot \pi r^2 \overline{E} \int_0^{\beta_2} F^* (\beta, \infty) \sin \beta \cos \beta \, d\beta, \qquad (11)$$

или

$$\overline{J} = \pi \overline{E} S \psi, \tag{12}$$

где тде 
 ч— коэффициент диафрагмирования [1, 4] и

$$\psi = 2 \int_{0}^{p_2} F^*(\beta, \infty) \sin\beta \cos\beta d\beta.$$
(13)

На рис. 1б, в показаны эффективные функции виньетирования  $F^*(\beta, \infty)$ , нормированные на единицу и учитывающие действительную ЗХЧ термобатареи  $K(\beta, \varphi)$ , измеренную тонким световым пучком-зондом для АТ-50 и АТ-50м [6]. Все  $F^*(\beta, \infty)$  рассчитаны по формуле (10). В качестве своеобразного «эталона» на тех же рисунках приведены  $F_{\pi}(\beta, \infty)$  (см. рис. 1б) и геометрическая функция  $F(\beta, \infty)$ , не учитывающие зональной чувствительности ( $K(\beta, \varphi) = \text{const}$ ).

Формулы (8) и (10) указывают на возможность упрощения процедуры интегрирования при определении  $F^*(\beta, \infty)$ . Если в компараторе, описанном в [6], убрать выходную линзу, формирующую яркое пятно-зонд малого диаметра, а приемник (термобатарею) и широкий параллельный пучок света, выходящий из коллиматора осветителя, задиафрагмировать до диаметров 2r и 2R соответственно, то, перемещая приемник относительно падающего параллельного пучка, получим на выходе исследуемой батареи ЭДС, пропорциональную  $F^*(\beta, \infty)$ . Очевидным условием светового интегрирования является требование однородности яркости пучка по всему его поперечному сечению. Мы проводили проверку однородности свечения пучка и корректировали яркость с точностью до 0,5% с помощью фотоэлемента с малым диаметром приемной площадки. На рис. 1б приведена функция Г<sup>\*</sup><sub>ь</sub>(β, ∞), полученная световым интегрированием (с широким пучком-зондом) для батареи АТ-50м.

#### 3. Обсуждение

Используя  $F_{\kappa}(\beta, \infty)$  и  $F^*(\beta, \infty)$ , учитывающие действительные ЗХЧ актинометров, мы вычислили коэффициенты  $\psi$  по формуле (13). Сопоставление получившихся значений этого коэффициента с  $\psi$ , рассчитанными из чисто геометрических соотношений (по геометрической  $F(\beta, \infty)$  или по точным формулам из [4, 1]), показало следующее.

Учет действия центрального отверстия в батарее AT-50 [замена  $F(\beta, \infty)$  на  $F_{\kappa}(\beta, \infty)$ ] не изменяет величину  $\psi$ , а следова-

тельно, и измеряемого интегрального потока солнечной радиации  $\overline{J}$  [см. формулу (12)] более чем на 0,5—1%, а учет действительного распределения чувствительности по поверхности термобатареи  $K(\beta, \varphi)$  — более чем на 1,0—2,5%.

В современной литературе точность измерения интегрального потока прямой солнечной радиации на уровне земли оценена в 1% по [8], в 4% по [9] и в 2—3% по [10]. Авторы [11] считают не без основания оценку в 1% явно заниженной, так как одно уже только действие околосолнечной радиации может быть соизмеримо [12], а по нашим расчетам [13] достигает даже в условиях «хорошей актинометрической погоды» 2—2,5%. Поэтому наиболее достоверной оценкой точности измерения интегрального потока прямой радиации при режимных наблюдениях со стандартными сетевыми актинометрами сейчас можно считать 2—3%.

Таким образом, ни учет действия центрального отверстия в батарее АТ-50, ни учет ЗХЧ обеих моделей АТ-50 и АТ-50м не могут существенным образом изменить результат таких измерений.

Положение существенно изменяется, если стандартные актинометры используются для ореольных наблюдений [12] или для наблюдений со светофильтрами, особенно с узкополосными. Здесь возможно проявление различных дестабилизирующих факторов, сравнимых по величине с измеряемыми количествами энергии.

Это же замечание относится и к пиргелиометрам, особенно к их прецизионным моделям. Учитывать действительные ЗХЧ в этих случаях обязательно, но следует повысить точность компаратора, описанного в [6].

Для ореольных и спектральных наблюдений, особенно с узкополосными светофильтрами или с узкими кольцевыми зонами, нужно применять специальные радиометры с термобатареями повышенной чувствительности и стабильности и отказаться от сомнительной практики использования стандартных сетевых актинометров (пиргелиометров) для этих целей. Исключение могут составить разве только стандартные стеклянные шоттовские светофильтры и их отечественные аналоги, обладающие достаточно широкой полосой пропускания и оправдавшие себя в прошлые годы.

#### выводы

1. При режимных измерениях интегрального потока прямой солнечной радиации действие центрального отверстия в батарее актинометра АТ-50 и реальной зональной характеристики чувствительности батарей АТ-50 и АТ-50м можно не учитывать.

2. Измерение зональной характеристики чувствительности  $K(\beta, \varphi)$  рекомендуется применять для технологического контроля за качеством изготовления термобатарей, для оценки их «пятнистости» и для быстрого обнаружения скрытых дефектов при изготовлении батареи или при ее эксплуатации в приборе.

7 Заказ № 534

3. Рекомендуется с осторожностью использовать стандартные актинометры (пиргелиометры) для спектральных и ореольных наблюдений, особенно с узкополосными фильтрами и узкими кольцевыми зонами.

4. Для исследования зональных характеристик приемных устройств прецизионных пиргелиометров, конструируемых с целью повышения точности измерения интегрального потока прямой радиации до 0,5—1% (и даже до 0,1% по предложениям ВМО последних лет), необходимо повысить точность компаратора, описанного в [6].

#### ЛИТЕРАТУРА

Голиков В. И. Угловые и геометрические характеристики актинометров, пиргелиометров и некоторых фотометров, измеряющих прямую и рассеянную околосолнечную радиацию. Труды ГГО, вып. 237, 1969.
 Дмитриев А. А., Инджгиа Р. Г. Приближенное восстановление на

2. Дмитриев А. А., Инджгиа Р. Г. Приближенное восстановление на конечном интервале истинных полей яркости по сглаженным. Изв. АН СССР, сер. «Физ. атм. и океана», т. 4, № 6, 1966.

3. Голиков В. И. О характеристиках ореольного фотометра В. Г. Фесенкова. Труды ГГО, вып. 223, 1968.

4. Bossy L., Pastiels R. Etude des propriétés fondamentales des actinomètres. Institut royal météorologique de Belgique. Mémoires, v. 29, Bruxelles, 1948.

5. Major G. Distribution of sensitivity of the sensor of pyrheliometers. Idöjárás, 6, 1968.

6. Голиков В. И. Устройство для измерения зональной чувствительности термо- и фотоприемников, используемых в актинометрии. Труды ГГО, вып. 237, 1969.

7. Янишевский Ю. Д. Актинометрические приборы. Гидрометеоиздат, Л., 1957.

8. Перрен де Бришамбо Ш. Солнечное излучение и радиационный режим в атмосфере. Пер. с фр. Изд. «Мир», М., 1966.

9. Bossolasco M., Cicconi G., Dagnino J., Elena A., Florechini G. Solar constant and sunspots. Pure and applied geophysics, v. 62, № 3, 1965.

10. Пивоварова З. И. Изучение радиационного климата СССР по данным актинометрических измерений. Докл. Всес. конф. по использованию солн. энергии. Секция С-6. Радиационный климат и измерения. М., 1969.

11. Глаголев Ю. А., Тормоз Л. Ф. Средние и экстремальные значения плотности потока прямой солнечной радиации в атмосфере. Метеорология и гидрология, № 8, 1969.

12. Скуратовская Л. М., Янишевский Ю. Д. О влиянии околосолнечной радиации на сравнимость показаний актинометров с различными углами отверстий. Труды ГГО, вып. 184, 1966.

13. Голиков В. И. Об ореольном эффекте отечественных и зарубежных актинометров и пиргелиометров. Труды ГГО, вып. 237, 1969.

В. И. ГОЛИКОВ

# О ВОЗМОЖНОСТЯХ КОНТРОЛЯ ЗА ОПТИЧЕСКОЙ СТАБИЛЬНОСТЬЮ АТМОСФЕРЫ ПІ И ИЗМЕРЕНИЯХ ОБЩЕГО СОДЕРЖАНИЯ ОЗОНА ИЛИ ДРУГИХ СЕЛЕКТИВНО ПОГЛОЩАЮЩИХ ГАЗОВ

При определении общего содержания селективно поглощающих газов x (например, озона) оптическим методом двух длин волн [1—3] текущие значения x, осредняемые за некоторый интервал времени наблюдений, часто приходится ограничивать по допустимой амплитуде аэрозольного фона атмосферы. С этой целью величину x определяют или с набором перекрещивающихся парных длин волн, или с помощью спектральных коэффициентов прозрачности атмосферы вблизи полос селективного поглощения и, основываясь на некоторых априорных предположениях об оптических свойствах частиц аэрозоля, находят по этим коэффициентам «аэрозольную поправку» [2, 5].

В дополнение к этим методам, связанным со спектральными измерениями прямой солнечной радиации, рассмотрим принципиальные возможности устранения аэрозольного фона атмосферы из текущих значений *x*, основываясь на непосредственных измерениях рассеянной радиации неба. Для этого воспользуемся некоторыми критериями (оценками) оптической стабильности атмосферы, учитывающими изменчивость околосолнечного ореола.

Приборной реализацией такой методики ограничения атмосферных шумов в текущих значениях *х* может служить ореольный фотометр, измеряющий спектральную яркость околосолнечного неба в одной или нескольких кольцевых зонах [4]. В качестве примера рассмотрим макет ореольного озонометра.

# 1. Трудности теории озонометра, имеющего конечную спектральную и угловую селективность

Общее содержание озона определяют по наблюдениям прямой солнечной радиации на двух, близких друг к другу, длинах волн  $\lambda_1$ ,  $\lambda_2$ , из которых одна (например, 3410 Å) приходится на полосу

поглощения, а другая лежит вне ее (3690 Å) [1-3]. Это общее содержание определяется по известной формуле Бугера

$$x = \frac{(\lg J_{0\lambda_1} - \lg J_{0\lambda_2}) - (\lg J_{\lambda_1} - \lg J_{\lambda_2})}{(\alpha_1 - \alpha_2) m_{03}} - \frac{(\beta_1 - \beta_2) m_p + (\delta_1 - \delta_2) m_a}{(\alpha_1 - \alpha_2) m_{03}}; \quad (1)$$

где  $J_{\lambda_1}$ ,  $J_{\lambda_2}$  — спектральные потоки прямой солнечной радиации, ослабленные озоном, молекулами воздуха и аэрозолем;  $J_{0\lambda_1}$ ,  $J_{0\lambda_2}$  заатмосферные значения интенсивностей тех же потоков;  $\alpha_1$ ,  $\alpha_2$ ,  $\beta_1$ ,  $\beta_2$  — десятичные коэффициенты поглощения озона и ослабления релеевской атмосферой;  $\delta_1$ ,  $\delta_2$  — десятичные оптические толщи аэрозоля;  $m_{03}$ ,  $m_p$ ,  $m_a$  — оптические массы озона, релеевской атмосферы и аэрозоля; x — количество озона в сантиметрах слоя.

В первом приближении (с точностью до 1—2% при высотах Солнца  $h_{\odot} \ge 30 \div 20^{\circ}$ ) полагают, что  $m_{\rm o3} \approx m_{\rm p} \approx m_{\rm a} \approx m$ , где m—массы Бемнорада.

Формулой (1) можно пользоваться лишь в двух случаях: 1) если потоки  $J_{\lambda}$  монохроматические и свободны от действия околосолнечной радиации; 2) если влияние аэрозольного ослабления мало́, т. е.  $\delta_1 - \delta_2 = \{^0_{\text{const}}$ . Однако реальный прибор, как правило, обладает конечной спектральной и угловой селективностью, поэтому поступают двояко: 1) либо заранее указывают допустимый для наблюдений диапазон высот Солнца (масс атмосферы), допустимую немонохроматичность светофильтров и допустимый апертурный угол 2z<sub>0</sub>, где z<sub>0</sub> — центральный угол, (см. [4]) (по современным оценкам  $m \leqslant 5 \div 7$ ,  $|\lambda_1 - \lambda_2| \approx 150 \div 300$  Å, ширина полосы пропускания светофильтров на уровне 0,5 от максимума резонансной кривой 10—150 Å и  $z_0 \leq 1 \div 2^\circ$ ); 2) либо учитывают реальные характеристики прибора прямо при построении х-номограмм, как это сделано, например, в теории сетевого озонометра с широкополосными светофильтрами (определены  $\alpha_{20}$  для исключения эффекта Форбса, предельно сужен апертурный угол для уменьшения действия рассеянного света [2]).

Допущение  $\delta_1 - \delta_2 = \{^0_{\text{const}}$  оправдывают двумя причинами: близостью  $\lambda_1$ ,  $\lambda_2$  и тем, что на спектральном интервале 3000—4000 Å  $\delta_{\lambda}$  меняется в зависимости от  $\lambda$  меньше, чем  $\alpha_{\lambda}$  и  $\beta_{\lambda}$ .

Но уже в [2] было показано, что при сильных отклонениях характеристик прозрачности атмосферы от среднего локального режима величина аэрозольной поправки в текущих значениях *х* может стать существенной. В более поздних исследованиях [5—9] выявлено, что аэрозольная компонента атмосферы сложна и обладает чрезвычайно изменчивой пространственно-временной структурой. Особое значение имеет фактор случайности возникновения многих существенных нарушений метастабильного состояния («нормы») аэрозольного фона. Вероятность таких возмущений повышается в связи с общим увеличением мутности атмосферы в последние десятилетия, в особенности для наблюдательских пунктов

вблизи крупных промышленных центров. По этим причинам трудно, например, регламентировать начало — конец атмосферно-оптических (и озонных) наблюдений по чисто астрономическим параметрам  $h_{\odot}$ , *m*. Помутнения атмосферы, при которых возникает необходимость введения аэрозольной поправки или даже теряется всякий смысл озонных измерений по прямому солнечному свету, могут возникать в любое время дня, при любых высотах Солнца. В таких ситуациях аэрозольную поправку выгодно определять непосредственно в процессе измерения *x*, а наблюдатель должен иметь в своем распоряжении метод и инструмент, позволяющие объективно оценивать устойчивость оптических свойств атмосферы. Весьма перспективны в этом отношении прямые измерения рассеянной радиации неба [10—15].

# 2. Макет ореольного озонометра. Особенности измерения общего содержания селективно поглощающего газа прибором с переменной апертурой

Макет ореольного озонометра был осуществлен на базе ореольного фотометра В. Г. Фесенкова, в котором селеновый фотоэлемент замещался фотоэлементом Ф-4, а светофильтры подбирались по характеристикам, близким к сетевому озонометру М-83: один общий фильтр УФС-2 и два сменных на λ<sub>1</sub> и λ<sub>2</sub> — ЖС-3 и СЗС-9. Угловые характеристики макета приблизительно совпали с угловыми характеристиками М-83 [4].

Величины спектральных потоков радиации, действующих в апертурах ореольного озонометра, определяются интегральными соотношениями (см. [4]), причем при существующей методике градуировки ореольного прибора по яркости стандартного белого экрана [10] индикатрису яркости в пределах апертуры обычно не учитывают:  $\int E(z, \lambda) d\lambda dz = E_{\lambda}$ , а тогда [4]:

$$J_{\lambda}^{*} = 2\pi^{2} r^{2} \overline{E}_{\lambda} \overline{\gamma} \int_{z_{i}}^{z_{j}} F_{k}(z, \infty) \sin z \cos z \, dz, \qquad (2)$$

$$J_{\lambda} = \frac{J_{\lambda}^{*}}{\overline{\gamma}} = \pi \overline{E} S \psi_{k} = \frac{(n - n_{0}) a k_{l} \psi_{k}}{\overline{\gamma}}, \qquad (3)$$

где *i*, *j*, *k* — индексы, относящиеся к соответствующим граничным углам используемых апертур;  $F_k(z, \infty)$  — функция виньетирования для системы диафрагм коллиматора, затеняющего диска или кольцевой зоны; *n*,  $n_0$  — отсчеты по выходному прибору фотометра; *a* — переводный множитель в абсолютные единицы;  $k_t$  — температурный множитель для фотоэлемента и фильтров;  $\gamma$  — осредненный редукционный множитель, учитывающий селективность светофильтров и приемника;  $\psi_k$  — поверхностно-угловое соотношение для соответствующей апертуры прибора [4]. При измерениях яркости ореола очень важно учесть все редукционные множители в (2)—(3), за исключением, может быть, *a*, чтобы получать

отсчеты, соответствующие прямой и околосолнечной рассеянной радиации в сопоставимых масштабах.

Нужно помнить, что величины потоков  $J_{\lambda}$  являются чисто инструментальными [7], в реальных условиях они могут оказаться не свободными от влияния кратного рассеяния, альбедо при низком Солнце и других факторов.

Ореольный озонометр по величинам потоков радиации, действующих в апертуре коллиматора  $J_{\lambda}$  и в кольцевой зоне  $J_{H, K; \lambda}$ , позволяет определить поток  $J_{\odot \lambda}$ , экранируемый центральным дисковым экраном, и, таким образом, определить по стандартным *x*-номограммам значения *x*,  $x_{\odot}$ , соответствующие наибольшей и наименьшей из используемых апертур.



Рис. 1. Ход ультрафиолетовой прозрачности, пересчитанной в эквивалентные толщи озона, по измерениям с макетом ореольного озонометра в Воейково.

 $1-x_{\odot}, 2-x.$ 

Совершенно очевидно, что если атмосфера оптически устойчива, а рассеянным светом можно пренебречь  $(J_{\rm H, K; \lambda} \rightarrow 0)$ , то  $x \approx x_{\odot}$ , что и наблюдается в обычных условиях. С увеличением мутности атмосферы возникает заметное рассеяние, и  $|x - x_{\odot}| \neq 0$  (обычно  $x_{\odot} > x$ ); причем при неустойчивой атмосфере  $|x - x_{\odot}| \neq const.$ О степени постоянства  $|x - x_{\odot}|$  можно судить по серии последовательно измеренных  $x, x_{\odot}$ , приходящихся на выбранный временной интервал осреднения (день, полдня, час и т. д.), а относительную погрешность, вносимую действием околосолнечного ореола, можно оценить по отношениям тех же разностей к  $x_{\rm cp} = \frac{x + x_{\odot}}{2}$ или  $x_{\odot}$ . Наиболее надежным будет отношение

$$\varkappa_{\odot} = \frac{|x - x_{\odot}|}{x_{\odot}}, \qquad (4)$$

так как величины  $x_{\odot}$  определяются с наименьшей апертурой и менее подвержены суммарному действию рассеянной радиации.

На рис. 1 представлен ход ультрафиолетовой прозрачности, измеренной ореольным озонометром в Воейково при пробных испытаниях макета и пересчитанной в эквивалентные толщи озона

в сантиметрах (15 июня 1967 г.). Ход x,  $x_{\odot}$  в этот день может считаться характерным для оптически квазиустойчивых дней с ясным небом, когда изменения прозрачности в течение дня не достигали значений, при которых необходима аэрозольная поправка (если не считать больших значений *m*, где  $\kappa_{\odot max}$  достигает 5—10%, что еще считается допустимым при сетевых озонных измерениях [2]). Можно отметить также неустойчивость отсчетов в околополуденное время, что вызывается появлением пыли и возрастанием турбулентности.

Критерий (4), вообще говоря, является чисто инструментальной характеристикой, позволяющей при увеличении мутности атмосферы установить момент, начиная с которого одна из выбранных апертур (сначала наибольшая) становится непригодной для озонных измерений. Для более точных количественных оценок режима прозрачности атмосферы, критического в отношении введения аэрозольной поправки, необходимо в добавление к (4) определить ряд оптических характеристик атмосферы, связанных с индикатрисой рассеяния и с ее ореольной частью. К их рассмотрению и переходим.

## 3. Контроль за оптической стабильностью атмосферы. Особенности градуировки ореольного озонометра

С помощью ореольного фотометра, снабженного набором светофильтров, свободных от действия эффекта Форбса и с  $\lambda_{\partial \Phi}$ , расположенными внутри и вблизи от полосы селективного поглощения, можно получить ряд характеристик, количественно определяющих степень устойчивости оптических свойств атмосферы за период осреднения текущих значений *x*. Среди таких характеристик имеются:

относительный ореол

$$\eta_{\lambda} = \frac{J_{\mathrm{H},\,\mathrm{K};\,\lambda}}{J_{\lambda}}; \qquad (5)$$

эффективный коэффициент рассеяния для фиксированной кольцевой зоны неба (ореола), характеризуемой некоторым эффективным углом  $z_{a\phi}$  [4]

$$\mu_{\lambda} = \frac{J_{\mathrm{H, K; \lambda}}}{J_{\lambda}m}; \qquad (6)$$

спектральные коэффициенты прозрачности атмосферы

$$p_{\lambda}^{m} = \frac{J_{\otimes \lambda} + J_{\mathrm{H, K}; \lambda}}{J_{0\lambda}} = \frac{J_{\lambda}}{J_{0\lambda}}; \quad p_{\otimes \lambda}^{m} = \frac{J_{\otimes \lambda}}{J_{0\lambda}}, \quad (7)$$

$$p_{\lambda}^{m} = 10^{-(\beta+\delta) m}; \qquad (8)$$

спектральные коэффициенты прозрачности атмосферы, определяемые по яркости околосолнечного неба

$$p_{\mathrm{H, \lambda}}^{m} = \frac{J_{\mathrm{H, K; \lambda}}}{\mu_{\lambda} J_{0\lambda} m}$$
(9)

ИТ. П.

При устойчивой атмосфере функции  $\eta(m)$ ,  $\mu(m)$  графически представляют собой прямые линии или полосы  $\eta \pm \Delta \eta$ ,  $\mu \pm \Delta \mu$ , параллельные оси *m*, причем  $\Delta \eta$  и  $\Delta \mu$  можно заранее рассчитать по допустимой погрешности измерения *x*, по формулам и соотношениям, представленным в работах [2, 10, 11 и 15].

По спектральному ходу измеренных величин  $\eta_{\lambda}$ ,  $\mu_{\lambda}$  и  $p_{\lambda}$  и их допустимых вариаций  $\Delta\eta$ ,  $\Delta\mu$  и  $\Delta p$  можно определить степень нейтральности аэрозольного ослабления относительно интересующих нас  $\lambda$ , т. е. решить вопрос о целесообразности введения поправки на аэрозольное ослабление в соответствующие значения x.

Так, если потребовать, чтобы относительная погрешность определения озона x не превышала 5—10%, то соответствующие вариации эффективного коэффициента рассеяния  $\mu_{\lambda_1}/\mu_{\lambda_2} \leq 10 \div 15\%$ .

Далее, в графической интерпретации формул (7) и (9) имеют место прямые линии  $\lg J_{\lambda} = f_1(m)$  и  $\lg \frac{J_{\text{H, K; \lambda}}}{m} = f_2(m)$ , по наклону которых можно определить  $p_{\lambda}$  и  $p_{\text{H, \lambda}}$ . В то время как бугеровские прямые (7) мало чувствительны к внезапным изменениям оптических свойств атмосферы и совсем не чувствительны к их плавным изменениям [10—13], совмещенные графики  $f_1(m)$  и  $f_2(m)$ позволяют количественно оценить пределы, тенденцию и знак изменения коэффициента прозрачности практически за любой интервал наблюдений (день, полдня, несколько часов и т. п.). В качестве критерия устойчивости предложено использовать отношение [11]

$$\varkappa_{\rho} = \frac{\left| p_{\lambda} - p_{\mathrm{H}, \lambda} \right|}{\left| p_{\lambda} + p_{\mathrm{H}, \lambda} \right|} \,. \tag{10}$$

При этом максимальная погрешность в определении коэффициента прозрачности вследствие монотонного изменения оптических свойств атмосферы за время наблюдений x равна  $\frac{|p_{\lambda} - p_{\mathrm{H}, \lambda}|}{2}$ . Действительное значение p заключено между  $p_{\lambda}$  и  $p_{\mathrm{H}}$ : при  $p_{\mathrm{H}} величина <math>p$  растет с увеличением m, при  $p_{\mathrm{H}} > p > p_{\lambda}$  она убывает. Подчеркнем еще раз, что нас интересуют здесь лишь такие отклонения действительных значений p от локальной «нормы» прозрачности и такие нарушения спектрального хода этих отклонений, которые приводят к существенному увеличению аэрозольной поправки [2]. Подробности методики использования формул (7), (9) и (10) достаточно полно изложены в оригинальных работах [10—13].

Характеристики (5)—(10) полезны и при градуировках озонометров, в том числе и ореольных: при нахождении заатмосферных значений спектральных потоков радиации  $J_{0\lambda}$  и заатмосферной постоянной озонометра  $L_0 = \lg J_{0\lambda_1} - \lg J_{0\lambda_2}$ . Обычно эти величины находят путем экстраполяции бугеровских прямых на m=0 [2].

В [12] было показано, что при отсутствии специальных наблю-

дений за оптической стабильностью атмосферы при измерениях в ультрафиолетовой части спектра даже в условиях ясного неба можно ожидать появления систематических занижений в дополуденных и завышений в послеполуденных значениях J<sub>02</sub>. Систематическая ошибка, оцениваемая в [12] по (5), составила от 6 до 25% (ясные дни).

Если использовать ореольный прибор и критерии (5)-(10), можно существенно сократить время, потребное для нахождения  $J_{0\lambda}, L_0$ , так как сличение озонометров можно производить по текущим наблюдениям, не дожидаясь наступления «идеальных состояний» атмосферы. Если при этом отбирать только особо устойчивые дни, то можно определить заведомо универсальное значение L<sub>0</sub>, свободное от влияния местной «нормы» прозрачности атмосферы. Этот факт особенно важен при региональных сравнениях озонометров (или других приборов, использующих аналогичную методику измерения общего содержания селективно поглошающего вешества в атмосфере).

#### ЛИТЕРАТУРА

1. Прокофьева И. А. Атмосферный озон. Изд. АН СССР, М., 1961.

2. Гущин Г. П. Исследование атмосферного озона. Гидрометеоиздат, Л., 1963.

3. Кондратьев К. Я. Актинометрия. Гидрометеоиздат, Л., 1965.

4. Голиков В. И. Об угловых характеристиках ореольного фотометра В. Г. Фесенкова. Труды ГГО, вып. 223, 1968.

5. Гущин Г. П. Спектрофотометрические исследования характеристик атмосферного аэрозоля в различных географических районах СССР. Труды ГГО. вып. 223, 1968.

6. Юнге Х. Химический состав и радиоактивность атмосферы. Пер. с англ. Изд. «Мир», М., 1965.

7. Розенберг Г. В. Сумерки. Физматгиз, 1963.

8. Ивлев Л. С., Суриков О. М. Аэростатные измерения вертикального распределения атмосферного аэрозоля. Сб. «Проблемы физ. атмосф.», вып. 6. Изд. ЛГУ, 1968.

9. Розенберг Г. В. Оптические исследования атмосферного аэрозоля. УФН, т. 95, вып. 1, 1968.

10. Пясковская Фесенкова Е. В. Рассеяние света в земной атмо-

смовская чессение света в тиссение света в земной атмо-сфере. Изд. АН СССР, М., 1957.
11. Лившиц Г. Ш. Рассеяние света в атмосфере. Труды Астрофизического ин-та АН КазССР, т. VI, 1965; т. Х, 1968. Изд. «Наука» КазССР, Алма-Ата.
12. Ситник Г. Ф. О наземных абсолютных измерениях энергии в солнеч-

ном спектре. Астрон. журнал, т. 42, вып. 5, 1965. 13. Лившиц Г. Ш. Рассеяние света и основные оптические параметры ат-

мосферы. Автореф. диссертации. ЛГУ, 1967.

14. Ошерович А. Л., Суслов А. К. О селективности аэрозольного ослабления при озонометрических наблюдениях в Заилийском Алатау. Сб. «Проблемы

физ. атмосф., вып. 5. Изд. ЛГУ, 1967. 15. Ошерович А. Л., Суслов А. К. Определение содержания озона и колебаний прозрачности в Куль-Сары в мае 1966 г. Сб. «Проблемы физ. атмосферы», вып. 6. Изд. ЛГУ, 1968.

#### В. И. ИВАНОВ, Г. П. ПАНОВА

# ИССЛЕДОВАНИЯ СПЕКТРАЛЬНОЙ ПРОЗРАЧНОСТИ АТМОСФЕРЫ НА ЮЖНОМ БАЙКАЛЕ

Данные о прозрачности атмосферы представляют существенный интерес для характеристики ее оптических свойств в том или ином пункте. Наряду с этим для самых различных областей знания (астрономии, климатологии, медицины и др.) необходимы сведения о спектральной прозрачности, о качественной и количественной оценке устойчивости оптических свойств атмосферы. Поэтому на многих совещаниях по атмосферной оптике указывалось на необходимость создания службы прозрачности атмосферы [1]. Пункт наблюдения на Байкале мог бы входить в сеть этой службы.

Первые экспериментальные данные об интегральной прозрачности атмосферы получены В. В. Буфалом [2] по материалам актинометрических наблюдений, выполненных в 1955—1959 гг. в нос. Лиственичное и на о. Ольхон. Средние годовые значения коэффициентов прозрачности в этих пунктах равны соответственно 0,773 и 0,784, т. е. они больше, чем в других районах, расположенных на той же широте.

В данной работе приводятся результаты измерений спектральной прозрачности атмосферы над Южным Байкалом, полученные с помощью ореольных фотометров конструкции Фесенкова с тремя фильтрами. Фотометры были изготовлены в ГГО для определения прозрачности атмосферы на сети станций. Исследования фотоэлементов и фильтров проведены в лаборатории Астрофизического института АН КазССР.

В ореольных фотометрах использовались селеновые фотоэлементы. Эффективные длины волн для системы фотоэлемент фильтр составляли 445, 546 и 636 нм. Определения прозрачности выполнены в двух пунктах в районе Листвянки и охватывают период с 13 января но 26 мая 1968 г. Один из фотометров находился на высоте 210 м над уровнем Байкала (*H*=660 м), другой — на льду озера, в 10 км от берега. Наблюдения производились в тех случаях, когда можно было измерять околосолнечный ореол и когда количество общей облачности не превышало 3 баллов (по горизонту). Обработаны все без исключения результаты наблюдений.

Данные обработки приведены в табл. 1. В графе 3 табл. 1 даны пределы атмосферных масс в направлении на Солнце (для синего фильтра), по которым определялись величины  $P_{\lambda}$  по Бугеру. Как известно, для определения коэффициента прозрачности атмосферы пользуются формулой Бугера, которая при измерениях на ореольном фотометре имеет следующий логарифмический вид:

$$\lg F_{m,\lambda} = \lg F_{0,\lambda} + m_{\odot} \lg P_{\lambda}, \tag{1}$$

где  $F_{0, \lambda}$  — световой поток от Солнца вне атмосферы для длины волны  $\lambda$ ,  $F_{m, \lambda}$  — тот же поток в направлении на Солнце при атмосферной массе  $m_{\odot}$ .

Так как величина  $F_{0,\lambda}$  в общем неизвестна, то  $P_{\lambda}$  определялось графически [3]. По оси абсцисс откладывались атмосферные массы в направлении на Солнце, по оси ординат — соответствующие значения  $\lg F_{m,\lambda}$ . По получившимся точкам проводилась бугеровская прямая, тангенс угла наклона которой равен  $\lg P_{\lambda}$ , а в пересечении с осью ординат она дает значение  $\lg F_{0,\lambda}$ . При такой методике определения  $P_{\lambda}$  разброс точек на бугеровском графике будет обусловлен ошибками наблюдений и изменениями прозрачности атмосферы, а ошибки  $P_{\lambda}$  будут зависеть от величины неустойчивости прозрачности атмосферы. Из всех наблюдений нами были найдены значения  $\lg F_{0,\lambda}$ . Но при измерениях порой отмечалась значительная неустойчивость оптических свойств атмосферы, поэтому эти значения не приводятся.

Бугеровские коэффициенты прозрачности, приведенные в графах 4—6 табл. 1, вообще говоря, имеют различный вес, если в качестве этого веса принимать продолжительность наблюдений (промежуток *m*). От этого несоответствия можно избавиться, воспользовавшись другими методами определения  $P_{\lambda}$  — по максимуму околосолнечного ореола и по измерениям рассеянной радиации, которые мы и использовали. Ниже будет показано, что, применяя их одновременно с методом Бугера, можно определить истинные значения  $P_{\lambda}$ .

Для сравнения наших результатов с данными [2] были выведены средние месячные величины  $P_{\lambda}$  (разумеется, ориентировочные). Ход этих величин по месяцам имеет такой же характер, как и для интегрального потока, осредненного за 4 года наблюдений. Исключением является февраль, в котором средние  $P_{\lambda}$  занижены за счет наблюдений 9 февраля (день с очень низкой прозрачностью). В этот день отмечалась плотная дымка над пунктом наблюдений.

Приведенные в табл. 1 величины  $P_{\lambda}$  позволяют достаточно полно охарактеризовать прозрачность над Байкалом. Дополнительно на рис. 1 мы показываем распределение значений  $P_{\lambda}$  по их величине; по горизонтальной оси отложены интервалы значений  $P_{\lambda}$ , а по вертикальной — их повторяемость в процентах от общего числа наблюдений (серий). Максимумы кривых относятся

\_\_\_\_

Спектральная прозрачность и фактор неустойчивости для пункта Листвянка-1 (1968 г.)

Таблица

	$\frac{P_{\rm H}}{P_{\rm H}}^{0/0}$	445 нм	$^{+4}_{+4,6}$	+4,3	+0.5	+9,2	$\pm 4,4$	+2,8	+7.6	+4,5	+10.9	+0,+	$^{+4.8}_{+14.3}$	+7,4 +3,6	+- 5,1	++2,5,5,5,5,5,5,5,5,5,5,5,5,5,5,5,5,5,5,
	$= \frac{P_6}{P_6 + 1}$	546 нм	+1,1	+1,6	+1.6	+6,1	$\pm 2,5$	+5,1	++0,1	+1,5	+11,0	10,07	-1.0+3.3	+6,9 +2,3	+0,0	++0,1
(	фактор ти х	636 нм	+1,2	+1,2	+1.9	-2,6	$\pm 1,5$	-0.5	+4.0	+2,+	+18,4	+ -, 4 + 8, 9	-0.6+4.2	+5,7	+1,4	++0,0
	реола $P_{\lambda}$	445 нм	$0,758 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,748 \\ 0,74$	0,690 0,675	0,748 0,730	$0,737 \\ 0,615$	0,712	0,632	0,638	0,695	0,510 0,613 6,73	0,632	0,630 0.525	0,593 0,740	0,673	0,765 0,740 0,740
	жости с авшиц)	546 нм	$0,820 \\ 0,843 \\ 0,843$	0,780	$0,805 \\ 0,787$	$0,772 \\ 0,666$	0,779	$0, \underline{661}$	0,722 0.765	0,788	0,500 0,654 700	0,704	0,730 0.737	0,655 0,805	0,778	0,823 0,811 0,811
	По яј (Лі	636 нм	0,878	0,808 0,852	0,858 0,835	0,835 0,854	0,846	0,784	0,794	0,820	0,692	0,760	$0,800 \\ 0,782$	0,718 0,835	0,820	0,854 0,854 0,851
	ү орео- ская- ) Р <sub>λ</sub>	445 нм	.	0,766	0,792	0,800		]	1	1	1		.11	0,788	0 651	0,805 0,732
	ксимум Пясков сенкова	546 нм	0,865	0,766	0,848	0,808 0,733		1   1	0,747 0.784	0,788	0,770		0,758	0,728 0,875	0,770	0,843
	По ма ла ( Фе	636 пм	0,883	0,860	0,876 0,867	$0,821 \\ 0,808$		<b>0</b> ,783	0,805	0,813	0 837	100 <b>f</b> 0	0,780	0,760 0,868	0,850	0,873
	$P_{\lambda}$	445 нм	0,823 0,820	0,752 $0,711$	0,754	$0,720 \\ 0,740$	0,761	0,670	0,631	0,761	0,717 0,752	0,721	0,692 0,700	0,688 0,795	0,745	0,788
	Byrepy	546 им	0,848 0,861	0,775 0,782	$0,802 \\ 0,812$	0,748 0,752	0,798	0,732	0,724	0,812	0,704	0,783	$0,715 \\ 0,787$	$0,752 \\ 0,843$	0,790	0,825
J J	По	636 нм	0,900	0,828 0,837	0,855 0,867	$0,816 \\ 0,812$	0,845	0,776	0,776 0.861	0,861	0,880	0,836	0,790	0,805 0,886	0,843	0,870
	W		$\frac{1}{4-13}$	3-10 3-7	3-12 3-7	3-13 3-6		3-4,5	$\frac{3-6}{2-10}$	3-10	2,5-12 2,5-8	71 0.7	2,5-5 4-10	$2-5 \\ 2-9,5$	1 2-9	1,5-10 1,5-18 1,5-12
and the second second	-опден в	мэq8 йинэд	и. п. п. п.	п. п. д. п.	н 1 1 1 1	н. п. п.		д. п.	н 1 1 1	д. п.			д. п. п.	д. п. п. п.	п. п.	
	Дата	· · · · ·	13/1	1//1	20/1	21/1 25/1	Среднее		9/11/01	20/11	27/11 27/11	Среднее	4/111	$\frac{6}{111}$	21/111	22/111 26/111
Дата	-опден в	w.	По	Byrepy	P	По мал ла ( Фе	ксимуму Пясковс сенкова)	орео- кая- $P_{\lambda}$	По яр Ли	кости о вшиц)	реола Р <sub>у</sub>	фактор ти ха	$\frac{\text{Heycroi}}{P_6 - P_6 + P_$	ічивос- Р <sub>н</sub> 0/0		
-------------------	---------------------	----------------------------------------------	------------	---------------	-----------	----------------------	--------------------------------	--------------------------------	-----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------	------------------	-------------------------	---------------------------------	----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------	-------------------------------		
	мэqВ йинэд		636 нм	546 нм	445 нм	636 нм	546 нм	445 нм	636 нм	546 нм	445 нм	636 нм	546 нм	445 нм		
30/111	п. п.	5,5-18	0,880	0,825	0,807	l		1	0,849	0,816	0,764	+1,8,	+0,6	+2,7		
Среднее		<u>,                                    </u>	0,849	0,795	0,747				0,814	0,770	0,676	$\pm 2,8$	$\pm 2,7$	$\pm 6,7$		
4/IV 5/IV	п. п.	2,55,5 9,5 8	0,847	0,785	0,735	18 0 818	0 705	0.600	0,870	0,812	0,719	-1,3	-1,7	+1,1		
11/1V	ц. п. п.	1,5-4	0,781	0,744	0,657	0,755	0,130	0,030  -	0,718	0,675	0,575	+4,2,	++ • •	+0.0+		
14/IV	п. п.	1,5-7,5	0,862	0,807	0,745	0,783	0,700	0 606	0,754	0,688	0,568	+6,7		+13,5		
15/IV	н. Н. Н.	1,5-18	0,870	0,809	0,771	00, 0	0,745	0,622	0,823	0,778	0,698	++2,0	$+\frac{1}{2}$	++5,0		
16/IV	н Ц Ц	1,5-4	0,827	0,773	0,716	0,780	0,768	0,606	$0,812 \\ 0,827 \\ 0,827 \\ 0,827 \\ 0,827 \\ 0,827 \\ 0,827 \\ 0,827 \\ 0,827 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,812 \\ 0,81$	0,758 0,785	0,652	6,0 ++		+4,7		
17/IV	н. п.	1,5-12	0,851	0,791	0,736	0,783	10160		0,790	0,744	0,648	+3,7	+3,1	+6,4		
19/IV 21/20	п. п.	1,5-14 1,5-3,5	0,841	0,777	0,734	0,783	0,768		0,805	0,758	0,783	×2 42,2	+1,2	+3,6 -6,6		
24/IV	п. п.	1,5-12	0,771	0,703	0,680	0,810	0,610	0,512	0,758	0,685	0,622	+0,0	+1,3	+4,5		
29/IV	п. п.	1, 5-16, 5	0,878	0,828	0,776	0,805	0,792	0,645	0,794	0,758	0,687	+5,0	+4,4	+6,1		
30/IV	н 1. 1. 1.	1,5-7	0,870	0,800	0,758	0,812 0,833	0,780	0,700	0,812	0,747	0,692 0,692	+ 5 , 6 , 4 , 0 , 4	+ + 2,0	+5,9 +4,6		
Среднее			0,839	0,788	0,726				0,799	0,755	0,662	±3,8	$\pm 4,2$	$\pm 6,1$		
7/V 19/V	п. п.	1, 5-10	0,877	0,823	0,755	0,897	0,783	0,635	0,862	0,802	0,713	+0,9	+1,3	+2.9		
26/V	л. п.	1,0-4 1-6	0,851	0,793	0,724	0,830	0,735	0,655	0,785	0,737	0,635	+4,0	+3,7	+6,5		
Среднее			0,845	0,785	0,716				0,847	0,798	0,689	±3,7	<u>+</u> 4,7	$\pm 4,6$		
Среднее			0,842	0,790	0,736				0,807	0,757	0,671	$\pm 4,7$	$\pm 4,8$	$\pm 6,3$		
за весь периол					i									•		
Прим	ечания	<ol> <li>I. Истинны</li> </ol>	е коэффи	и циенты I	трозрачно	сти атмс	сферы: /	o"=0,824±	0,018, P.	=0,774±0	$016, P_{a} =$	, 0,704±0,03	5.			
2. Здесі	и в оста	льных таблица.	х этой ста	атьи д. п.	попод —	уденные	наблюден	м. ИЯ, П. П.	- послепс	луденны	е наблюд	ения.				

к следующим величинам  $P_{\lambda}$ : для синего фильтра — 0,750, для зеленого — 0,800, для красного — 0,850. Отметим предельные значения коэффициентов прозрачности за период наблюдений: красный фильтр — 0,900 и 0,771, зеленый — 0,861 и 0,703, синий — 0,823 и 0,631. Эти данные подтверждают выводы В. В. Буфала [2] о том, что для Байкала характерна достаточно большая прозрачность атмосферы, причем во всех участках спектра.

Характеристика оптических свойств атмосферы над Байкалом дается нами по бугеровским величинам  $P_{\lambda}$ . В то же время известно, что метод Бугера не дает действительной картины, так как истинные значения коэффициентов прозрачности могут быть получены



Рис. 1. Повторяемость различных значений  $P_{\lambda}$  (по Бугеру) в пос. Листвянка-1.

1 — красный фильтр, 2 — зеленый, 3 — синий.

только при неизменности оптических свойств атмосферы за все время наблюдений, на что, в частности, указывается в работах [3, 4, 5].

В условиях неустойчивости прозрачности атмосферы для нахождения истинных величин  $P_{\lambda}$  нами использовались указанные выше два других метода определения  $P_{\lambda}$ . Сами по себе эти методы, как известно [3, 5], не дают достоверных коэффициентов прозрачности в условиях неустойчивости оптических свойств атмосферы, но эта неустойчивость будет оказывать на них влияние, противоположное по знаку влиянию на метод Бугера. Так, если  $P_6$  получится завышенным, то коэффициент прозрачности по двум другим методам будет заниженным, и наоборот. При совместном использовании эти методы дают истинные (или по крайней мере близкие к ним) величины  $P_{\lambda}$ , если даже атмосфера в оптическом отношении была неустойчива.

В графах 7—9 табл. 1 приведены коэффициенты прозрачности, определенные по методу максимума ореола (метод Пясковской-Фесенковой), в котором величины  $P_{\lambda}$  находятся по формуле

$$\ln P_{\lambda} = -\frac{1}{m_{\max, \lambda}}, \qquad (2)$$

где  $m_{\max}$  — значение атмосферной массы в направлении на Солнце в момент максимума околосолнечного ореола.

Величины  $P_{\lambda}$ , полученные по измерениям яркости ореола (метод Лившица) при разных  $m_{\odot}$ , приводятся в графах 10—12 табл. 1. Коэффициенты прозрачности здесь определялись графически, подобно методу Бугера, и были численно равны угловому коэффициенту прямой. Уравнение этой прямой

$$\lg \frac{F_{\rm H}}{m_{\odot}} = m_{\odot} \lg P_{\lambda} + C. \tag{3}$$

В этой формуле  $F_{\rm H}$  — световой поток от околосолнечного ореола при данной атмосферной массе  $m^{\odot}$ , C — постоянная (не зависящая от  $m_{\odot}$ ).

Рассмотрим результаты определений *Р*<sup> $\lambda$ </sup> двумя последними методами.

Процент использования метода максимума ореола составляет для красного фильтра 76, для зеленого — 72, для синего — 43, т. е. в среднем метод можно было использовать примерно в <sup>2</sup>/<sub>3</sub> случаев от общего количества наблюдений. Такие же данные о применимости метода приводит и Н. Ф. Тягун [6].

Отметим, что в 25% дней при наших наблюдениях отмечались фиктивные максимумы ореола. В большинстве случаев они возникают в близполуденные часы и явно заметны. В такие дни  $P_{\lambda}$  определялось по этому методу, хотя яркость ореола при действительном максимуме была меньше, чем при фиктивном.

Метод определения  $P_{\lambda}$  Лившица по измерениям яркости ореола в различных точках альмукантарата Солнца оказался достаточно пригодным и дающим хорошие результаты при оптической устойчивости атмосферы. В неустойчивые дни его выгодно использовать совместно с методом Бугера. Высказанные Лившицем соображения относительно границ применимости метода [5] полностью подтвердились.

В качестве примера использования различных методов определения  $P_{\lambda}$  рассмотрим результаты измерений 30 апреля 1969 г. после полудня, представленные на рис. 2. В этот день возможно было применение всех трех методов нахождения  $P_{\lambda}$ . Изменение оптических свойств атмосферы, что следует из графиков (рис. 2  $\partial$ ), происходило монотонно, без резких колебаний оптической устойчивости, вследствие чего методы максимума ореола и измерений яркости ореола дали близкие значения  $P_{\lambda}$ . Расхождения в значениях коэффициентов прозрачности для красного фильтра составляют 2,6%, для зеленого — 1,6%, для синего — 1,1%. В то же время эти значения  $P_{\lambda}$  намного отличаются от величин  $P_{\lambda}$ , определенных по методу Бугера (расхождения составляют соответственно 6,9; 7,1 и 9,2%), что вызвано общей значительной оптической неустойчивостью. Заметим, что в красной и зеленой областях спектра величина неустойчивости одинакова, в синей она больше. Это же подтверждается хо-

дом величины  $\mu = \frac{F_{\rm H}}{F_{\odot} m_{\odot}}$ и говорит об изменении спектра аэрозолей.

),





, *д* — за-0 a-P по Бугеру, b-P по тах ореола, s-P по яркости ореола, e- зависимость  $rac{F_{\rm H}}{F_{\rm O}}$  от  $m_{\odot}$ висимость  $\mu$  от  $m_{\bigodot}$ . l-красный фильтр. 2- зеленый, 3- синий. Выше указывалось, что расхождение величин  $P_{\lambda}$ , определенных разными методами, обусловливается изменением оптических свойств атмосферы. Однако, хотя и редко, могут быть и такие случаи, когда расхождение  $P_{\lambda}$  незначительное, но наблюдается оптическая неустойчивость атмосферы. Это может быть тогда, когда изменение прозрачности происходит сначала в одну сторону, а затем в другую. Такими днями при наших наблюдениях явились 19 и 22 февраля после полудня.

В большинстве же случаев прозрачность в полдень хуже, чем утром и вечером, поэтому все среднемесячные величины  $P_{\lambda}$ , определенные по методу Лившица, меньше бугеровских. Из табл. 1 видно, что разность между величинами  $P_{\lambda}$ , определенными этими двумя методами, может быть значительной при оптической неустойчивости атмосферы. Так, в феврале 1968 г. разность между среднемесячными значениями  $P_{\lambda}$  достигает в синем фильтре 13%, т. е. ошибки как бугеровских, так и определенных по методу Лившица коэффициентов прозрачности в среднем равны половине этой величины.

Изучение оптической неустойчивости атмосферы в том или ином пункте представляет чрезвычайно большой интерес и имеет практическое значение прежде всего в астрономии и метеорологии. До последнего времени эту неустойчивость характеризовали лишь качественно, используя довольно чувствительный критерий, предложенный Фесенковым и дополненный и уточненный Пясковской-Фесенковой. Г. Ш. Лившиц [5] предложил применять критерий, позволяющий охарактеризовать количественно устойчивость оптических свойств атмосферы, которая выражается величиной

$$x = \frac{|P_6 - P_{\rm H}|}{P_6 + P_{\rm H}},$$
(4)

где  $P_6$  — бугеровский коэффициент прозрачности, а  $P_{\rm H}$  — определенный из наблюдений яркости ореола. Величина ж, названная фактором неустойчивости, характеризует максимальную относительную ошибку в определении  $P_{\lambda}$  тем и другим способом и ее значение зависит от величины изменения прозрачности. Чем больше оптическая неустойчивость атмосферы, тем больше величина ж. Если  $\varkappa = 0$ , то это должно означать идеальную устойчивость.

За исключением тех редких случаев, когда в течение серии наблюдений отмечалось изменение прозрачности с разным знаком, фактор неустойчивости можно считать достаточно надежной количественной характеристикой, совершенно необходимой при исследовании устойчивости оптических свойств атмосферы. Схему этого исследования можно представить следующим образом. Используя критерий Фесенкова, по ходу прямой относительного ореола устанавливаем, в какую сторону происходило изменение прозрачности за период наблюдений. Затем по графикам зависимости величины  $\mu$  от  $m_{\odot}$  [3] определяем момент, когда именно нарушилась устойчивость прозрачности атмосферы. Наконец, находим величину фактора неустойчивости Лившица по формуле (4), что даст количест-

8 Заказ № 534

венную характеристику изменения оптических свойств атмосферы. Пользуясь таким анализом результатов наблюдений, можно установить, пригодны ли они для решения тех или иных задач.

Заметим, что не всегда необходимо строить все указанные выше графики, связанные с исследованием устойчивости, так как некоторые характеристики взаимообусловлены. Но полное исследование устойчивости оптических свойств атмосферы возможно только при совместном определении качественных и количественных характеристик. Зная последние, можно найти значения истинных коэффициентов прозрачности *P* 

$$P \pm \Delta P = \frac{P_{\mathrm{H}} + P_{\mathrm{6}}}{2} \pm \left| \frac{P_{\mathrm{H}} - P_{\mathrm{6}}}{2} \right|,\tag{5}$$

где  $\frac{P_{\rm H} - P_{\rm 5}}{2}$  будет максимальной ошибкой в определении *P*.

Для характеристики оптической устойчивости атмосферы и определения истинных коэффициентов прозрачности в п. Листвянка-1 нами были вычислены величины факторов неустойчивости для всех серий наблюдений и для всех фильтров. Полученные результаты помещены в табл. 1. Величины х здесь, в отличие от полученных из формулы (4), имеют следующие знаки:

знак +, когда  $P_{\rm f} > P > P_{\rm H}$  (если *P* растет с увеличением или убывает с уменьшением  $m_{\odot}$ );

знак —, когда  $P_6 < P < P_{\rm H}$  (если P убывает с увеличением или растет с уменьшением  $m_{\odot}$ ).

Таким образом, значения к в табл. 1 характеризуют не только величину оптической неустойчивости атмосферы, но и направление изменения прозрачности. Из приведенных данных можно заметить следующее. Во-первых, при наших наблюдениях отмечались разные по знаку значения фактора неустойчивости, но в основном они положительные (83%). Больше всего отрицательных значений к было в зимний период. В этот же период отмечено несколько случаев идеальной устойчивости оптических свойств (к близко к 0). Во-вторых, оптическая устойчивость зависит от длины волны. Различия между величинами к для красного и зеленого фильтров в большинстве случаев невелики, хотя для последнего средние значения все же больше. Для синего фильтра величина фактора неустойчивости почти всегда больше, чем для предыдущих двух. В-третьих, в зимний период атмосфера в пункте наблюдений в оптическом отношении более устойчива, чем в весенний период, что видно по ходу

средних квадратичных значений  $\varkappa_{cp}$  по месяцам  $\left(\varkappa_{cp} = \pm \sqrt{\frac{[\varkappa^2]}{n}}\right)$ .

Из табл. 1 видно, что в феврале значение  $\kappa_{cp}$  очень велико, но это объясняется аномальной оптической неустойчивостью в конце февраля.

На рис. З приведены статистические данные об устойчивости оптических свойств атмосферы для разных длин волн. Повторяемость *N* различных значений  $\varkappa$  дана в том виде, в каком это приводится у Г. Ш. Лившица [5], что сделано для удобства сопоставления материалов наблюдений. По оси абсцисс отрезки отложены также через интервалы в 1%  $\varkappa$ . Наши данные показывают, что для  $\lambda_0$ , равных 636 и 546 нм, большинство величин  $\varkappa$  (80%) находится в пределах  $-2 < \varkappa \% < +5$ , причем максимальная повторяемость, как и в работе [5], приходится на  $\varkappa = +2\%$ . Серии наблюдений, при которых значение  $\varkappa$  больше 10%, у нас также встречались редко (2 случая).



Рпс. 3. Статистические данные об устойчивости оптических свойств атмосферы.

а — красный фильтр, б — зеленый, в — синий.

Иначе обстоит дело для синего фильтра с  $\lambda_0$  = 445 нм. Здесь максимум повторяемости приходится на  $\varkappa$  = +5%, и отмечено 4 случая, когда фактор  $\varkappa$ >10%.

Таким образом, для синей области спектра в районе п. Листвянка-1 атмосфера более нестабильна в оптическом отношении, чем для красной и зеленой частей спектра. Это видно и по средним квадратичным значениям фактора неустойчивости, выведенным для всего срока наблюдений: для красного и зеленого фильтров величины  $\varkappa$  почти равны  $\pm 4.7\%$  и  $\pm 4.8\%$ , а для синего они гораздо больше ( $\pm 6.3\%$ ). Следовательно, для Байкала характерна значительная оптическая неустойчивость атмосферы в видимом участке спектра. Но все же необходимо учитывать, что найденные пределы изменения прозрачности, т. е. величины фактора  $\varkappa$ , являются максимальными потому, что в обработку были взяты все без исключения серии измерений. Если же исключить редко встречающиеся случаи, то, например, для красного фильтра, для которого 80% величин ж находятся в пределах —2 <  $\kappa\%$  < +5, среднее квадратичное значение фактора неустойчивости будет равно ±2,6%. Эта величина характеризует уже нормальные оптические свойства атмосферы над Южным Байкалом, т. е. такие, которые позволят выполнять исследования, связанные с необходимостью оптической устойчивости атмосферы.

За весь период наших наблюдений средние значения истинных коэффициентов прозрачности и их средние квадратичные ошибки равны:

 $\lambda_0 = 636$  HM,  $P = 0.824 \pm 0.018$ ,  $\lambda_0 = 546$  HM,  $P = 0.774 \pm 0.016$ ,  $\lambda_0 = 445$  HM,  $P = 0.704 \pm 0.032$ .

Величины ошибок при этом как раз близки к тем средним квадратичным значениям фактора неустойчивости, которые получаются при исключении редко встречающихся значений *и*.

При сравнении прозрачности атмосферы над Байкалом с прозрачностью в других районах СССР (выполненном В. В. Буфалом) оказалось, что над Байкалом прозрачность выше. Для подтверждения этого вывода мы сравнивали коэффициенты прозрачности для п. Листвянка-1 и для п. Монды (Бурятской АССР). Первый характеризует прозрачность атмосферы над Южным Байкалом, второй в Прибайкалье. В Мондах наблюдения выполнены Н. Ф. Тягун с ореольным фотометром, у которого эффективные длины волн системы фотоэлемент—фильтр соответствуют нашим. Для сравнения отобраны все дни одновременных наблюдений, в том числе и те, в которых не совпадают лишь серии измерений. Между соответствующими коэффициентами прозрачности  $P_{\lambda}$  находились разности, которых за данный период наблюдений оказалось 13. Все результаты помещены в табл. 2.

Разумеется, в п. Монды, расположенном на высоте 2008 м над уровнем моря, в горах, прозрачность атмосферы должна быть выше, чем в п. Листвянка-1, расположенном на высоте 660 м над уровнем моря. Но, как видно из табл. 2, разность величин  $P_{\lambda}$  в большинстве случаев незначительная, а в отдельные дни она даже отрицательная. Средние же значения коэффициентов прозрачности в Мондах больше, чем в Листвянке-1, для красного фильтра на 4,0%, для зеленого — на 2,8%, для синего — на 2,4%.

Для абсолютного сравнения прозрачности в пунктах Монды и Листвянка-1 мы воспользовались зависимостью оптической толщи атмосферы от высоты места наблюдений [7], которая получена по измерениям в зеленой области спектра. Интерполируя зависимость на высоты 660 и 2008 м и имея  $P = e^{-\tau}$ , мы нашли, что

ица 2 тера)	ьтр	${}^{\Delta P}{}_{\lambda}$	0,013	0,007	0,060	0,079	0,012	0,093	0,010	$0,024 \\ 0,046$	$0,049 \\ 0,010$	0,023	0,033	0,018
Таби 1 (1968 г.) (метод Бу	фил									]	· 1	J		·
	ни синий	Монды	0,810	0,813	0,780	0,825	0,795	0,750	0,755	0,716 0,725	$0,765 \\ 0,752$	0,728	0,757	$^{0,767}_{\mp 0,036}$
	$\lambda_0 = 445$ 1	Листвянка	0,823	0,820	0,720	0,746	0,807	0,657	0,745	0,692 0,771	0,716 0,762	0,751	0,724	0,749 ±0,049
Листвянка-	λ <sub>0</sub> — 546 нм зелен <b>ы</b> й фильтр	$\Delta P_{\lambda}$	-0,001	-0,001	0,092	0,069	-0,025	0,041	0,019	0,070 - 0,054	0,052 0,026	0,013	0,027	0,023
к Монды и		Монды	0,847	0,860	0,840	0,863	0,850	0,785	0,826	0,818 0,755	0,825 0,830	0,778	0,820	0,823 $\pm 0,033$
циентов прозрачности атмосферы в пунктал		Листвянка	0,848	0,861	0,748	0,794	0,875	0,744	0,807	0,748 $0,809$	0,773 0,804	0,791	0,793	$\pm 0,800 \pm 0,042$
	. А <sub>0</sub> = 636 нм красный фильтр	$\Delta P_{\lambda}$		0,012	0,069	0,067	0,024	0,1 <del>8</del> 9	0,008	0,062 0,044	0,005 0,030	-0,021	0,050	0,034
		Монды	0,915	0,912	0,885	0,914	0,910	0,890	0,870	0,886 0,826	0,832 0,889	0,830	0,901	$_{\pm 0,033}^{0,882}$
		Листвянка		0,900	0,816	0,847	0,886		0,862	0,824 0,870	0,827 0,859	0,851	0,851	$\pm 0,848$ $\pm 0,032$
иффеох аг	Время	дений-	д. 11. 11.	д. п. п. п.	д. п. н.	д. П. Н. П.	л. п. п.	д. п. п. п.	н. П.	н ц ц	ц ц ц			н ц ц
Сопоставлени	E C	Дага	13/1	14/1	21/1	29/11	7/111	11/IV	14/IV	15/IV	16/IV	17/1V	26/V	Среднее

разность между средними значениями P для зеленого фильтра должна быть не 2,8%, а 6,5%. Полученные расхождения между величинами  $\Delta P = P_{\text{Монды}} - P_{\text{Листвянка-1}}$  можно объяснить большей прозрачностью над Южным Байкалом (почти на 4,0% по сравнению с Прибайкальским районом).

Разумеется, эти данные носят лишь ориентировочный характер, так как получены по малочисленным наблюдениям, охватывающим только зимний и весенний периоды одного года.

Как указывалось выше, кроме п. Листвянка-1, наблюдения велись и на льду озера Байкал. Разность высот этих станций составляла 210 м. К сожалению, частая дымка над Байкалом от Ангары и сильные ветры не всегда позволяли вести измерения. Из всех наблюдений выбраны только 3 дня одновременных определений коэффициента прозрачности  $P_{\lambda}$ . Результаты приведены в табл. 3. Из таб-

Таблица З

П.со	н на-	) кра	<sub>0</sub> == 636 сный ф	нм ильтр	λ <sub>(</sub> зеле	) == 546 еный ф	нм ильтр	λ <sub>0</sub> == 445 нм синий фильтр		
дата	Врем5 блюде	пункт 1	лед	$\Delta P_{\lambda}$	пунк <b>т</b> 1	лед	$\Delta P_{\lambda}$	пункт 1	лед	ΔΡ
27/11 4/111 7/111	п. п. п. п. п. п.	0,848 0,850 0,886	0,864 0,879 0,905	$^{+0,016}_{+0,029}_{+0,019}$	0,816 0,787 0,843	0,853 0,851 0,878	+0,037 +1,064 +0,035	0,752 0,700 0,795	0,844 0,841 0,834	+0,092 +0,141 +0,039
Среднее		0,861	0,883	+0,022	0,815	0,860	+0,045	0,737	0,839	+0,102

Сравнение спектральной прозрачности атмосферы на южном Байкале (1968 г.) (Листвянка-1, Листвянка, лед)

лицы видно, что значения  $P_{\lambda}$  для первого пункта меньше во всех трех сериях. Особенно велика разность для синего фильтра. Это можно объяснить тем, что синий фильтр ( $\lambda_0$ ==445 нм) наиболее чувствителен к различным изменениям в атмосфере (появлению взвешенных аэрозольных частиц). В дни, которые приведены в таблице, наблюдался северо-западный ветер. Это, по-видимому, и вызвало пониженную прозрачность атмосферы в п. Листвянка-1, так как частицы дыма из порта Байкал и от судоверфи, расположенных достаточно близко, проникали гораздо больше на этот пункт. Безусловно, на коэффициент прозрачности атмосферы большое влияние оказывали синоптические условия, от которых зависит оптическая устойчивость атмосферы. Но этот вопрос требует специального рассмотрения. В дальнейшем при накоплении большего количества данных по другим районам Байкала авторы попытаются дать анализ этому влиянию.

#### ЛИТЕРАТУРА

1. Кучеров Н. И. Исследование атмосферной прозрачности и солнечного свечения. Вестн. АН СССР, № 9, 1964.

2. Буфал В. В. Некоторые данные по прозрачности атмосферы на Байкале. Сб. «Элементы гидрометеорологического режима озера Байкал». Труды Лимнологического ин-та, т. V (XXV), 1964.

3. Пясковская - Фесенкова Е. В. Исследование рассеяния света в земной атмосфере. Изд. АН СССР, М., 1957.

4. Никитинская Н. И. О применимости метода Бугера — Ламберта для определения спектральной прозрачности толщи атмосферы. Актинометрия и атмосферная оптика. Гидрометеоиздат, Л., 1961.

5. Лившиц Г. Ш. Рассеяние света в атмосфере. Труды Астрофизического ин-та АН ҚазССР, т. VI, 1965; т. Х, 1968. Изд. «Наука» ҚазССР, Алма-Ата.

6. Тягун Н. Ф. Наблюдения прозрачности атмосферы на Саянской обсерватории СибИЗМИР СО АН СССР. Сб. «Результаты наблюдений и исследований в период МГСС», вып. 4, М., 1967.

в период МГСС», вып. 4, М., 1967. 7. Торопова Т. П., Тейфель Я. А. Измерения околосолнечных ореолов на разных высотах над уровнем моря. Изв. АН КазССР, вып. 1, т. 16, 1963.

## В. А. КЛЕВАНЦОВА, А. А. ЕЛИСЕЕВ

## ИССЛЕДОВАНИЕ ИНЕРЦИИ ПИРГЕЛИОМЕТРОВ И АКТИНОМЕТРОВ

Для актинометрических приборов, как и для всех приборов, измеряющих величины, меняющиеся во времени, одной из существенных характеристик является их инерция. Авторами статьи проведено исследование инерции компенсационных пиргелиометров разных конструкций, а также инерции стандартных актинометров, применяющихся на сети станций Гидрометслужбы.

Исследованию подвергались три термоэлектрических актинометра типа АТ-50 и восемь компенсационных пиргелиометров типа Онгстрема. Из них два оригинальных пиргелиометра Онгстрема № 212 и № 250; пиргелиометр конструкции Линдгольма № 164 с более толстыми приемными полосками, замененными при ремонте; пиргелиометры, сконструированные и изготовленные в ГГО № 616 и № 480 (с тремя приемниками), с приемными полосками толщиной 0,02 мм и одной термопарой для определения равенства температур полосок; пиргелиометры № 541 и № 542 с приемными полосками толщиной 0,04 мм и термобатареей из 19 термоспаев; пиргелиометр Янишевского типа М-59 № 539 с круглыми приемными отверстиями и термобатареей. В отличие от остальных приборов, термобатареи пиргелиометра № 542 не приклеены к приемным полоскам, а только прижаты к ним.

Для исследования инерции проведены записи изменений показаний приборов, подвергнутых действию радиации, при их мгновенном затенении, а затем при мгновенном удалении затеняющего экрана. Приборы освещались параллельным пучком радиации, полученным от лампы накаливания. Облученность была около 1,3 кал/см<sup>2</sup> мин Запись показаний приборов производилась посредством шлейфового осциллографа типа K12-21. Для записи использовалась диаграммная лента шириной 100 мм со скоростью протяжки 3 мм/сек.

При исследовании инерции пиргелиометров освещалась одна из приемных полосок, и к осциллографу подключались провода от термопары (или термобатареи). Изменение показаний при освещении и затенении записывалось для каждой из полосок. Для записи показаний пиргелиометров с одной термопарой дополнительно использовался фотокомпенсационный усилитель типа Ф 115 А-1, погрешность за счет инерционности усилителя оказалась пренебрежимо малой. На рис. 1 приведена запись показаний пиргелиометра № 212, полученная при освещении, а затем при его затенении.

При анализе записей мы предположили, что охлаждение приемника прибора после затенения происходит в соответствии с теорией регулярного режима [1], и, следовательно, можно принять, что из-



Рис. 1. Запись показаний пиргелиометра № 212.

менение показаний прибора со временем происходит по экспоненте. В этом случае инерцию прибора можно характеризовать коэффициентом λ, который определяется из выражения

$$\frac{N_{\max}}{N} = e^{\frac{\Delta \tau}{\lambda}}$$

где  $N_{\max}$  — максимальная ордината по записи, N — текущая ордината,  $\Delta \tau$  — промежуток времени,  $\lambda$  — коэффициент инерции. Численно коэффициент инерции  $\lambda$  равен времени, в течение которого показание прибора после затенения изменится в e раз.

При мгновенном облучении прибора по экспоненте изменяется разность между максимальным показанием (стационарное состояние открытого прибора) и показанием прибора в данный момент. Результаты обработки записей показаний приборов представлялись графически в полулогарифмическом масштабе. По оси абсцисс откладывалось время в секундах, а по оси ординат — отношение  $\ln \frac{N_{\text{max}}}{N}$  в случае затенения прибора или  $\ln \frac{N_{\text{max}}}{N_{\text{max}}}$  при освещении его.

На рис. 2 для примера приведены графики, полученные для пиргелиометров № 250 и 541 и для актинометра № 392. Крестиками нанесены данные, полученные при освещении приборов, точками при затенении. Из рисунка видно, что полученные зависимости мало отличаются от линейной и при освещении, и при затенении приборов, следовательно, изменение показаний приборов происходило по закону, близкому к экспоненциальному.

По полученным точкам были проведены прямые, средние для нагревания и охлаждения, и по ним для каждого из приборов вычислены значения λ в секундах, которые даются в табл. 1. Из рис. 2





видно, что не на всех участках точки хорошо ложатся на прямую, т. е. некоторое время изменение температуры происходит не по экспоненте. Это более заметно у пиргелиометров с одной термопарой. Например, из рис. 2 видно, что для пиргелиометра № 250 экспоненциальный закон может быть применен только через 2 сек. после изменения теплового режима прибора.

Следует отметить, что почти для всех приборов при приближении к равновесному состоянию точки, соответствующие нагреванию прибора, отклоняются влево, а точки, соответствующие охлажде-

Таблица 1

№	прибора	λ	λ <sub>1</sub>	τ	τ1	τ2	
			П	иргелиом	етры		•
212	правый	5,0	5,3	26	28	25	С одной термо-
	левый	4,7	5,0	25	26	24	Тоже
250	правый левый	4,6 4,5	$5,6 \\ 5,5$	24 24	30 29	25 23	27 29
164	правый левый	4,8 4,8	5,3 5,1	$25 \\ 25$	28 27	24 22	
616	правый левый	3,6 4,0	4,6 4,5	19 21	24 24	18 20	23
480 (1	.) правый левый	4,8 4,9	5,7 5,6	25 26	30 30	24 25	» »
480 (2	?) правый левый	$5,6 \\ 4,8$	6,6 5,6	$\begin{array}{c} 30\\ 26 \end{array}$	- 35 - 30	27 24	39 33
480 (3	3) правый левый	$4,1 \\ 3,7$	$5,2 \\ 4,8$	22 20	28 26	20 22	19
. 541	правый левый	$4,0 \\ 3,6$	3,6 3,3	21 19	19 18	20 16	С термобатареей То же
542	правый левый	2,5 3,0	$2,2 \\ 2,6$	13 16	12 14	13 16	
539	правый левый	5,3 4,3	5,3 4,2	$\frac{28}{23}$	28 22	25 20	79 29
			A	ктиномет	ры		
2530 392 2551		2,2 1,6 1,2	2,1 1,4 1,3	12 8 6	11 7 7	12 8 7	

Коэффициенты инерции пиргелиометров и актинометров

нию, отклоняются вправо от прямой, т. е. охлаждение происходит несколько медленнее, чем нагревание.

Из табл. 1 видно, что коэффициент инерции пиргелиометров равен 3—5 сек., а актинометров 1,5—2 сек. У большинства пиргелиометров коэффициенты инерции правого и левого приемника мало различаются, но у некоторых (с термобатареей) различия достигают 20%. Разница в инерции происходит, по-видимому, за счет неодинаковой теплопроводности слоя приемная поверхность—спай.

На практике коэффициент инерции прибора обычно определяется как время, за которое показание его после затенения уменьшится в *е* раз. При этом время отсчитывают с момента затенения, т. е. с момента, когда процесс охлаждения в ряде случаев еще не следует по экспоненте. Для того чтобы определить ошибку, получающуюся при этом, по тем же данным иами было определено время, в течение которого показания приборов уменьшались в e раз начиная с момента затенения. Полученные значения  $\lambda_1$  также приведены в табл. 1. Из этих данных видно, что величины  $\lambda_1$  больше, чем  $\lambda$ , для пиргелиометров с одной термопарой. Поэтому при определении инерции отсчет времени целесообразно начинать не с момента затенения прибора, а по прошествии двух секунд.

Для оценки зависимости величины λ от интенсивности радиации нами было записано изменение показаний приборов при облучении их радиацией разной интенсивности: пиргелиометр — 0,8 и 1,6 кал/см<sup>2</sup> мин. и актинометр — 0,5 и 1,3 кал/см<sup>2</sup> мин. Зависимости коэффициента инерции от интенсивности радиации не обнаружено.

При поверке актинометрических приборов инерцию принято [2] характеризовать временем т, в течение которого показание затененного прибора не дойдет до стационарного состояния (нулевого отсчета) на 0.5% максимального отклонения.

По найденным величинам  $\lambda$  и  $\lambda_1$  для пиргелиометров и актинометров были рассчитаны т и  $\tau_1$  по формулам:

$$\tau = \lambda \ln \frac{N_{\max}}{N}$$
 и  $\tau_1 = \lambda_1 \ln \frac{N_{\max}}{N}$ ,

где *N*=0,5% *N*<sub>max</sub>.

Кроме того, для всех приборов эта величина, обозначенная  $\tau_2$ , была определена непосредственно по записям на лентах осциллографа. Значения  $\tau$ ,  $\tau_1$  и  $\tau_2$  приведены в табл. 1. При сравнении величин  $\tau$ ,  $\tau_1$  и  $\tau_2$  видно, что значения  $\tau_2$ , снятые с лент, практически (с точностью до 1—2 сек.) совпадают со значениями  $\tau$ , рассчитанными по коэффициенту  $\lambda$ .

Приведенные данные показывают, что пиргелиометры разных моделей при облучении приходят к стационарному состоянию с точностью до 0,5% за 13—25 сек., а актинометры за 7—12 сек.

#### ЛИТЕРАТУРА

Кондратьев Г. М. Регулярный тепловой режим. Гостехиздат, М., 1954.
 Руководство по поверке метеорологических приборов. Гидрометеоиздат, Л., 1967.

#### В. А. КОВАЛЕВ

# ТЕОРЕТИЧЕСКАЯ МОДЕЛЬ СХЕМЫ ИЗМЕРЕНИЯ ПРОЗРАЧНОСТИ АТМОСФЕРЫ ПО ИНТЕНСИВНОСТИ РАССЕЯННОГО НАЗАД СВЕТА

При рассмотрении возможности измерения прозрачности атмосферы по интенсивности света, рассеянного назад к источнику, первым по важности является вопрос о корреляционной связи между прозрачностью атмосферы и интенсивностью обратно рассеянного света. Эта зависимость носит достаточно сложный характер и непосредственно решению в общем виде не поддается. Однако теоретические и экспериментальные исследования, проведенные рядом авторов, показали, что в случае однородной атмосферы корреляционная связь между интенсивностью обратно рассеянного света и прозрачностью атмосферы вполне удовлетворительная [1, 2, 4].

Значительно сложнее обстоит дело в случае измерения в неоднородной атмосфере. Здесь приходится решать вопрос и о качестве корреляционной связи между рассеянным назад светом и прозрачностью атмосферы, и о величине измерительной базы (или глубины эффективного проникновения), на которой эта корреляционная связь достаточно устойчива при различном характере хода неоднородной атмосферы. Заметим, что даже для случая однородной атмосферы эти вопросы решены далеко не полностью. Из многочисленных экспериментальных работ известно, что общая ошибка измерения однородной горизонтальной прозрачности атмосферы составляет приблизительно 20—25% [1, 2, 4], причем эта величина практически не меняется в очень широком диапазоне помутнений. Постоянство этой ошибки по всему диапазону помутнений и ее величина до сих пор достаточно четкого объяснения не получили.

Для того чтобы ответить на эти и ряд других вопросов, необходимо в первую очередь выясни́ть, как должна выглядеть идеальная теоретическая схема измерения, которая по интенсивности рассеянного назад света однозначно определяла бы прозрачность как однородной, так и неоднородной атмосферы. Построив такую теоретическую модель, можно оценить, во-первых, предельные возможности метода обратного светорассеяния (точность измерения, величину эффективного проникновения прожекторного луча в атмосферу) и, во-вторых, определить возможную степень приближения к такой идеальной схеме в реальных условиях.

Как это показано в [1], основное ограничение, имеющее место в реальных условиях, заключается в том, что вследствие расходимости светового пучка реальных источников яркость света, рассеянного каждым элементарным слоем атмосферы, зависит не только от свойств атмосферы, но и от расстояния данного слоя до источника света. Иначе говоря, сигнал от каждого слоя атмосферы входит в общую сумму с удельным весом, обратно пропорциональным (в случае точечного источника) квадрату расстояния *l* от данного слоя до источника. Это и обусловливает специфическую особенность



Рис. 1. Теоретическая схема измерения.

реальной схемы измерения, заключающуюся в том, что вблизи прожектора (где *l* мало́) создается зона яркого обратного свечения протяженностью 20—30 м, в которой сосредоточивается более 90% всей рассеянной назад световой энергии. Отсюда очевидно, что для устранения этого эффекта желательно было бы иметь световой пучок, весьма слабо расходящийся в пространстве, и в пределе строго параллельный пучок света.

Рассмотрим этот идеальный случай (рис. 1). Источник P посылает в атмосферу параллельный пучок света, однородный по структуре; величина светового потока равна  $\Phi_0$ . Перед источником в точке O располагается приемник света с малым телесным углом поля зрения  $\omega$ . Полагая геометрические размеры приемника весьма малыми, будем считать, что экранирование им света прожектора пренебрежимо мало, т. е. приемник практически не создает области тени. Выделим в слое dl на расстоянии l от прожектора элементарный объем dv = dS dl. Световой поток, рассеянный этим элементарным объемом в телесном угле  $4\pi$ ,

(1)

$$d\Phi = \rho_l E \, dv = \frac{\Phi_0}{S_0} e^{-\xi \, (l)} \rho_l \, dv,$$

где  $\Phi_0$  — общий световой поток источника света P,  $S_0 = \frac{\pi D^2}{4}$  — площадь сечения светового пучка,  $\rho_l$  — коэффициент рассеяния в объеме dv,  $\xi(l) = \int_0^l \rho \, dl$  — оптическая толщина слоя l, а величина  $e^{-\xi(l)}$  учитывает потери света при прохождении света от прожектора до слоя dl.

Сила света элементарного объема dv в направлении к приемнику света

$$di = \frac{\Phi_0}{S_0} e^{-\xi(l)} \rho(180^\circ) \frac{1}{4\pi} dv, \qquad (2)$$

где  $\rho$  (180°) — коэффициент рассеяния в направлении, составляющем 180° с направлением падающего света.

Вследствие недостаточного знания абсолютных значений  $\rho$  (180°) при различной мутности атмосферы оперировать с этой величиной неудобно. Поэтому вместо нее вводят безразмерную величину, пропорциональную отношению коэффициента рассеяния под углом 180° к общему коэффициенту рассеяния  $\rho$ , равную

$$\varphi(180^\circ) = \frac{1}{4\pi} \frac{\rho(180^\circ)}{\rho}.$$

Вводя величину ф (180°) в формулу (2) и обозначая ее для краткости ф, получим

$$di = \frac{\Phi_0}{S_0} e^{-\xi (l)} \varphi \rho_l \, dS \, dl. \tag{3}$$

Если рабочая площадь поверхности приемника равна  $\sigma$ , то телесный угол, под которым эта поверхность видна с расстояния l, равен  $\Omega = \frac{\sigma}{l^2}$ . При этом световой поток, поступающий на приемник O от элементарного объема dv, равен

$$d\Phi = di\Omega e^{-\xi(l)} = \frac{\Phi_0}{S_0} \varphi \rho_l e^{-2\xi(l)} \frac{\sigma}{l^2} dS dl.$$
(4)

Общая величина светового потока, создаваемого на приемнике рассеянным назад светом,

$$\Phi = \frac{\Phi_{0^{\sigma}}}{S_{0}} \int_{0}^{\infty} \int_{(S')}^{\infty} \varphi \rho_{l} \frac{e^{-2\xi(l)}}{l^{2}} dl \, dS = \frac{\Phi_{0^{\sigma}}}{S_{0}} \int_{0}^{\infty} \varphi \rho_{l} \frac{e^{-2\xi(l)}}{l^{2}} S' \, dl \,, \quad (5)$$

где предел интегрирования S' есть площадь элементарного слоя dl, от которой рассеянный свет попадает на приемник O.

Рассмотрим, что представляет собой площадь S' и как она зависит от l. Для удобства такого рассмотрения разобьем весь интерал в формуле (5) на две части: от O до l=L, где L — расстояние,

в пределах которого конус поля зрения приемника целиком лежит внутри пучка света прожектора, и от L до  $\infty$ , где конус зрения приемника выходит за пределы пучка, захватывая его целиком. В первом случае (0 < l < L) площадь S' непрерывно возрастает с расстоянием по закону S' = $\omega l^2$ , где  $\omega$  — телесный угол приемника O. При расстояниях l > L, когда конус поля зрения приемника захватывает весь пучок света целиком, величина площади, с которой поступает на приемник рассеянный свет, больше не возрастает, оста-

ваясь постоянной, равной площади пучка света  $S_0 = \frac{\pi D^2}{4}$ 

Соответственно вышесказанному, выражение (5) принимает вид

$$\Phi = \frac{\Phi_{0^{\sigma}}}{S_0} \left[ \omega \int_0^L \varphi \rho_l e^{-2\xi \, (l)} dl + S_0 \int_L^\infty \varphi \rho_l \, \frac{e^{-2\xi \, (l)}}{l^2} \, dl \right]. \tag{6}$$

Полагая  $\varphi = \varphi(180^\circ) = \text{const}$ , что для ограниченного диапазона помутнений допустимо, и обозначая  $\frac{\Phi_0}{S_0} = E$ , выражение (6) можно переписать в виде

$$\Phi = E \log \sigma \int_{0}^{L} \rho_{l} e^{-2\xi(l)} dl + \Phi_{0} \varphi \sigma \int_{L}^{\infty} \rho_{l} \frac{e^{-2\xi(l)}}{l^{2}} dl.$$
(7)

Рассмотрим первый из интегралов выражения (7). Как показывает анализ, этот интеграл имеет решение, справедливое как для однородной, так и для неоднородной атмосферы. Действительно,

если ввести новую переменную  $x = \xi(l) = \int_{0} \rho \, dl$ , то дифференциал этой переменной по верхнему пределу равен  $dx = \rho_l \, dl$  и, следовательно,

$$\int_{0}^{L} \rho_{l} e^{-2\xi (l)} dl = \int_{0}^{L} \rho_{l} e^{-2 \int_{0}^{l} \rho \, dl} dl = \int_{0}^{X} e^{-2x} \, dx = \frac{1}{2} (1 - e^{-2X}), \quad (8)$$

где  $X = \int_{0}^{L} \rho \cdot dl.$ 

Отсюда выражение (7) перепишется в виде

$$\Phi = \frac{E_{\omega\varphi\sigma}}{2} \left( 1 - e^{-2\int_{0}^{L} \rho \, dt} \right) + \Phi_{0}\varphi\sigma \int_{L}^{\infty} \rho_{l} \frac{e^{-2\xi(l)}}{l^{2}} \, dl. \tag{9}$$

Полученный результат весьма важен. Прежде всего он говорит о том, что для параллельного пучка в пределах некоторого ограниченного участка существует четкая однозначная зависимость между

сигналом и прозрачностью атмосферы, независимо от того, однородно или нет на данном участке атмосферное помутнение. При этом дальность действия этой однозначной зависимости соответствует тому участку L, в пределах которого конус поля зрения приемника целиком лежит внутри пучка света прожектора. В то же время начиная с расстояния L и далее интенсивность поступающего на приемник света быстро падает, поскольку в этой области [что следует из второго слагаемого формулы (9)] уже действует закон обратных квадратов. Отсюда важный вывод: метод обратного светорассеяния дает однозначную зависимость между прозрачностью атмосферы на участке и интенсивностью рассеянного назад света для однородной и неоднородной атмосферы, если:

а) на данном участке *L* пучок света параллелен, однороден по структуре и конус поля зрения приемника целиком лежит внутри светового пучка прожектора,

б) общая интенсивность света, поступающего от слоев атмосферы, расположенных далее расстояния *L*, пренебрежимо мала по сравнению с основным сигналом.

Таким образом, для идеальной схемы, в которой выполнены вышеизложенные условия, зависимость между сигналом на приемнике и прозрачностью (точнее, оптической толщиной) участка *L* имеет вид

$$\Phi = \frac{E\omega\varphi\sigma}{2} \left( \frac{-2\int\limits_{0}^{L}\rho\,dt}{1-e} \right). \tag{10}$$

По мере ухудшения прозрачности атмосферы величина -2 ∫ р dl

 $e^{\delta} \to 0$  и величина светового потока  $\Phi$  приближается к своему максимальному значению, равному  $\Phi_m = \frac{E\omega\varphi\sigma}{2}$ . Соответственно выражение (10) можно переписать в виде

$$\Phi = \Phi_m \left( 1 - e^{-2\tilde{p}L} \right), \tag{11}$$

где  $\bar{\rho} = \frac{1}{L} \int_{0}^{L} \rho \, dl$ , а  $\Phi_m$  — максимальное значение светового потока на приемнике при бесконечно плохой видимости. Поскольку приближение величины  $\Phi$  к ее максимальному значению  $\Phi_m$  с ростом  $\bar{\rho}L$  носит асимптотической характер, то практически  $\Phi \approx \Phi_m$ (с точностью до 1%) уже при оптической толщине  $\bar{\rho}L \approx 2,5$ .

Обращает на себя внимание формальное сходство выражения (11) со световоздушным уравнением Кошмидера, характеризующим изменение яркости слоя атмосферной дымки в зависимости от протяженности исследуемого слоя атмосферы. Ход кривых в обоих

9 Заказ № 534

случаях имеет одинаковый характер, единственное отличие в структуре формулы (11) состоит в удвоенной величине оптической толщины слоя (20L) вместо (рL) в формуле Кошмидера.

Отсюда вытекает, что для идеальной схемы при увеличении оптической толщины слоя *L* наступает момент насыщения, когда дальнейшее ухудшение прозрачности на этом участке практически не меняет величину потока на приемнике (точно так же, как это имеет место для яркости дымки по формуле Кошмидера).

Оценим ход и величину теоретической ошибки для идеальной схемы. Из (11) следует

 $e^{-\bar{2\varrho}L} = \frac{\Phi_m - \Phi}{\Phi_m} \,. \tag{12}$ 

Логарифмируя (12) и решая его относительно о, получаем

$$-\bar{\rho} = \frac{1}{2L} \left[ \ln (\Phi_m - \Phi) - \ln \Phi_m \right].$$
(13)

Дифференцируя (13), после несложных преобразований и перехода к конечным приращениям получим

$$-\Delta \bar{\rho} = \frac{1}{2L} \frac{\Phi}{\Phi_m - \Phi} \left( \frac{\Delta \Phi_m}{\Phi_m} + \frac{\Delta \Phi}{\Phi} \right). \tag{14}$$

Разделив  $\Delta \rho$  на  $\rho$  и производя несложные преобразования, найдем общее выражение для средней квадратичной ошибки

$$-\frac{\Delta\bar{\rho}}{\bar{\rho}} = \frac{e^{2\bar{\rho}L} - 1}{2\bar{\rho}L} \sqrt{\left(\frac{\Delta\Phi_m}{\Phi_m}\right)^2 + \left(\frac{\Delta\Phi}{\Phi}\right)^2} .$$
(15)

Выражение (15) есть общее выражение теоретической ошибки метода обратного светорассеяния для идеальной схемы.

Рассмотрим полученное выражение. Здесь отношение  $\frac{\Delta \Phi_m}{\Phi_m}$  определяет нестабильность исходного уровня сигнала, получаемую, например, вследствие непостоянства яркости источника света; величина  $\frac{\Delta \Phi}{\Phi}$  есть текущее значение ошибки фотометрирования. Обычно для хорошо налаженной, стабилизированной схемы  $\frac{\Delta \Phi_m}{\Phi_m} \ll \frac{\Delta \Phi}{\Phi}$  и соответственно  $\sqrt[1]{\left(\frac{\Delta \Phi_m}{\Phi_m}\right)^2 + \left(\frac{\Delta \Phi}{\Phi}\right)^2} \approx \frac{\Delta \Phi}{\Phi}$ . Обозначив  $\frac{\Delta \Phi}{\Phi} = \delta \Phi$  и  $\frac{\Delta \overline{\rho}}{\overline{\rho}} = \delta \rho$ , можно переписать выражение (15)

в виде

$$-\delta\rho = \frac{e^{2\tilde{\rho}L} - 1}{2\tilde{\rho}L} \,\delta\varphi. \tag{16}$$

Из (16) следует, что при одной и той же погрешности фотометрирования  $\delta \Phi$  ошибка измерения определяется оптической толщиной исследуемого слоя атмосферы, или, иначе говоря, является функцией двух параметров: средней величины коэффициента рассеяния (ослабления) на базе измерения и величины самой базы измерения *L*. Для анализа такая двойная зависимость неудобна, поскольку для каждой базы измерения *L* ход ошибок различен.

При оценке ошибок измерения базисного способа для исключения такой двойной зависимости обычно вводят понятие экстраполяционного параметра  $z = \frac{S_{\rm M}}{L}$ , определяющего отношение метеорологической дальности видимости к базе измерения, а ошибку измерения  $\delta S_{\rm M}$  представляют как функцию величины *z*. Такая зависимость применяется весьма часто, так как хорошо иллюстрирует возможности метода.

Здесь мы прибегнем к такому же приему и для метода обратного рассеяния, т. е. выразим ошибку измерения  $\delta S_{\rm M}$  как функцию экстраполяционного параметра z. Такой прием обеспечит, во-первых, бо́льшую наглядность при анализе и, во-вторых, позволит сопоставить общий ход ошибок базисного метода и метода обратного светорассеяния и экстраполяционные возможности этих двух методов в однородной атмосфере. Полагая  $\rho = \frac{\ln 1/\epsilon}{S_{\rm M}}$  и учитывая, что  $-\delta \rho = \delta S_{\rm M}$ , где  $\delta S_{\rm M}$  — относительная ошибка измерения величины  $S_{\rm M}$ , т. е.  $\delta S_{\rm M} = \frac{\Delta S_{\rm M}}{S_{\rm M}}$ , а  $\epsilon$  — контрастная чувствительность глаза, имеем

$$\delta S_{st} = \frac{1}{\ln \frac{1}{\varepsilon}} 0.5z \left[ \exp\left(\frac{2\ln \frac{1}{\varepsilon}}{z}\right) - 1 \right] \delta \Phi.$$
 (17)

Для фотоэлектрической схемы измерения величина ошибки  $\delta \Phi$  определяется тем минимальным значением абсолютной величины потока (иногда называемого пороговым), которое может быть зарегистрировано приемником. Это минимальное значение  $\Delta \Phi$  можно считать приблизительно постоянным [3]; в этом случае величина  $\delta \Phi$  будет возрастать по мере уменьшения величины потока  $\Phi$  на приемнике. Учитывая, что  $\Phi = \Phi_m (1 - e^{-2\bar{\rho}L})$  и  $\delta \Phi = \frac{\Delta \Phi}{\Phi} = \frac{\Delta \Phi}{\Phi_m} \frac{1}{1 - e^{-2\bar{\rho}L}}$ , выражение (17) удобно представить в виде

$$\delta S_{\rm M} = \frac{1}{\ln \frac{1}{\varepsilon}} 0.5z \exp\left(\frac{2\ln \frac{1}{\varepsilon}}{z}\right) \frac{\Delta \Phi}{\Phi_m}.$$
 (18)

9\*

Графики хода ошибок  $\delta S_{\rm M}$  в зависимости от величины z при  $\frac{\Delta \Phi}{\Phi_m}$ , равном соответственно 2, 3 и 5%, и  $\varepsilon = 3\%$  приводятся на рис. 2. Из графиков видно, что для метода обратного светорассеяния, как и для базисного метода, имеется некоторый ограниченный с обеих сторон диапазон величин z, приемлемый для измерения с точки зрения допустимых ошибок. В то же время если для базисного метода нижний предел измеряемых помутнений ограничен величиной  $z = 1 \div 1.5$ , то для метода обратного рассеяния эта величина  $z \approx 2 \div 3$ , что объясняется тем, что при измерении методом обратного рассеяния луч света проходит измеряемую трассу дважды.



Рис. 2. Теоретическая ошибка измерения S<sub>м</sub> по интенсивности рассеянного назад света для идеальной схемы.

Следует, однако, учесть, что здесь мы имеем в виду предельные твозможности метода обратного светорассеяния, которые могут быть получены, в частности, при условии компенсации разброса индикатрисы. К сожалению, до сих пор никаких удовлетворительных способов компенсации этого разброса не имеется, и это существенно ухудшает возможности метода. Действительно, в этом случае даже при идеально стабилизированной схеме измерения составляющей  $\Delta \Phi_m$  пренебречь нельзя, поскольку сюда будет входить также и  $\Phi_m$  $\frac{\Delta \Phi_m}{\Phi_m} \approx$ сшибка, обусловленная разбросом индикатрисы, т. е.  $\approx \frac{\Delta \phi}{M}$ . При этом, как показывает анализ, общая величина ошибки измерения  $\delta S_{\rm M}$  возрастает в среднем до 20—25%, а нижний экстраполяционный предел увеличивается до z=4-6 и практически не зависит от точности фотометрирования, а определяется только величиной разброса индикатрисы.

Резюмируя вышесказанное, можно сделать следующие выводы.

1. Метод обратного рассеяния принципиально может обеспечить возможность измерения прозрачности как однородной, так и неоднородной атмосферы. Характер получающихся в этом случае зависимостей в определенной степени аналогичен по структуре световоздушному уравнению Кошмидера.

2. Общая ошибка измерения прозрачности атмосферы определяется в основном диапазоном измеряемых помутнений и величиной измерительной базы (глубиной зондирования). При этом объективным пределом повышения точности измерения является разброс индикатрисы рассеяния в реальной атмосфере.

3. С точки зрения допустимых ошибок измерения метод обратного рассеяния имеет некоторый диапазон величин z. ограниченный с обеих сторон. Поэтому выбор величины измерительной базы (или глубины зондирования) в первую очередь должен определяться. заданным диапазоном атмосферных мутностей, подлежащих измерению.

4. Максимальная глубина зондирования для метода обратного светорассеяния должна быть по крайней мере в несколько раз меньше величины измеряемой метеорологической дальности видимости, так как в противном случае ошибка измерения становится очень большой. С этой точки зрения увеличение глубины зондирования с помощью, например, таких мощных источников света, как лазеры, целесообразно лишь при том условии, что полученный выигрыш в дальности действия не приведет одновременно к значительной потере точности результатов измерения.

### ЛИТЕРАТУРА

1. Гаврилов В. А. Видимость в атмосфере. Гидрометеоиздат, Л., 1966.

2. Гольберг М. А. Исследование возможности измерения прозрачности атмосферы на сети Гидрометслужбы по интенсивности рассеянного света. Автореф. диссертации. ГГО, 1968. 3. Горышин В. И. Об оценке точности объективных измерений метеоро-

логической дальности видимости. Труды ГГО, вып. 169, 1965.

4. Curcio I. and Knestrick. Correlation of atmospheric transmissivity with backscattering. J.O.S.A. No. 10, 1958.

В. А. КОВАЛЕВ

# НЕКОТОРЫЕ ВОПРОСЫ ТЕОРИИ РЕАЛЬНОЙ СХЕМЫ ОБРАТНОГО РАССЕЯНИЯ

Из анализа теоретической схемы измерения прозрачности атмосферы методом обратного светорассеяния следует, что однозначная зависимость между прозрачностью атмосферы на некотором ограниченном участке *L* и интенсивностью рассеянного назад света будет выполняться в случае, если [1]:

а) на участке *L* пучок света параллелен и конус поля зрения приемника целиком лежит внутри светового пучка источника,

б) интенсивность рассеянного света, поступающего на приемник от слоев атмосферы, расположенных за пределами участка *L*, весьма мала по сравнению с интенсивностью света, поступающего от участка *L*.

В реальных условиях, однако, мы всегда имеем дело не с параллельным, а с расходящимся пучком света, для которого с теми или иными оговорками выполняется известный закон квадратов расстояния, поэтому непосредственная реализация теоретической схемы измерения в том виде, как она рассмотрена в [1], невозможна. Эта схема должна рассматриваться лишь как исходная теоретическая модель, на основе которой в каждом конкретном случае можно оценить, в какой степени приближается к ней наша реальная схема, как видоизменяются при этом исходные соотношения и какова в конечном счете точность измерения данной реальной схемы. Под этим углом зрения мы и будем рассматривать реальную схему измерения прозрачности атмосферы, основанную на методе обратного рассеяния с применением теневых зон [2, 4].

Напомним, что основное назначение теневых зон — исключить попадание на приемник сигналов большой интенсивности от близких к источнику света слоев атмосферы. Необходимость введения теневых зон вытекает из того, что в реальных условиях, когда мы имеем дело с расходящимся пучком света, интенсивность обратно рассеянного света быстро падает с расстоянием от источника. В результате в непосредственной близости от источника интенсивность рассеянного света будет максимальной, а интенсивность сигналов от более далеких слоев будет весьма малой. Расчеты показывают, что в слое 1—10 м от источника света содержится около 80—90% всей рассеянной назад энергии, а вклад всех остальных слоев составляет соответственно всего 10—20% [2, 3]. При таких условиях метод обратного светорассеяния может рассматриваться только как локальный нефелометрический метод.

Повысить чувствительность измерительной схемы к более слабым сигналам от удаленных слоев атмосферы можно, например, если исключить попадание на приемник рассеянного света от близких к источнику ярко светящихся слоев атмосферы. Это и осуществляется путем введения теневых зон, позволяющих как бы пройти мимо зоны наиболее яркого свечения и войти в пучок света за ее пределами.

Практически это выполняется следующим образом (рис. 1). Приемник O, жестко связанный с источником света (прожектором) O, располагается не перед прожектором, а сбоку от него, и так, чтобы визирная ось приемника входила бы в прожекторный луч не сразу, а на определенном расстоянии  $l_4$  от прожектора. Если угол поля зрения приемника мал, то вблизи прожектора в этом случае образуется теневая зона, равная приблизительно  $l_4$ , рассеянный свет от которой не попадает на приемник O.

Можно показать, что в этом случае мы в определенной степени приближаемся к рассмотренной выше идеальной схеме измерения с параллельным пучком света. Действительно, как это следует из закона квадратов расстояний, освещенность, создаваемая расходящимся пучком, меняется особенно быстро вблизи источника света и значительно слабее при удалении от него. Так, в соответствии с законом квадратов на участке от 1 до 10 м от источника освещенность меняется в 100 раз, на участке от 10 до 20 м — уже в 4 раза, а на участке от 20 до 30 м — в 2,25 раза и т. д. Таким образом, увеличивая теневую зону  $l_1$  и исключая попадание на приемник света от самых близких к источнику слоев атмосферы, мы тем самым обеспечиваем измерение сигналов в той области прожекторного луча, где пучок света на отрезках конечной длины уже в какой-то степени приближается к параллельному.

Приведенные здесь рассуждения в определенной степени носят иллюстративный характер. Как будет показано далее, реальные соотношения в случае введения теневых зон имеют гораздо более сложный характер, однако общий смысл приведенных здесь рассуждений сохраняется.

# 1. Основные расчетные соотношения для схемы измерения с теневой зоной

Сделав эти общие замечания, перейдем непосредственно к теории реальной схемы измерения, изображенной на рис. 1. Выделим в слое dl на расстоянии l от прожектора элементарный объем dv = = dS dl. Световой поток, рассеянный в этом элементарном объеме в телесном углу 4π с учетом ослабления света на пути *l* 

$$d\Phi = \rho_l E e^{-\xi(l)} dl. \tag{1}$$

Здесь  $\rho_l$  — коэффициент рассеяния в объеме dv,  $\xi(l)$  — оптическая толщина слоя l, равная (для непоглощающей среды)  $\xi(l)$  =

 $=\int_{0}^{\infty} \rho \, dl$ ,  $Ee^{-\xi(l)}$  — освещенность, создаваемая прожекторным пучком

на элементарной поверхности dS рассматриваемого объема dv при оптической толщине слоя l, равной  $\xi(l)$ . В данном случае приемник O принимает свет, рассеянный назад не под углом 180°, а под неко-



Рис. 1. К схеме измерения прозрачности атмосферы методом обратного рассеяния.

торым углом  $\gamma$ , зависящим от величины теневой зоны  $l_1$ . Однако практически угол  $\gamma$  мало отличается от 180°, и потому удобно считать, что  $\gamma \approx 180^\circ$ , и оперировать, как и в случае идеальной схемы, с индикатрисой рассеяния под углом 180°.

Таким образом, полагая  $\gamma \approx 180^{\circ}$  и вводя безразмерную величину  $\varphi(180^{\circ})$  (для краткости  $\varphi$ ), характеризующую индикатрису рассеяния под углом 180°, найдем силу света этого объема dv в направлении к приемнику O

$$di = \varphi \rho_l E e^{-\xi (l)} \, dS \, dl. \tag{2}$$

Если площадь поверхности приемника равна  $\sigma$  и телесный угол, под которым видна эта поверхность с расстояния *l*, равен  $\Omega = \frac{\sigma}{l^2}$ , то световой поток, поступающий на приемник *O* от элементарного объема *dv* равен

$$d\Phi = di\Omega e^{-\xi(l)} = \varphi \rho_l E e^{-2\xi(l)} \frac{\sigma}{l^2} dS dl.$$
(3)

Рассчитаем величину светового потока, поступающего на приемник O от элементарного слоя dl. Если телесный угол поля зрения приемника  $\omega$  достаточно мал, то на приемник будет поступать рассеянный свет только от той части слоя dl, которая находится внутри конуса поля зрения приемника. Пусть на расстоянии l от приемника конус поля зрения приемника вырезает в слое dl поверхность площадью S'. Тогда сигнал на приемнике, приходящий от слоя dl, равен

$$d\Phi = \varphi \rho_l e^{-2\xi (l)} \frac{\sigma}{l^2} dl \int_{S'} E \, dS. \tag{4}$$

Для удобства последующего анализа введем некоторую пере-

менную функцию  ${}^{1}E(l) = \frac{S'}{S'}$ . Вводя ее в выражение (4) и учитывая, что  $S' \approx \omega l^2$ , получим

$$d\Phi = \varphi \rho_l \sigma \omega e^{-2\xi(l)} E(l) dl.$$

Общий световой поток, поступающий на приемник от всего исследуемого слоя атмосферы

$$\Phi = \varphi \omega \sigma \int_{l_1}^{l_2} E(l) \rho_l e^{-2\xi(l)} dl, \qquad (5)$$

где пределы интегрирования  $l_1 - l_2$  определяют границы участка, от которого рассеянный свет поступает на приемник O. Если при удалении от прожектора пучок света прожектора не выходит за пределы конуса поля зрения приемника, то, вообще говоря,  $l_2 \rightarrow \infty$ . Однако далекие от прожектора слои атмосферы дают малый вклад в суммарный сигнал, и учитывать их нет необходимости. Следовательно, и в этом случае надо ограничиться суммированием сигналов в пределах некоторой области от  $l_1$  до  $l_2$ , составляющей так называемую эффективную область зондирования L, равную  $l_2 - l_1$ . Область от  $l_2$  до  $\infty$  представляет собой область малых сигналов. Соответственно величину  $l_2$  следует выбирать так, чтобы сигналы от области  $l_2 \rightarrow \infty$  представляли собой величину второго порядка малости по сравнению с основным сигналом от эффективной области зондирования. Более подробно вопрос о рациональном выборе величины  $l_2$  будет обсуждаться далее.

Рассмотрим полученное выражение (5). Согласно теореме о среднем, его можно представить в виде

$$\Phi = \varphi_{\omega\sigma} E_{cp} \int_{l_1}^{l_2} \rho_l e^{-2\xi(l)} dl,$$

La

где

$$E_{\rm cp} = \frac{\int_{l_1}^{l_2} \rho_l E(l) e^{-2\xi(l)} dl}{\int_{l_2}^{l_2} \rho_l e^{-2\xi(l)} dl}.$$

<sup>1</sup> В работе [4] эта функция обозначена  $E(l, \beta)$ .

137

(7)

Вводя в выражение (6) новую переменную  $x = \xi(l) = \int_{0}^{0} \rho \, dl$ , аналогично тому, как это было сделано в [1], и производя интегрирование, получим

$$\Phi = \frac{1}{2} \varphi_{\rm cp} e^{-2^{\xi} (l_1)} \left[ 1 - e^{-2^{\xi} (L)} \right]$$
(8)

Рассмотрим, что представляет собой входящая в выражение (8) величина  $E_{cp}$ . Интегрируя функцию, стоящую в знаменателе выражения (7), получим (для краткости индекс у  $E_{cp}$  отбрасываем)

$$E = \frac{2 \int_{l_1}^{l_2} \rho_l E(l) e^{-2\xi(l)} dl}{e^{-2\xi(l_1)} [1 - e^{-2\xi(L)}]},$$
(9)

или разделив числитель и знаменатель на  $e^{-2\xi(l_1)}$ , получаем

$$E = \frac{2\int_{l_1}^{l_2} \rho_l E(l) e^{-2\xi(l-l_1)} dl}{1 - e^{-2\xi(L)}},$$
(10)

где  $\xi(l-l_1) = \int_{l_1} \rho \, dl$  есть оптическая толщина слоя  $(l-l_1)$ . Таким образом, величина E не зависит от степени помутнения на участке  $l_1$ , а определяется только характером помутнения участка зондирования L и параметрами установки.

Для теоретического анализа величину *E* удобно представить в виде функции, зависящей от средней прозрачности на участке зондирования *L*. Для этого введем безразмерную функцию *F*(*l*), определяемую как *F*(*l*) =  $\frac{\rho_l}{\rho_{cp}}$ , где  $\rho_l$  — текущее значение коэффици-

ента рассеяния, а  $\rho_{cp} = \frac{1}{L} \int_{l_1}^{l_2} \rho \, dl$  — средняя величина коэффициента

рассеяния на участке зондирования *L*. При этом выражение (10) приобретает вид

$$E = \frac{2\rho_{\rm cp} \int_{l_1}^{l_2} F(l) E(l) \exp\left[-2 \int_{l_1}^{l} \rho \, dl\right] dl}{1 - e^{-2\xi (L)}}.$$
 (11)

С физической стороны функция F(l) определяет характер хода прозрачности с расстоянием, или, иначе говоря, характеризует степень однородности помутнения на участке зондирования (например, для однородной атмосферы  $\rho_l = \rho_{cp}$  и F(l) = 1). Таким образом, в самом общем виде величина *E* есть функция средней величины коэффициента рассеяния на участке зондирования, характера хода и степени неоднородности помутнения на участке зондирования и параметров установки. Поэтому в общем случае величина *E* определяется однозначно только для однородной атмосферы, где при известных параметрах установки она может быть рассчитана как однозначная функция коэффициента рассеяния

 $E_{\text{олн}} = \frac{2\rho \int_{l_1}^{l_2} E(l) e^{-2\rho (l-l_1)} dl}{1 - e^{-2\rho L}} .$ (12)

В то же время, как это будет показано далее, существуют определенные условия, при которых величина *E* слабо зависит от степени и стратификации атмосферного помутнения, определяясь в основном только параметрами установки, или, иначе говоря, являясь приборной функцией установки. Для рассматриваемой схемы измерения это условие независимости величины *E* от степени и характера помутнения может быть выполнено лишь в определенных пределах. В результате измерение прозрачности атмосферы при ее стратификации, отличной от той, для которой были рассчитаны соответствующие значения функции *E*, будет неизбежно сопровождаться некоторым увеличением погрешности измерения. Наша основная задача заключается в том, чтобы определить условия, при которых это возрастание погрешности измерения будет минимальным.

Как следует из вышеизложенного, наиболее простые соотношения между входящими в основные расчетные выражения величинами будут иметь место для однородной атмосферы. Поэтому расчет градуировочных кривых удобнее всего начинать именно с однородной атмосферы. Зная величину E для однородной атмосферы [F(l)=1], можно далее определить, как сильно она меняется для различных моделей неоднородной атмосферы [F(l)=var], и решить вопрос, в какой степени градуировочные кривые, рассчитанные для однородной атмосферы, будут справедливы для неоднородной атмосферы и при каких условиях расхождения между данными установки обратного рассеяния и истинными значениями прозрачности атмосферы будут минимальными.

Таким образом, из общего анализа реальной схемы измерения с теневой зоной вытекает следующее.

1. Величина сигналов на приемнике как для теоретической [1], так и для реальной схемы есть одинаковая функция оптической толщины участка зондирования L и пропорциональна величине  $[1 - e^{-2\xi(L)}]$ . Введение в реальную схему теневой зоны приводит к дополнительной зависимости сигнала на приемнике и от величины ослабления света на участке теневой зоны, т. е. от сомножителя  $e^{-2\xi(l_1)}$ . 2. Если для теоретической схемы величина сигнала  $\Phi$  на приемнике пропорциональна постоянной и зависящей только от параметров установки величине потока  $\Phi_{\rm M}$ , то для реальной схемы величина сигнала  $\Phi$  пропорциональна некоторой переменной величине E, зависящей в общем случае как от параметров установки, так и от степени и характера атмосферного помутнения. Для обеспечения минимальной погрешности измерения реальной схемы в условиях различной стратификации атмосферы необходимо определить условия, при которых эта величина E слабо зависит от степени и характера атмосферного.

# 2. Однородная атмосфера. Измерение прозрачности атмосферы при двух теневых зонах

Как следует из (8), величина светового потока на приемнике в случае однородной атмосферы равна

$$\Phi = k E_{\text{ode}} e^{-2\varsigma l_1} \left[ 1 - e^{-2\varsigma L} \right], \tag{13}$$

где  $k = \frac{1}{2} \varphi \omega \sigma$ , а величина  $E_{\text{одн}}$  определяется из выражения (12). Наличие в выражении (13) дополнительного сомножителя  $e^{-2\rho l_1}$ , учитывающего ослабление сигнала на участке теневой зоны, приводит к тому, что зависимость между сигналом на приемнике  $\Phi$  и прозрачностью атмосферы приобретает неоднозначный характер. Действительно, согласно (13), при любом конечном значений величины  $E_{\text{одн}}$  величина  $\Phi \rightarrow 0$  как при  $\rho \rightarrow 0$ , так и при  $\rho \rightarrow \infty$ . Следовательно, при некотором  $\rho = \rho'$  величина светового потока  $\Phi$  имеет максимальное значение, и связь между величинами  $\rho$  и  $\Phi$  неоднозначна — одному и тому же значению светового потока  $\Phi$  могут соответствовать два различных значения измеряемой величины  $\rho$ .

Анализ, проведенный в работах [5, 6], показывает, что точка, соответствующая максимальному значению величины  $\Phi$ , определяется условием  $\rho' l_1 = 0.305$ , или  $\rho' = \frac{0.305}{l_1}$ , т. е. зависит от величины теневой зоны  $l_1$ . Увеличение теневой зоны  $l_1$  приводит и тому, что точка, область бе

к тому, что точка максимума величины  $\Phi$  смещается в область более слабых помутнений.

Для того чтобы в измеряемом диапазоне помутнений обеспечить однозначную связь между величиной потока  $\Phi$  и величиной  $\rho$  (или прозрачностью атмосферы), необходимо выбирать такие значения теневой зоны  $l_4$ , при которых максимум величины сигнала  $\Phi$  лежал бы за пределами рабочего диапазона. Из этого условия вытекает, что сколь-нибудь значительное увеличение дальности действия установки обратного рассеяния путем простого увеличения теневой зоны  $l_4$  возможно только при измерении слабых помутнений, когда ослабление на участке теневой зоны мало. При измерении прозрач-

ности более плотных помутнений теневую зону приходится уменьшать, а это неизбежно приводит к резкому возрастанию удельного веса сигналов от близких к прожектору слоев и соответствующему уменьшению глубины зондирования *L*. Поэтому схема измерения с одной теневой зоной на практике используется лишь для локальных измерений, в частности, для измерения горизонтальной прозрачности атмосферы [3].

Для обеспечения достаточно большой глубины зондирования атмосферы в широком диапазоне помутнений необходимо измерять сигналы не на одной, а на нескольких теневых зонах, выбирая их так, чтобы каждая зона измерения захватывала только определенную часть исследуемого слоя атмосферы. Измерив величину сигналов от каждого такого участка, можно затем по соответствующей методике, которая будет рассмотрена далее, определить общую прозрачность всего исследуемого слоя атмосферы.



Можно показать, что измерение прозрачности атмосферы с помощью нескольких теневых зон есть следующая степень приближения к теоретической схеме измерения, рассмотренной в [1]. С этой точки зрения смысл введения нескольких теневых зон заключается в том, что обычный расходящийся пучок света в пределах требуемого рабочего участка разбивается на ряд ограниченных участков  $\Delta L$ , на каждом из которых пучок света в первом приближении может рассматриваться как параллельный пучок. Иначе говоря пучок света в пределах общей глубины зондирования рассматривается как состоящий из отдельных участков с параллельным пучком. Очевидно, что чем больше степень дробления исследуемого участка l<sub>2</sub>, тем меньше будет ошибка за счет фактической непараллельности пучка света на каждом отдельном участке  $\Delta L$ . Однако чрезмерное дробление участка l<sub>2</sub> приводит к громоздким вычислениям и трудно выполнимо на практике. По-видимому, целесообразно разбивать весь участок зондирования l<sub>2</sub> на 2-3 отдельных участка, выбирая для этой цели соответственно 2-3 теневые зоны.

Для простоты математических выкладок рассмотрим здесь случай, когда измерение прозрачности атмосферы производится с помощью двух теневых зон. При этом на приемник поступают сигналы от двух различных участков исследуемого слоя  $l_2$  — от ближнего (1) и дальнего (11), где дальний участок зондирования имеет эффективную глубину  $L_2 = l_2 - l_1$  ( $l_1$  — величина теневой зоны,  $l_2$  верхняя граница участка зондирования), а ближний участок зондирования охватывает слон атмосферы, расположенные непосредственно вблизи прожектора, от  $l_0$  до  $l_1$ , т. е.  $L_1 = l_1 - l_0$  (рис. 2). Заметим, что для обеспечения однозначности полученных результатов измерения необходимо теневую зону ближнего участка  $l_0$  выбирать столь малой, чтобы во всем рабочем диапазоне помутнений двукратное ослабление на этом участке было пренебрежимо малым, т. е.  $e^{-2\xi(l_0)} \approx 1$ . Это условие для ближней теневой зоны остается в силе при любой степени дробления всего исследуемого слоя  $l_2$ .

Согласно (13), сигналы, поступающие на приемник от ближней и дальней зон, будут соответственно равны

$$\Phi_{6} = kE_{6}e^{-2\rho l_{0}} \left[1 - e^{-2\rho l_{1}}\right] \approx kE_{6} \left[1 - e^{-2\rho l_{1}}\right], \qquad (14)$$

так как  $e^{-2\rho l_0} \approx 1$  и соответственно  $e^{-2\rho L_1} \approx e^{-2\rho l_1}$ , а

$$\Phi_{n} = k E_{n} e^{-2\rho l_{1}} \left[ 1 - e^{-2\rho L_{2}} \right], \qquad (15)$$

где входящие в формулы величины Еб и Ед определяются как

$$E_{6} = \frac{2\rho \int_{l_{0}}^{l_{1}} E(l) e^{-2\rho (l-l_{0})} dl}{1 - e^{-2\rho L_{1}}}.$$
 (16)

$$E_{\pi} = \frac{2\rho \int_{l_1}^{l_2} E(l) e^{-2\rho (l-l_1)} dl}{1 - e^{-2\rho L_2}}$$
 (17)

Из (14) и (15) следует

$$1 - e^{-2\varrho l_1} = \frac{\Phi_6}{kE_6}$$
(18)

 $e^{-2\varrho l_1} - e^{-2\varrho l_2} = \frac{\Phi_{\pi}}{kE_{\pi}}.$  (19)

$$1 - e^{-2\rho l_2} = \frac{1}{k} \left( \frac{\boldsymbol{\Phi}_6}{E_6} + \frac{\boldsymbol{\Phi}_{\pi}}{E_{\pi}} \right), \tag{20}$$

или

И

$$e^{-\rho l_2} = \sqrt{1 - \frac{1}{k} \left(\frac{\boldsymbol{\Phi}_{\mathbf{5}}}{E_{\mathbf{5}}} + \frac{\boldsymbol{\Phi}_{\mathbf{\pi}}}{E_{\mathbf{\pi}}}\right)}.$$
 (21)

Следовательно, чтобы определить общую прозрачность слоя  $l_2$ , необходимо измерить величину сигналов на приемнике  $\Phi_6$  и  $\Phi_{\pi}$ от обоих участков зондирования и определить соответствующие им значения величин  $E_6$  и  $E_{\pi}$ . Из (14) и (16) следует, что между величинами  $\Phi_6$  и  $E_6$  существует однозначная связь. Эта связь может быть найдена путем совместного решения (14) и (16) и выражена в виде зависимости  $E_6 = f_1(\Phi_6)$ , что позволит определять величину  $E_6$  непосредственно по измеренной величине сигнала  $\Phi_6$ .

Величину  $E_{\pi}$  определить непосредственно по величине сигнала  $\Phi_{\pi}$  нельзя. Это вытекает из того, что для дальней теневой зоны ход кривой  $\Phi_{\pi} = \psi(\rho)$  может иметь максимум в рабочем диапазоне, тогда зависимость между  $\Phi_{\pi}$  и  $E_{\pi}$  будет неоднозначна. Иначе говоря, одному и тому же значению  $\Phi_{\pi}$  будут соответствовать два значения коэффициента рассеяния  $\rho$  и соответственно два значения величины  $E_{\pi}$ . Поэтому величину  $E_{\pi}$  следует определять, учитывая одновременно и величину сигнала от ближней зоны  $\Phi_{6}$ .

Общая методика измерения при этом сводится к следующему. По величине сигнала от ближней зоны (14) следует определить ослабление на участке  $l_1$ 

$$e^{-2il_{*}} = 1 - \frac{\Phi_{6}}{kE_{6}}.$$
 (22)

Найденную величину  $e^{-2\rho l_1}$  в качестве поправки следует ввести в формулу (15) с тем, чтобы из сигнала  $\Phi_{\pi}$  исключить влияние ослабления на участке теневой зоны  $l_1$ ,

$$\Phi_{\mathfrak{A}\mathfrak{n}} = \frac{\Phi_{\mathfrak{A}}}{e^{-2\mathfrak{p}l_{\mathfrak{l}}}} = \frac{\Phi_{\mathfrak{A}}}{1 - \frac{\Phi_{\mathfrak{b}}}{kE_{\mathfrak{b}}}} \,.$$
(23)

Найденная таким образом величина светового потока  $\Phi_{\mu\pi}$  определяет уровень сигнала на приемнике от дальней зоны зондирования при отсутствии ослабления на участке теневой зоны  $l_1$ . Удобство введения этой величины заключается в том, что зависимость между  $\Phi_{\mu\pi}$  и  $\rho$  монотонна и не имеет максимума, а следовательно, будет обеспечиваться однозначная зависимость и между  $\Phi_{\mu\pi}$  и  $E_{\mu}$ , вытекающая непосредственно из (15) и (23),

$$\Phi_{\mathrm{gn}} = k E_{\mathrm{g}} \left( 1 - e^{-2\varrho L_2} \right). \tag{24}$$

Таким образом, для определения величины  $E_{\pi}$  вместо зависимости  $E_{\pi} = \varphi(\Phi_{\pi})$  следует использовать зависимость  $E_{\pi} = f_2(\Phi_{\pi\pi})$ , которая может быть найдена путем совместного решения системы уравнений (17) и (24).

## 3. Измерение неоднородной атмосферы. К выбору величины $l_2$

Принципиально методика измерения прозрачности неоднородной атмосферы не отличается от методики, изложенной выше для однородной атмосферы. Повторяя ход наших предыдущих рассуждений, можно получить аналогичную (21) формулу общей прозрачности исследуемого слоя неоднородной атмосферы:

$$e^{-\xi (l_2)} = \sqrt{1 - \frac{1}{k} \left( \frac{\Phi_6}{E_6'} + \frac{\Phi_{\pi}}{E_{\pi}'} \right)}$$
(25)

В этом случае, однако, величины  $E'_{5} E'_{\mu}$  имеют, согласно (11), следующий вид:

$$E_{6}' = \frac{2\rho_{1} \int_{l_{9}}^{l_{1}} F(l) E(l) \exp\left[-2 \int_{l_{g}}^{l} \rho dl\right] dl}{1 - e^{-2\rho_{1}L_{1}}}, \qquad (26)$$

$$E'_{\rm A} = \frac{2\rho_2 \int_{l_1}^{l_2} F(l) E(l) \exp\left[-2 \int_{l_1}^{l} \rho \, dl\right] dl}{1 - e^{-2\rho_2 L_2}}, \qquad (27)$$

где  $\rho_1$  и  $\rho_2$  — средние значения коэффициентов рассеяния на участках ближней и дальней зон зондирования, т. е.  $\rho_1 = \frac{1}{L_1} \int_{l_0}^{l_2} \rho \, dl$ 

$$\mu \rho_2 = \frac{1}{L_2} \int_{l_1}^{l_2} \rho \, dl.$$

Таким образом, для неоднородной атмосферы входящие в формулу (25) величины Е' и Е' при одной и той же оптической толщине исследуемых слоев L<sub>1</sub> и L<sub>2</sub> зависят еще и от стратификации атмосферы на этих участках. Поэтому, строго говоря, для различной стратификации атмосферы следует использовать различные зависимости  $E' = f(\Phi)$ . Однако практически это невозможно и поэтому необходимо рассмотреть, в какой степени можно использовать в этих случаях зависимости  $E_6 = f_1(\Phi_6)$  и  $E_{\pi} = f_2(\Phi_{\pi\pi})$ , рассчитанные для однородной атмосферы. К сожалению, такой анализ весьма сложен и не может дать однозначного ответа хотя бы потому, что невозможно рассмотреть все закономерности, по которым может меняться с расстоянием ход помутнения в реальной атмосфере. В то же время оценить общую тенденцию хода ошибок при измерении неоднородной атмосферы и определить некоторые условия, при которых эти ошибки будут минимальными, в определенной степени возможно.

Такой анализ может быть проведен двумя различными способами. Во-первых, путем сопоставления хода функций  $E_5$  и  $E_{\pi}$  при различных значениях глубины зондирования  $l_2$  и определения такого оптимального значения  $l_{2 \text{ опт}}$ , при котором погрешность измерения в неоднородной атмосфере будет минимальной. Во-вторых, путем рассмотрения некоторых конкретных моделей неоднородной атмосферы и оценки погрешности измерения, возникающей
в случае использования для данной стратификации атмосферы величин *E*<sub>δ</sub> и *E*<sub>д</sub>, рассчитанных для однородной атмосферы.

Анализ ходов  $E'_{5}$  и  $E'_{\pi}$  (26), (27), соответствующих неоднородной

атмосфере, показывает, что дополнительная ошибка измерения при любой стратификации атмосферы будет равна нулю в том случае, если в пределах каждой эффективной области зондирования величина функции E(l) остается постоянной, а за ее пределами быстро падает, имея, таким образом, в идеале на каждом участке зондирования П-образную форму. Это условие постоянства функции E(l) должно выполняться только в пределах данной области зондирования, т. е. величи́ны E(l) для каждой зоны должны быть постоянны, но могут быть и не равны между собой. Условие быстрого спада функции E(l) за пределами участка зондирования диктуется необходимостью исключить влияние неучитываемых световых сигналов от слоев, расположенных далее участка зондирования.

При выполнении этих условий, как следует из (16), (17) и (26), (27), величины  $E'_6 = E_6$  и  $E'_{\pi} = E_{\pi}$ , поэтому градуировочные кривые однородной атмосферы абсолютно справедливы и для неоднородной атмосферы. Однако практически эти условия могут быть выполнены только в определенной степени. Как показано в [4], постоянство функции E(l) внутри данной эффективной зоны зондирования достаточно хорошо обеспечивается при малых теневых зо-

нах и значительно хуже при больших теневых зонах. При большой теневой зоне значительно хуже выполняется и второе условие — быстрый спад функции E(l) за пределами области зондирования.

При рассмотрении реальной схемы измерения с приемником света, расположенным сбоку от прожектора, было установлено, что величина E(l) в пределах области зондирования вначале быстро возрастает, затем в некоторых пределах практически не меняется, а затем быстро падает близко к закону обратных квадратов [4]. Чем дальше от прожектора удалена рассматриваемая область зондирования, тем более пологим будет этот спад функции E(l). При таких условиях выбор оптимальной (с точки зрения получения минимальных ошибок) глубины зондирования l<sub>2</sub> для дальней теневой зоны связан с определенными трудностями. С точки зрения постоянства функции E(l) внутри области зондирования  $L_2$  ее верхнюю границу  $l_2$  желательно выбирать малой с тем, чтобы захватить только ту область прожекторного пучка, где функция E(l)постоянна по величине. Однако при этом возрастает удельный вес неучитываемых в расчетных формулах сигналов от слоев атмосферы, находящихся за пределами l2, что приведет к соответствующему увеличению погрешности измерения. С другой стороны, значительное увеличение  $l_2$  приводит к сильному изменению величины E(l) внутри области зондирования, в результате чего возрастает погрешность измерения, связанная с различным характером стратификации неоднородной атмосферы. Таким образом, требования,

10 Заказ № 534

предъявляемые к рациональному выбору  $l_{2 \text{ опт}}$ , в определенной степени противоречат друг другу и здесь приходится выбирать некоторое компромиссное решение с тем, чтобы результирующая ошибка измерения была минимальной.

Вопрос о выборе оптимальной величины  $l_2$  является одним из важнейших в теории обратного рассеяния, поскольку именно величина  $l_2$  определяет общую глубину эффективного зондирования в атмосфере, т. е. то оптимальное расстояние, при котором данные установки обратного рассеяния с наибольшей точностью соответствуют фактической величине прозрачности на данном участке.

Лля определения общей тенденции хода ошибок в неоднородной атмосфере были выбраны различные модели строения этой неоднородной атмосферы и путем численного интегрирования рассчитаны величины сигналов на приемнике  $\Phi$  и соответствующие им значения E при различных исходных значениях l<sub>2</sub>. В качестве основной модели строения атмосферы была выбрана экспоненциальная, т. е. такая, при которой коэффициент рассеяния меняется с расстоянием по экспоненциальному закону. Выбор экспоненциальной модели обусловлен основным назначением метода обратного рассеяния — измерять наклонную и вертикальную прозрачность атмосферы. Вообще говоря, экспоненциальный характер убывания прозрачности с высотой характерен только для достаточно высокой прозрачности атмосферы [7, 8]. Однако какой-нибудь определенной закономерности изменения вертикальной и наклонной прозрачности в условиях плохой видимости, низкой облачности и т. п. не существует. Чтобы охватить различные возможные случаи хода реальной прозрачности с расстоянием, рассматривались как случаи убывания прозрачности атмосферы с расстоянием, так и случаи, когда прозрачность с расстоянием возрастает. Расчет производился для трех различных теневых зон  $l_1$  и для каждой зоны рассчитывалось 12 различных моделей неоднородной атмосферы. Для упрощения расчетов было принято, что ошибка измерения по ближней зоне пренебрежимо мала и может не учитываться.

Проведенные расчеты показали, что для каждой теневой зоны  $l_1$  существует некоторая оптимальная величина  $l_2$ , при которой ошибка измерения в неоднородной атмосфере будет минимальной. В диапазоне видимостей 0,5—4 км эта величина  $l_2$  приблизительно равна пяти-семикратной величине теневой зоны  $l_1$ , т. е.  $l_{2 \text{ опт}} = (5 \div 7) l_1$ , причем меньшим значениям прозрачности соответствует и меньшая величина  $l_{2 \text{ опт}}$ . При скорости изменения  $\rho$  в 1,5—4 раза на каждые 100 м исследуемого участка атмосферы величина ошибки, получаемой за счет использования зависимостей  $E = f(\Phi)$ , рассчитанных для однородной атмосферы, составляла в среднем 10—15%. Заметим, что по данным [6] величина  $l_2$  для нефелометрической установки обратного рассеяния соответствует приблизительно  $l_2 = (3 \div 4) l_1$  в области низких видимостей и  $l_2 = (9 \div 10) l_1$  при дальности видимости  $S_{\rm M} = 10$  км.

Таким образом, схема измерения с двумя теневыми зонами может обеспечить измерение прозрачности как однородной, так и неоднородной атмосферы. Оптимальная лальность лействия этой схемы зависит от диапазона измеряемых помутнений и величины дальней теневой зоны и в диапазоне видимостей 0.5—4 км составляет приблизительно  $(5 \div 7)$   $l_1$ . При необходимости измерения прозрачности атмосферы в более широком диапазоне помутнений весь измеряемый диапазон необходимо разбивать на соответствующее количество поддиапазонов и для каждого из них выбирать свое оптимальное значение глубины эффективного проникновения l<sub>2 опт</sub>.

### ЛИТЕРАТУРА

1. Ковалев В. А. Теоретическая модель схемы измерения прозрачности атмосферы по интенсивности рассеянного назад света. См. настоящий сборник.

2. Гаврилов В. А. Видимость в атмосфере. Гидрометеоиздат, Л., 1966. 3. Гольберг М. А. Теория нефелометрической установки обратного рассеяния. Труды НИИГМП, вып. 13, 1965.

4. Ковалев В. А. К измерению прозрачности атмосферы методом обратного светорассеяния. Труды ГГО, вып. 237, 1969.
 5. Гершун А. А. Избранные труды по фотометрии и светотехнике. Физ-

матгиз, М., 1958.

6. Гольберг М. А. Исследование возможности измерения прозрачности атмосферы на сети Гидрометслужбы по интенсивности рассеянного света. Автореф. диссертации. ГГО, 1968.

7. Шифрин К. С., Минин И. Н. К теории негоризонтальной видимости

Труды ГГО, вып. 68, 1957. 8. Рабинович Ю. И. Вертикальное распределение аэрозольного ослабления в атмосфере. Труды ГГО, вып. 118, 1961.

## А. М. ШАЛАМЯНСКИЙ

# ОСОБЕННОСТИ ИЗМЕРЕНИЯ ОБЩЕГО СОДЕРЖАНИЯ ОЗОНА ПРИБОРАМИ С ШИРОКИМИ ПОЛОСАМИ ПРОПУСКАНИЯ

В настоящее время для измерения общего содержания атмосферного озона, кроме приборов обсерваторского типа со сложными спектральными системами, методика применения которых хорошо известна [1], применяются простые озонометры со стеклянными светофильтрами. Такие приборы выделяют довольно широкие участки спектра ультрафиолетовой радиации, так что коэффициент поглощения озоном УФ радиации в пределах рабочего участка сильно изменяется. Метод расчета озона для приборов с широкими полосами пропускания предложен Р. Стером [2], усовершенствован и развит Г. П. Гущиным [3, 4] и применяется на сети озонометрических станций, оборудованных озонометром M-83.

В работах [5, 6], где рассматривается очевидная погрешность озонометра М-83 и часто наблюдаемый при измерениях этим прибором фиктивный суточный ход озона, поставлена под сомнение возможность использования для измерения озона приборов с широкими полосами пропускания. Однако это заключение основано на выводах работы [7], где оценка возможных погрешностей приборов с широкими полосами пропускания сделана для случая, когда при расчете озона используется метод Добсона, хотя он в приборе М-83 не применяется.

В настоящей работе сделана попытка оценить возможности простых фильтровых озонометров при использовании метода для приборов с широкими полосами пропускания. Для этого были рассмотрены и рассчитаны наиболее существенные характеристики прибора:

1) чувствительность прибора к озону;

2) динамический диапазон прибора;

3) возможность использования «долгого» метода Бугера при расчете озона.

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Здесь и далее под озоном подразумевается общее содержание атмосферного озона.

Измерительная схема. Расчет указанных характеристик проводился применительно к измерительной схеме озонометра, состоящей из двух светофильтров (один из которых расположен в полосе поглощения озона, другой вне ее), фотоэлемента (фотоумножителя), усилителя, отсчетного прибора.

Спектральная чувствительность прибора  $k_{\lambda}$  определяется в основном спектральным пропусканием светофильтра  $\tau_{\lambda}$ ; а также спектральной характеристикой фотоприемника  $\varepsilon_{\lambda}$ :

$$k_{\lambda} = \tau_{\lambda} \varepsilon_{\lambda}. \tag{1}$$

Для краткости изложения спектральную чувствительность озонометра  $k_{\lambda}$  будем называть пропусканием фильтра. Форму реальных кривых пропускания фильтров, особенно стеклянных, хорошо отражает аппроксимация пропускания  $k_{\lambda}$  в виде

$$k_{\lambda} = \cos^2 \frac{\pi \left(\lambda - \lambda_{\max}\right)}{\lambda_2 - \lambda_1} \left| \begin{array}{c} \lambda_2 \\ \lambda_1 \end{array} \right|, \qquad (2)$$

где длина волны  $\lambda_{max}$  соответствует максимальному пропусканию фильтра, а  $\lambda_1$  и  $\lambda_2$  — границы пропускания фильтра.

Расчет интенсивности ультрафиолетовой радиации. Для расчета общего содержания озона используется закон Бугера—Ламберта

$$S_{\lambda} = S_{0\lambda} \cdot 10^{-\alpha_{\lambda}\mu 2 - \beta_{\lambda}m - \delta_{\lambda}m}, \qquad (3)$$

где  $S_{\lambda}$  — интенсивность солнечной радиации с длиной волны  $\lambda$  на уровне наблюдения,  $S_{0\lambda}$  — интенсивность солнечной радиации с длиной волны  $\lambda$  за атмосферой,  $\Omega$  — толщина слоя озона,  $\alpha_{\lambda}$  — коэффициент поглощения озона,  $\beta_{\lambda}$  — коэффициент релеевского рассеяния,  $\delta_{\lambda}$  — оптическая толщина аэрозоля, m — воздушная масса,  $\mu$  — озонная масса.

В приборах с узкими полосами пропускания озон находится из отношения отсчетов по двум фильтрам  $I_{\lambda_1}/I_{\lambda_2}$ , где  $I_{\lambda_1}=c_1S_{\lambda_1}$ ,  $I_{\lambda_2}=c_2S_{\lambda_2}$ ,  $c_1$  и  $c_2$ — постоянные прибора, по формуле

$$\Omega = \frac{\lg \frac{I_{0\lambda_1}}{I_{0\lambda_2}} - \lg \frac{I_{\lambda_1}}{I_{\lambda_2}} - (\beta_1 - \beta_2) m}{(\alpha_1 - \alpha_2) \mu} .$$
(4)

В приборах с широкими полосами пропускания линейная зависимость между  $\lg \frac{I_1}{I_2}$  и *m* не сохраняется, поэтому содержание озона представляют в виде функции

$$\Omega = f\left(\frac{I_1}{I_2}, R_1(\mu)\right), \left(L_1 - R_1(\mu)\right), \left(L_2 - R_2(\mu)\right), \left(L_2 - R_2(\mu)\right)$$

где

$$I = cS = c \int_{\lambda_1}^{\lambda_2} k_{\lambda} S_{0\lambda} \cdot 10^{-\alpha_{\lambda}\mu\Omega - \beta_{\lambda}m - \delta_{\lambda}m} d\lambda, \qquad (6)$$

а S — интенсивность УФ радиации, прошедшей через фильтр с пропусканием  $k_{\lambda}$ , c — постоянная фильтра.

При линейном преобразовании сигнала *c*=const, следовательно,

$$\Omega = f\left(\frac{S_1}{S_2}, \mu\right). \tag{7}$$

Интенсивность ультрафиолетовой радиации, прошедшей через фильтр с пропусканием  $k_{\lambda}$ , согласно (3) и (6), представим в виде

$$S = \int_{\lambda_1}^{\lambda_2} k_{\lambda} S_{\lambda} d\lambda.$$
 (8)

Расчет интенсивности ультрафиолетовой радиации  $S_{\lambda}$  на уровне моря в области длин волн от 300 до 350 нм с интервалом 0,4 нм



 $\alpha \left(\frac{1}{CM}\right)$  (при температуре —50° С) и коэффициент молекулярного ослабления  $\beta$ .

был сделан по формуле (3) для значений воздушных масс 1, 2, 3 и 4 и содержания озона 0,3; 0,4 и 0,5 см.

Необходимые для расчета значения  $S_{0\lambda}$  с интервалом 0,4 нм были взяты из работы [8], значения коэффициентов поглощения озона  $\alpha_{\lambda}$  — из работ Вигру [9, 10], значения коэффициентов релеев-

ского рассеяния  $\beta$  — по Пендорфу. Поскольку в рассмотренном диапазоне изменения высот солнца (до m=4) \*озонная и воздушная массы не различаются более чем на 4%, в расчете было принято  $\mu = m$ .

На рис. 1 изображен спектр интенсивности ультрафиолетовой радиации за атмосферой, а также значения коэффициентов поглощения озона (для —50°С) и коэффициентов релеевского рассеяния. На рис. 2 показана часть рассчитанного спектра ультрафио-



Рис. 2. Спектр ультрафиолетовой солнечной радиации на уровне моря при m=2 и m=4. Пропускание фильтра k, ( $\lambda_{max}=315,2$  нм,  $\Delta\lambda=38,4$  нм).

летовой радиации на уровне моря для m=2 и m=4. Заметно резкое уменьшение радиации с уменьшением длины волны.

Далее была рассчитана интенсивность ультрафиолетовой радиации на уровне моря, прошедшей через фильтр с пропусканием  $k_{\lambda}$ . Расчеты проводились по формуле (8) численным интегрированием с шагом по спектру 0,4 нм для фильтров с максимумами пропускания  $\lambda_{max}$  на длинах волн 305,2; 310; 315,2; 320; 325,2 нм и полной шириной  $\Delta\lambda$  от 1,2 до 38,4 нм. (Кривая пропускания фильтров с  $\lambda_{max} = 315,2$  нм и  $\Delta\lambda$ , равных 4,8 и 38,4 нм, приведена на рис. 2.) Интенсивность радиации S, прошедшей через фильтр  $k_{\lambda}$ , была рассчитана для разного содержания озона (0,3; 0,4; 0,5 см) и для разных значений воздушных масс (1, 2, 3, 4, рис. 3).





Таблица 1

Интенсивность ультрафиолетовой радиации S (мквт/см<sup>2</sup>), прошедшей через фильтр с пропусканием  $k_{\lambda}$  ( $\lambda_{max}$ ,  $\Delta\lambda$ ) при m=2 ( $\delta=0$ )

	Ωсм							
л <sub>max</sub> нм		0,4	1,2	2,4	4;8	9,6	19,2	38,4
305,2	$0,3 \\ 0,4 \\ 0,5$	0,196 0,0816 0,0347	0,366 0,151 0,0632	0,536 0,220 0,091	0,922 0,386 0,163	2,24 1,01 0,468	6,33 3,58 2,10	27,9 20,5 15,7
<u>3</u> 10	0,3 0,4 0,5	0,588 0,360 0,221	1,204 0,745 0,465	$1,98 \\ 1,23 \\ 0,776$	$4,15 \\ 2,61 \\ 1,65$	$9,05 \\ 6,16 \\ 4,08$	22,1 15,7 11,4	$59,4 \\ 47,9 \\ 39,6$
<b>315,2</b>	0,3 0,4 0,5	2,40 1,94 1,57	4,44 3,58 2,87	${0,75 \atop 5,43 \atop 4,37}$	12,5 10,1 8,1	25,4 20,5 16,6	51,7 42,0 35,4	112,0 98,2 87,5
320	0,3 0,4 0,5	3,08 2,66 2,28	6,50 5,70 4,96	$10,83 \\ 9,56 \\ 8,19$	21,6 19,3 17,3	41,5 37,2 33,3	32,8 73,2 66,0	181,0 169,0 151,0
325,2	$0,3 \\ 0,4 \\ 0,5$	3,93 3,66 3,42	8,20 7,68 7,09	13,8 12,9 12,1	29,4 27,8 26,4	62,3 58,8 55,8	130,0 123,0 117,0	а

Радиация, прошедшая через фильтры с  $\Delta\lambda$  = 0,4 нм, была рассчитана для прямоугольной формы кривой пропускания, т. е. фактически представляет собой интенсивность монохроматической радиации.

В табл. 1 приведены результаты расчета для m=2.

# 1. Чувствительность прибора к озону

Как уже было сказано, озон находится по отношению интенсивностей радиации, прошедшей через фильтры озонометра.

Обозначим интенсивности радиации при содержании озона  $\Omega$  и массе *m* для 1-го и 2-го фильтров как  $S_1$  и  $S_2$ , а при содержании озона  $\Omega - \Delta \Omega$  и при той же массе — как  $S'_1$  и  $S'_2$  и найдем, во сколько раз изменится отношение  $S_1/S_2$  при изменении озона на  $\Delta \Omega$ :

$$r_m = \frac{S_1' / S_2'}{S_1 / S_2} = \frac{S_1' / S_1}{S_1' / S_2} = \frac{r_{1m}}{r_{2m}}.$$
(9)

Величину  $r_m$  назовем чувствительностью прибора к озону. Если второй фильтр расположен в области спектра, где отсутствует поглощение озона, то  $S'_2 = S'_2$ , а  $r_m = S'_1/S'_1 = r_{1m}$ , т. е. чувствительность прибора определяется изменением интенсивности радиации, выделенной первым фильтром.

Для дальнейших расчетов зададим величину  $\Delta\Omega = 0,1$  см. Найдем  $r_m$  для фильтров разной ширины, расположенных в различных участках спектра ультрафиолетовой радиации. Для расчета  $r_m$  воспользуемся значениями  $S_1$ , причем в каждом случае находим  $r_m$ как среднее из двух значений по формуле

$$r_m = \frac{S_{0,3}/S_{0,4} + S_{0,4}/S_{0,5}}{2}, \qquad (10)$$

где индексы 0,3; 0,4 и 0,5 показывают, при каком содержании озона была рассчитана интенсивность ультрафиолетовой радиации S.

Полученные значения  $r_m$  приведены в табл. 2 и на рис. 4. Из таблиц и рисунков видно, что чувствительность прибора к озону;

1) резко возрастает с уменьшением длины волны;

2) для фильтров с полной шириной до 10—20 нм очень мало уменьшается с расширением фильтра на всех длинах волн;

3) для фильтров с полной шириной свыше 10—20 нм резко падает с расширением фильтра, особенно на более коротких длинах волн.

Особенно следует отметить выявленное при расчете сохранение чувствительности к озону прибора с фильтрами шириной до 10—20 нм, близкой к чувствительности к озону монохроматической радиации.

Величина чувствительности  $r_m$  характеризует влияние озона на измеряемую радиацию, но, кроме нее, необходимо также знать, как при расчете озона (искомой величины) сказывается изменение



Рис. 4. Чувствительность к озону приборов с фильтрами с шириной пропускания  $\Delta\lambda$  в зависимости от положения максимума пропускания фильтра.

Таблица 2

Чувствительность прибора г<sub>т</sub> к озону

							Δλι	HM						
	0	,4	1	,2	2	,4	4	,8	9	,6	19	9,2	38	3,4
нм	m = 2	<i>m</i> = 4	m = 2	m = 4	m = 2	m = 4	m = 2	m = 4	m = 2	m = 4	m = 2	m = 4	m = 2	m = 4
305,2 310,0 315,2 320,0 325,2	2,40 1,64 1,23 1,16 1,07	5,6 2,66 1,53 1,36 1,15	2,41 1,60 1,24 1,14 1,08	5,7 2,58 1,52 1,33 1,15	2,42 1,60 1,24 1,14 1,07	5,6 2,53 1,54 1,29 1,12	2,40 1,59 1,24 1,13 1,06	5,4 2,43 1,52 1,26 1,12	2,20 1,48 1,23 1,11 1,05	4,15 2,12 1,48 1,25 1,11	1,74 1,39 1,21 1,12 1,05	2,33 1,70 1,40 1,22 1,09	1,33 1,22 1,13 1,09	1,48 1,36 1,18 1,13

радиации (отсчета по прибору). Для оценки изменения озона представим чувствительность прибора к озону для монохроматической радиации согласно (9) и (3) в виде

$$r_m = \frac{S_{\lambda}'}{S_{\lambda}} = \frac{S_{0\lambda} \cdot 10^{-\alpha_{\lambda}\mu} (2-\Delta\Omega) - \beta_{\lambda}m}{S_{0\lambda} \cdot 10^{-\alpha_{\lambda}\mu\Omega - \beta_{\lambda}m}} = 10^{\alpha_{\lambda}\mu\Delta\Omega} .$$
(11)

Для фильтров с конечной шириной можно написать

$$r_m = 10^{\alpha_{9}\phi^{\mu,\Delta 9}}.$$
 (12)

Расчет показал, что практически для любого из выбранных фильтров при  $m = \mu = \text{const}$  сохраняется соотношение  $S_{0,3}/S_{0,4} \simeq \sum S_{0,4}/S_{0,5}$ , т. е. значение  $\alpha_{\partial \phi}\mu$  при довольно большом изменении озона от 0,3 до 0,5 см остается постоянным. Из (12) следует

$$\alpha_{\mathsf{s}\Phi}\mu = \frac{\lg r_m}{\Delta \Omega} = 10 \lg r_m. \tag{13}$$

Также можно написать, что при m = const

$$\Delta\Omega = \frac{1}{\alpha_{a,b}\mu} \lg \frac{S'}{S} . \tag{14}$$

Допустим, что S' отличается от S на 10%, тогда при содержании озона 0,3 см относительное изменение озона равно

$$\frac{\Delta\Omega}{\Omega} \,{}^0/_0 = \frac{1.4}{\lg r_m} \,. \tag{15}$$

Таблица 3.

Относительное изменение содержания озона  $\Delta\Omega/\Omega$  (%) при изменении интенсивности ультрафиолетовой радиации на 10% ( $\Omega$ =0,3 см)

	Да нм													
3	0	,4	Ó	,2	2	,4	4	,8	9	,6	19	9,2	38	8,4
<sup>λ</sup> max нм	m=2	m = 4	m = 2	m = 4	m=2	m = 4	m=2	m = 4	m = 2	m = 4	m = 2	m = 4	m = 2	m = 4
305,2 310,0 315,2 320,0 325,2	4 7 15 21 44	$2 \\ 3 \\ 8 \\ 10 \\ 23$	4 7 15 25 39	$2 \\ 3 \\ 8 \\ 12 \\ 23$	4 7 15 26 50	$2 \\ 3 \\ 8 \\ 14 \\ 30$	4 7 15 28 57	2 4 8 14 30	4 8 15 29 58	2 4 8 14 30	6 10 17 28 61	4 6 10 17 37	11 16 25 60	8 11 19 27

В табл. З приведены результаты расчета  $\frac{\Delta\Omega}{\Omega}$  % при m=2 для

разных фильтров. Предположим, что погрешность измерения радиации составляет 10%. В этом случае данные табл. З характеризуют точность определения озона для приборов с разными фильтрами. Из этой таблицы видно, что при равной погрешности измерения радиации наименьшие погрешности в определении озона получаются для более коротковолновых фильтров. Погрешность в определении озона остается почти постоянной для фильтров с шириной полосы до 20,0 нм и лишь для более широкополосных фильтров она быстро возрастает. Из табл. З следует также, что приборы с полосой пропускания 20,0 нм и более могут иметь ту же точность, что и приборы с очень узкими полосами пропускания. Например, для прибора с  $\Delta\lambda$ =38,4 нм и  $\lambda_{max}$ =310 нм возможная погрешность при m=2 получается такой же, как и для прибора с  $\Delta\lambda=0,4$  нм и  $\lambda_{max}=315,2$  нм, а выбрав фильтр с довольно широкой полосой пропускания  $\Delta\lambda=9,6$  нм и  $\lambda_{max}=305,2$  нм, получим максимально возможную точность для рассмотренного диапазона длин волн.

## 2. Динамический диапазон озонометров

Отметим еще одну особенность озонометрических наблюдений. Если содержание озона в течение года колеблется от 0,2 до 0,6 см, т. е. всего в 3 раза, то измеряемая интенсивность ультрафиолетовой радиации меняется в гораздо больших пределах.

Назовем динамическим диапазоном озонометра отношение максимального к минимальному измеряемых сигналов. Так как рассматриваются приборы с линейной регистрацией, то можно говорить о динамическом диапазоне изменения интенсивности ультрафиолетовой радиации в пределах полосы пропускания фильтров. В табл. 4 приводятся результаты расчета динамических диапазонов изменения интенсивности ультрафиолетовой радиации, прошедшей через фильтры с пропусканием  $k_{\lambda}$  (характеристики фильтров перечислены выше).

Таблица 4

	Δλ нм								
λ <sub>max</sub> нм	0,4	1,2	2,4	4,8	9,6	19,2	38,4		
305,2 310,0 315,2 320,0 325,2	$4  imes 10^{6} \\ 53\ 000 \\ 2\ 060 \\ 890 \\ 310 \\ \end{array}$	$4 \times 10^{6} \\ 43\ 000 \\ 2\ 200 \\ 740 \\ 300$	$4 \times 10^{6}$ $40\ 000$ $2\ 190$ 640 270	$3,5 \times 10^{6}$ 34500 2040 570 250	$1 \times 10^{6}$ 19 300 1 800 540 230	$ \begin{array}{r} 64\ 000\\ 6\ 000\\ 1\ 230\\ 480 \end{array} $	3250 1250 520		

Динамический диапазон  $D = S_{\max}/S_{\min}$  ( $S_{\max}$  соответствует  $\Omega = 0,2$  см, m=1;  $S_{\min} \Omega = 0,6$  см,  $m=4, \delta = 0,250$ )

Динамический диапазон D был рассчитан по формуле

$$D = S_{max} / S_{min}$$
 (16)

Максимальные интенсивности  $S_{\max}$  были найдены для содержания озона  $\Omega = 0,2$  см и воздушной массы m = 1, минимальные  $S_{\min} - для \ \Omega = 0,6$  см, m = 4. Кроме того, при расчете D было учтено ослабление радиации аэрозолем ( $\delta = 0,250$ , ослабление нейтральное).

Первое, что обращает на себя внимание в табл. 4, — очень большая величина динамического диапазона во всем рассмотренном участке спектра. Особенно большая величина динамического диапазона характерна для фильтров, расположенных в более коротко-

волновых участках спектра. Например, для фильтра с  $\lambda_{max} = 305,2$  нм и  $\Delta\lambda$  от 0,4 до 10 нм динамический диапазон превышает 10<sup>6</sup> (вспомним, что диапазон изменения содержания озона равен 3).

В приборе с линейным усилением такой диапазон можно реализовать, только используя очень большое число оптических или электрических ослабителей, причем параметры ослабителей должны быть определены с высокой точностью. Это неизбежно приводит к такому усложнению прибора, которое делает практически невозможным использование его на широкой озонометрической сети. Анализ табл. 2, 3 и 4 показывает, что достаточно простой озонометр с линейным усилением можно создать лишь при малой чувствительности прибора к озону.

Несравненно лучшие результаты дает использование компенсационного метода, реализованного в спектрофотометре Добсона. Однако технические трудности в изготовлении необходимого для компенсации потоков оптического клина или какой-либо механической системы компенсации также велики и оправданы лишь для создания специальных озонометров обсерваторского типа.

Наиболее просто преодолеваются эти трудности, если в озонометре используется не линейное, а логарифмическое усиление. Учитывая, что вакуумный фотоумножитель может обеспечить линейное преобразование ультрафиолетовой радиации в диапазоне  $10^5 - 10^6$ , логарифмирующий элемент следует ставить непосредственно за фотоумножителем. При этом появляется возможность сжать динамический диапазон до величины, не превышающей один порядок, что уже существенно ближе к диапазону изменения содержания озона. Приборы такого типа уже использовались для оптических исследований [11], но для озонометрии не применялись. В настоящее время озонометр с логарифмическим усилением разрабатывается в Главной геофизической обсерватории.

# 3. Особенности применения «долгого» метода Бугера в озонометрии

На рис. 5 нанесены рассчитанные значения логарифма интенсивности ультрафиолетовой радиации, прошедшей через фильтры с различными параметрами, в зависимости от воздушной массы. По графикам видно, что уже при ширине фильтра 2,4 и 4,8 нм значения lg S не ложатся на прямую линию. При реальных наблюдениях такое отклонение (проявление эффекта Форбса) может привести к погрешностям в определении lg S<sub>0</sub>, а следовательно, и в расчете содержания озона. Чтобы оценить возможные погрешности из-за неправильного определения lg S<sub>0</sub>, мы получили значение lg S<sub>0</sub> путем экстраполяции прямых, одна из которых проведена через точки, соответствующие lg S при m=1 и m=2, а другая — через точки m=3 и m=4. Расхождение между ними, которое можно считать погрешностью в определении lg S<sub>0</sub>, приводит к ошибкам в расчете озона при фильтрах с  $\lambda_{max}=305,2$  нм от 3% при  $\Delta\lambda==2,4$  нм до 30% при  $\Delta\lambda=19,2$  нм. Угол наклона кривых к оси абсцисс, который, согласно формуле (4), определяется в основном коэффициентом поглощения озона, при фильтрах с  $\Delta\lambda = 2,4$  нм сильно зависит от *m*, поэтому как использование коэффициента поглощения, соответствующего  $\lambda_{\text{max}}$ , так и какого-либо постоянного эффективного коэффициента поглощения озона также приводит к появлению систематических ошибок в определении озона. Поэтому, учитывая, что для измере-



Рис. 5. Зависимость логарифма интенсивности ультрафиолетовой радиации, прошедшей через фильтр  $k_{\lambda}$  ( $\lambda_{\max}, \Delta\lambda$ ), от воздушной массы *m*.

 $a - \lambda_{\max} = 305,2$  нм,  $6 - \lambda_{\max} = 310$  и  $\lambda_{\max} = 315,2$  нм.

ния озона наиболее удобны фильтры, максимумы пропускания которых соответствуют длинам волн короче 315 нм, использовать для расчета озона формулу (4) можно лишь при измерениях озона со спектральными интервалами не шире 3—5 нм. При работе с более широкополосными фильтрами следует пользоваться расчетами по методу для приборов с широкими полосами пропускания. При этом необходимо знать спектральную чувствительность прибора.

Если учесть также, что спектр ультрафиолетовой радиации у земли представляет собой далеко не гладкую кривую (см. рис. 2), то требования к устойчивости спектральных характеристик прибора с узкими полосами пропускания должны быть очень высокими.

### выводы

На основе изложенного выше анализа характеристик озонометров можно сделать вывод, что на широкой сети станций целесообразно иметь простые фильтровые приборы с относительно широ-

кими полосами пропускания; такие приборы при правильном выборе параметров фильтра могут иметь чувствительность к озону, не уступающую чувствительности монохроматических приборов, а следовательно, могут измерять содержание озона с высокой точностью. Для работы в большом динамическом диапазоне изменения УФ радиации в озонометрах следует применять логарифмическое усиление

### ЛИТЕРАТУРА

1. Dobson J. M. B. Observers handbook for the ozone spectrophotometer. Ann. Intern. Geophys. Year, 5, No 1-3, 1957.

2. Stair R. Measurement of ozone in terms of its optical absorption. Ozone chem and Technol. Washington, 1959. 3. Гущин Г. П. Метод расчета общего содержания атмосферного озона

для приборов со светофильтрами. Сб. «Атмосферный озон». Изд. МГУ, 1961.

4. Гущин Г. П. Исследование атмосферного озона. Гидрометеоиздат, Л., 1963

5. Bojkov R. D. Differences in Dobson spectrophotometer and filter ozonometer measurements of total ozone. Intern. Ozone sympozium in Monako. September. 1967.

6. Vanjer I., Warde D. I. The effects of spectral resolution on total ozone measurements. Quart. J. Roy. Meteorol. Soc., 1969, v. 95, No 404, 395-399.

7. Большакова Л. Г., Ошерович А. Л., Пейсахсон И. В. О систематических ошибках при фильтровой озонометрии. Сб. «Атмосферный озон». Изд. МГУ, 1961.

8. Arvesen John C., Griffin R. N., Douglas B., Peacrson. De-termination of extraterrestrial Solar Spectral irradiance from a researech aircraft. Appl. Optics, v. 8, No 11, 1969.

9. Vigroux E. Contribution a L'etude experimentale de l'absorption l'ozone. Annales de physique, 8, 1953.

10. Vigroux E. Annal. Phys. 1967, v. 2, p. 209.

11. Дианов-Клоков В. И., Гуркин Г. Д. Простой логарифмический фотометр. ПТЭ, № 6, 1965.

### Т. К. ЯСТРЕБОВА

# ПРИМЕНЕНИЕ ЭЛЕКТРОЛИТИЧЕСКОГО ИНТЕГРАТОРА X-603 ПАРАЛЛЕЛЬНО РЕГИСТРАТОРУ ДЛЯ ПОЛУЧЕНИЯ СУММ ОСТАТОЧНОЙ РАДИАЦИИ

Измерение радиационного баланса (остаточной радиации) на сети станций с помощью балансомера М-10 производится отдельными отсчетами по гальванометру во время срочных наблюдений и дискретной регистрацией с помощью МСЩ-Пр [1, 2, 3]. Но конструкция балансомера М-10 не позволяет производить измерения от-



Рис. 1. Схема установки для регистрации и интегрирования радиационного баланса (остаточной радиации).

дельными отсчетами [4]. В целом ряде исследований [5—7] на этот факт обращается внимание и даются рекомендации об автоматическом интегрировании показаний балансомера М-10. Эти рекомендации в настоящее время могут быть осуществлены применением для регистрации радиационного баланса однозаписного электронного потенциометра, параллельно которому включается на входе электролитический интегратор Х-603 [8, 11] (рис. 1). Эта комбинация регистратор — интегратор Х-603 является удачной в том смысле, что регистратор ЭПП-09 не потребляет ток от термоэлектрического датчика, поэтому весь термоток идет через интегратор Х-603, который является счетчиком постоянного тока [8]. Интегратор X-603 выполняет в схеме на рис. 1 двоякую роль: суммирует показания балансомера M-10 и шунтирует регистратор ЭПП-09. Шунтирование необходимо для уменьшения размаха колебаний в записях показаний балансомера M-10 [6, 7]. Обработка регистраций в таком случае производится с учетом сопротивления того диапазона интегратора, который выбран в качестве рабочего [8], т. е. цена деления ленты ЭПП-09 рассчитывается по формуле, приведенной в [9, 10]:

$$\beta = \frac{\alpha_{\rm uu}}{K} = \frac{U_{\rm uu}}{NK}, \qquad (1)$$

или

$$\beta = \frac{U_{\pi} \left( 1 + \frac{R_{6}}{R_{N}} \right)}{NK} , \qquad (2)$$

где  $U_{\rm n}$  — номинальный предел регистратора ЭПП-09 в милливольтах, K — чувствительность балансомера в  $\frac{{}^{\rm MB}}{{}^{\rm кал/см^2}$  мин.,  $R_6$  — сопротивление балансомера,  $R_N$  — сопротивление рабочего диапазона интегратора, N — число делений шкалы ЭПП. Цена деления интегратора в таком случае рассчитывается обычным образом [8].

Нами проведена опытная регистрация радиационного баланса. балансомером М-10 по схеме, приведенной на рис. 1; регистратором служил ЭПП-09 М2. Результаты экспериментальной регистрации и интегрирования радиационного баланса за летние дни 1968 г. приведены в табл. 1.

Таблица 1

Часовые и суточные суммы остагочной радиации по потенциометру и интегратору (1968 г.)

Дата, время	ЭПП-09	X-603	МСЩ-Пр
3/VI, сутки	39634533732,430,628,1294	392	372
4/VI, сутки		350	323
5/VI, сутки		345	323
5/VI, 13—14 час.		32,0	31
14—15 час.		31,2	30
15—16 час.		28,1	27
7/VI, сутки		296	278

Из табл. 1 видно, что результаты по двум элементам схемы рис. 1 весьма близки между собой, расхождение составляет  $\pm 2\%$ , что определяется классом точности интегратора X-603 [8].

Вместо ЭПП-09 в качестве регистратора в схеме может быть использован одноканальный милливольтметр типа МСЩ-Пр 0118, более чувствительный, чем обычно, но в этом случае усложняется

11 Заказ № 534

обработка как по регистратору, так и по интегратору, так как регистратор и интегратор взаимно шунтируют друг друга и термоток от датчика разделяется на два прибора: регистратор и интегратор в соответствии с их сопротивлениями.

Так как градуировка МСЩ-Пр осуществляется по срочным наблюдениям [2], то изменится график градуировки регистратора МСЩ-Пр в случае параллельного подключения интегратора, поэтому в журнале необходимо отметить дату подключения интегратора и с момента подключения интегратора составить новый график. Расчет цены деления интегратора проводится в этом случае по формуле

$$A_{N} = 60 \Gamma \frac{R_{6} + R_{\pi} + R_{N} + \frac{R_{N}R_{\pi} + R_{6}R_{N}}{R_{r}}}{1000 K}, \qquad (3)$$

где  $A_N$  — цена деления интегратора в кал/см<sup>2</sup> на диапазоне N;  $\Gamma$  — цепа деления интегратора в мка — часах;  $R_5$  — сопротивление термобатареи;  $R_{\pi}$  — сопротивление соединительной линии;  $R_N$  — сопротивление рабочего диапазона интегратора;  $R_{r}$  — сопротивление тальванографа МСШ-Пр; K — чувствительность балансомера.

При использовании любого из шести диапазонов интегратора X-603 в качестве рабочего берется общее сопротивление внешней цепи: интегратор-датчик не превосходит критического сопротивления гальванографа МСЩ-Пр 0118 [12]. Результаты расчетов сопротивления приведены в табл. 2. Таким образом, включение интегратора X-603 параллельно гальванографу не нарушает работы гальванографа.

Таблица 2

R <sub>кр</sub>	Диапазоны интегратора									
	I	11	111	IV	V	VI				
50-80	17	33	38	39	40	40				

Общее сопротивление цепи при включении интегратора по схеме рис. 1 и критическое сопротивление гальванографа (ом)

Схема рис. 1 может быть использована в паре с любым балансомером (любого типа), а не только с балансомером М-10, так как интегратор Х-603 по своим характеристикам может быть использован для получения сумм остаточной радиации балансомером различного типа: Шульце, Функа или Кью.

В табл. З приведены величины минимального тока, вырабатываемого каждым из четырех типов балансомеров при минимальной величине потока радиации 0,01 кал/см<sup>2</sup>мин. и величине пороговой чувствительности интегратора X-603. Из табл. З видно, что

.600-Х вдотвдтэтии итэонапэтиятэяүр йовотод минимальный ток любого из балансомеров лежит за пределами по-

5 вингде**Т** 

.ним <sup>2</sup>мэ/кбя 10,0 инибидед идп Величниы минимального термотока (мка), вырабатываемого балансомерами

L'O	3,2	£9,0	5,0	ľ'O
Иыо	Функа	01-W	ность Х-603, мка	
·	меры	-апэтиятзаун кваотороП		

страции других видов радиации. только при регистрации радиационного баланса, но и при регипредложенная на рис. 1 схема может быть использована не

### **ΜΗΤΕΡΑΤУΡΑ**

.7691 ..П. ,таденоэтэморди Т. минэдондан . Руководство гидрометеорологическим станциям по актинометрическим

2. Руководство гидрометеорологическим станциям по регистрации радиации. Гидрометеоиздат, Л., 1961.

.7601 ,.П. ,твденоэтэмодиЛ .йин . Эдоплдын идотэм и идодидп экизэричтэмонитхи. Д. Д. й и из з в э шин R. З.

'9961 "W волновой радиапии. Сб. «Метеорологические исследования», № 15. Изд. «Наука», 4. Сулев М. А. О некоторых результатах сравнений приемников длинно-

'9961 '74' 1965. кследования термоэлектрических балансонемов Ю. Д. Янипевского. Труды ГГО, Б. Лебедева К. Д., Сивков С. И., Ястребова Т. К. Результаты

риодических пульсациях в доказаннях незащиценных балансомеров и пиртео-риодических пульсациях в доказаннях незащиценных балансомеров и пиртео-метров. Сб. «Метеорологические исследования», № 15. Изд. «Наука», М., 1966. 7. Гойса Н. И., Железнякова Т. В., IIерелёт Н. А. О некоторых источник погрешностей балансомеров Янишевского. Сб. «Метеорологические исследования», № 15, Изд. «Наука», М., 1966. -эпохтодом О. Л. Гваодэдтэ R. И. Лаомаи О. И. Каэдэдэй. 6

жмүр хинротус эннэдэмеН менциятотемодип киньебиу эниротем. 8

метрии. Сб. «Исследования по физике атмосферы», выи. 2. Изд. АН Эст. ССР,. 9. Росс Ю. К. Опыт применения электронных потенииометров в актиносолнечной радиации электролитическим интегратором. Гидрометеоиздат, М., 1968.

ров, применяемых для записи составляющих радиационного баланса. Труды ГГО, 10. Я стребова Т. К. О методика градуировки электронных потенциомет-Ин-тут физики и астрономии, Тарту, 1960.

и опыт их применения на сети станций СССР. Труды VII Всесоюзного совещания 11. 3 стребовати виньводелози энфотохен. У. Т в в обе q т з R. II вып. 112, 1963.

12. Руководство для регистрации радиации на актинометрических станциях ло актинометрин и атмосферной оптике. Гидрометеоиздат, Л., 1969.

гальванографом типа МСШ-Пр 0618. Л., 1965.

#### **ЭННАЖЧЭДОО**

Г. П. Гушин, Т. И. Черняк. Озонные массы для пати верти-57 околосолнечной радиации на показания прибора М-83 . . . . . Говору М. К. Методике измерения Г. П. Гушин, Л. А. Говорушкин. К методике измерения 69 Г. К. Гушин. Общее содержание атмосферного озона в районе Т. К. Гушин. Общее содержание атмосферного озона в районе Г. К. Гушин. Прозрачность атмосферы над Тихим океаном Г. И. Гушин. Прозрачность атмосферы над Тихим океанами Г. П. Гушин. П. А. Александров. О влиянии рассеянной 52 $0^{\uparrow}$ 22 вязке инфракрасных спектров солиечной раднации эхега LI длинновотнового излучения при безоблачном небе. . . . В огданов, А. М. Броунштейн. О взаимной при-С. С. Богданов, А. М. Броунштейн. О взаимной при-3 П. Барашкова. Вертикальное распределение инсходящего Ξ.

В. И. Голиков Зональные характеристики чувствительности ..... вальных распределений озона в атмосфере 08

термобатарей стандартных актинометров 16

других селективно исглощающих газов Исследование спектральной В. И. Иванов, Г. П. Панова. Исследование спектральной 66 или сносо кинаж одо отошоо хкиночем и прафоомть онтооналид. В. И. Голиков . О возможностях контроля за оптической ста-

иости атмосферы по интенсивности рассеянного назад света . . . 125 . А. К овалев. Теоретическая модель схемы измерения прозрач-150 прозрачности атмосферы на южном Байкале..... В. А. Клеванцова, А. А. Елисеев. Исследование инерции 901

09I Т. К. Ястребова. Применение электролитического интегратора жания озона приборами с широкими полосами пропускания. 148 134 В. А. Ковалев. Некоторые вопросы теории реальной схемы обрат-

индеидеи пониотегоо ммуэ кинэнуноп или учотодонной регистика 200-Х

# Труды ГГО, вып, 255

### АКТИНОМЕТРИЯ, АТМОСФЕРНАЯ ОПТИКА И ОЗОНОМЕТРИЯ

винаэндтимД RиdOl отоховэшинК Лод редакцией Гушина Геннадия Петровича, Поляковой Елены Андреевиы,

### Редактор А. Б. Котиковская

### Технический редактор Л. М. Шишкова

### Корректоры: Н. И. Оршер и Т. Н. Черненко

Ленинград. В-53, 2-я линия, д. 23. у идрометеорологическое издательство, . Сдано в набор 11/1Х 1970 г. Подписано к печати 9/XII, 1970 г. М-12579. Формат бумаги 60×90<sup>1</sup>/<sub>16</sub>. Бумага типографская № 1. Бум. л. 5,25. Печ. л. 10,5. Уч.-над. л. 10,3. Тираж 620 экз. Индекс МЛ-131, Зак. 534. Цена 82 коп.

при Совете Министров СССР. Ленинград, Прачечный пер., д. 6. итереп оп втетимом смодпфединопась 1 8 ем вифедонит вематиственные